

نشریه مهندسی سازه و ساخت (علمی – یژوهشی)



www.jsce.ir

بررسی عددی اثر شکل مقطع بر ظرفیت باربری نهایی ستون بتن مسلح تقویت شده با CFRP

مسعود محمودآبادی'*، فرشته سخائیپور^۲

۱ – استادیار، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه قم، قم، ایران ۲ – دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی عمران، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه قم، قم، ایران

چکیدہ

معمول ترین روش مقاوم سازی ستون ها، محصور کردن آن ها با کامپوزیت های FRP است؛ که باعث افزایش ظرفیت باربری محوری و جانبی ستون می شود. هدف اصلی در این تحقیق، بررسی مقاوم سازی ستون های بتن مسلح مربعی و مستطیلی با کامپوزیت های FRP است. برای این منظور، ابتدا یک نمونه ی آزمایشگاهی موجود، عیناً در نرمافزار آباکوس مدل سازی شد؛ به این ترتیب با مقایسه و نزدیک بودن نتایج نرمافزاری و آزمایشگاهی، صحت مدل سازی به اثبات رسید. سپس با در نظر گرفتن متغیرهایی مانند شکل و ابعاد مقطع ستون و تعداد لا یه های کامپوزیت، ۱۸ نمونه ی تحلیلی تعریف و در نرمافزار آباکوس مدل سازی شدند. نمونه های تحلیلی به دو گروه، نیمی با شکل مقطع مربعی و نیمی دیگر با شکل مقطع مستطیلی تعریف و در نرمافزار آباکوس مدل سازی شدند. نمونه های تحلیلی به دو گروه، نیمی با شکل مقطع مربعی و نیمی دیگر با شکل مقطع مستطیلی تعسیم شدند. در هر گروه سه نمونه ی بدون تقویت، سه نمونه ی تقویت شده با یک لایه و منعل مقطع ستون و نیمی دیگر با شکل مقطع مستطیلی تقسیم شدند. در هر گروه سه نمونه ی بدون تقویت، سه نمونه ی تقویت شده با یک لایه و شکل مقطع ستون بر ظرفیت باربری محوری اثری ندارد ولی بر ظرفیت باربری جانبی مؤثر است. همچنین افزودن لایه های داد که شکل مقطع ستون بر ظرفیت باربری محوری اثری ندارد ولی بر ظرفیت باربری جانبی مؤثر است. همچنین افزودن لایه های داد که طرفیت باربری جانبی ستون اثر زیادی دارد و برخلاف ظرفیت باربری محوری حضور لایه دوم PFP بسیار مؤثر است. با افزایش نسبت

كلمات كليدى: ستون بتن مسلح، محصور شدگى، آباكوس، CFRP، ظرفيت باربرى نهايى ستون.

	شناسه دیجیتال:					سابقه مقاله:
	10.22065/JSCE.2018.138522.1603	چاپ	انتشار آنلاين	پذيرش	بازنگری	دريافت
doi:	10.22065/JSCE.2018.138522.1603	۱۳۹۹/۰۱/۱۵	1399/01/10	1397/•9/•9	1891/07/25	1397/+4/12
مسعود محمود آبادی			ىندە مسئول:	*نويس		
m.mahmoudabadi@qom.ac.ir				ت الكترونيكى:	پسې	

Numerical Analysis on the Influence of the Cross Section of Ultimate Capacity of Reinforced Concrete Columns Reinforced with CFRP

Masooud Mahmoudabadi^{*1}, fereshte sakhaeipour²

1 Assistant Professor, Department of Civil Engineering, Faculty of Technology and the University of Qom, Qom, Iran 2 Department of Civil Engineering, University of Qom, Qom, Iran

ABSTRACT

The most common method of strengthening columns is confining them with FRP composites, which increases their ultimate axial and lateral load capacity. The main objective of this research is to investigate square and rectangular RC columns strengthened with FRP composites. For this purpose, an existing laboratory sample was initially modeled in Abaqus software. As a result, the accuracy of modeling was proven as the laboratory test results and the results generated by the software were compared and showed to be close. Then, with regard to variables such as cross-sectional shape and dimensions of the column and the number of composite layers, 18 analytical samples were determined and modeled in Abaqus software. The samples were divided into two groups of 9: square cross-sections and rectangular cross-sections. Each group included three non-reinforced samples, three samples reinforced with one layer and three samples reinforced with two layers of CFRP. The results obtained from the finite element analysis of these samples showed that the crosssectional shape of the column did not affect the ultimate axial load capacity, but affected the ultimate lateral load capacity. Also, adding CFRP layers had a profound effect on the ultimate lateral load capacity of the columns and unlike the ultimate axial load capacity, the presence of the second layer of CFRP was very effective. Moreover, as the length-towidth ratio in rectangular samples and the dimensions in square samples increased, the effect of the number of layers on the ultimate axial and lateral load capacity and the energy absorbed by the column decreased.

All rights reserved to Iranian Society of Structural Engineering.

doi: 10.22065/JSCE.2018.138522.1603

*Corresponding author:Masooud Mahmoudabadi Email address: m.mahmoudabadi@qom.ac.ir

ARTICLE INFO

Receive Date: 03 July 2018 Revise Date: 14 October 2018 Accept Date: 30 November 2018

Keywords:

Reinforced Concrete Columns, enclose, ABAQUS, CFRP, Column Ultimate Capacity

۱– مقدمه

دورپیچ نمودن ستونهای بتنی با پلیمرهای مسلح FRP، ازجمله روشهای نوین ترمیم و مقاومسازی این اعضا محسوب می شود. در اثر محصور شدگی، مدل رفتاری بتن تحت فشار کاملاً تغییر می کند. هنگامی که ستون بتنی محصور شده، تحت نیروی فشاری محوری قرار می گیرد؛ پوشش محصور کننده به دلیل اتساع جانبی ستون، تحت کشش قرار گرفته و تنشهای محصور کننده به هستهی بتنی اعمال می گردد؛ به این ترتیب باربری هستهی بتنی ادامه می یابد و ستون در تنش فشاری بالاتری منهدم می گردد [1].

اولین ایدهی استفاده از کامپوزیتهای FRP برای محصور کنندگی توسط فردیس و خلیلی در سال ۱۹۸۱ ارائه شد. این پژوهشگران با استفاده از فایبرگلاس بتن را دورپیچ نمودند. از آن زمان تاکنون آزمایشات متعدد و قابل ملاحظهای دررابطهبا بررسی رفتار ستونهای بتنی محصور شده با ورقهای FRP توسط دیگر پژوهشگران صورت گرفته است [۲].

مروری بر تحقیقات گذشته حاکی از آن است؛ اگرچه در زمینهی مقاومسازی ستونهای بتن مسلح با ورقهای FRP، مطالعات متنوعی انجام شده است. ولی در زمینهی تقویت ستونها با این نوع ورقها، باتوجهبه شکل مقطع ستون، تحقیقات محدودی صورت گرفته است. بهعلاوه دررابطهبا مطالعهی پارامتری جنس کربنی این الیاف، کم و کاستی در مطالعات گذشته مشاهده میشود. لذا تحقیق حاضر به بررسی اثر شکل مقطع بر ظرفیت باربری محوری و جانبی ستونهای بتن مسلح تقویت شده با FRP می پردازد. برای این منظور، ۱۸ نمونه ستون بتن مسلح با استفاده از نرمافزار آباکوس مدلسازی شدند. نمونههای تحلیلی به دو گروه، نیمی با شکل مقطع مربعی و نیمی دیگر با شکل مقطع مستطیلی تقسیم شدند. در هر گروه، سه نمونهی بدون تقویت، سه نمونهی تقویت شده با یک لایه و سه نمونه تقویت شده با و لایه PCFRP در نظر گرفته شد. در هر گروه، سه نمونهی بدون تقویت، سه نمونهی تقویت شده با یک لایه و سه نمونه تقویت شده با توسط نرمافزار آباکوس مدلسازی شد و نمودار نیرو-تغییرمکان آنها مقایسه گردید. همچنین از روابط موجود در مدل تحلیلی ارائه شده در همین یادداشت برای محاسبهی ظرفیت باربری محوری استفاده گردید. به گونهای که در شرایط مختلف (مقطع فاقد تقویت شده با موسط نرمافزار آباکوس مدلسازی شد و نمودار نیرو-تغییرمکان آنها مقایسه گردید. همچنین از روابط موجود در مدل تحلیلی ارائه شده در موین یادداشت برای محوری نمونههای تحلیلی، براساس روابط ارائه شده تعیین و با مقادیر حاصل از مدلسازی نرمافزاری مقایسه گردید. میزان ظرفیت باربری محوری نمونههای تحلیلی، براساس روابط ارائه شده تعیین و با مقادیر حاصل از مدلسازی نرمافزاری مقایسه گردید.

در مرحلهی بعد، نمونههای تحلیلی تحت حداکثر تغییرمکان جانبی قرار گرفتند و ظرفیت باربری جانبی و انرژی جذب شده توسط آنها مورد مقایسه قرار گرفت.

در ادامه، روابط خطی برای محاسبهی ظرفیت باربری محوری و جانبی نمونههای مربعی و مستطیلی با خصوصیات مشابه ارائه شد.

۲– روش مدلسازی عددی و مقایسه با روش آزمایشگاهی

جهت ارزیابی صحت نرمافزار، از مدل آزمایشگاهی معالج و همکاران [۳] که در سال ۲۰۰۲ مورد آزمایش قرار گرفت، استفاده شده است. برای این منظور مدل آزمایشگاهی، در نرمافزار آباکوس مدلسازی میشود. سپس نتایج حاصل از تحلیل را مورد مقایسه قرار میدهیم. بهمنظور مدلسازی، ابتدا هندسهی هر قسمت از مدل به صورت جداگانه مطابق جزئیات آزمایشگاهی در نرمافزار مدل میشود. به این روش مدلسازی که عمدتاً برای مدلهای پیچیده و مشتمل بر چند جزء به کار میرود، مدلسازی غیرمستقیم گفته میشود. سپس خواص نظیر هر یک از قسمتهای مدل در نرمافزار تعریف شده و به آن قسمت اختصاص می یابد. پس از این مراحل، اجزای مختلف مطابق مدل آزمایشگاهی بر روی هم سوار می شوند و تماس بین اجزای مختلف تعریف میشود. در ادامه بارگذاری و شرایط تکیه گاهی تعریف شده و مدل هندسی ساخته شده به تعدادی گره و المان تقسیم میشوند و آماده تحلیل میشود. در ادامه بارگذاری و شرایط تکیه گاهی تعریف شده المان کان کار می ساخته شده به تعدادی گره و المان تقسیم میشوند و آماده تحلیل میشود. در ادامه بارگذاری و شرایط تکیه گاهی تعریف شده المان میان المان کام از می شوند و تماس بین اجزای مختلف تعریف میشود. در ادامه بارگذاری و شرایط تکیه گاهی تعریف شده و مدل هندسی ساخته شده به تعدادی گره و المان تقسیم میشوند و آماده تحلیل میشود. در این تحقیق، جهت مدلسازی ستون بتنی از آرماتورها به صورت المان کراین شده وجهی هشت نقطهای با سختی کاهش یافته را معرفی می کند استفاده شده است، رفتار آرماتورها به صورت المان رایم آلمان شده و آلمان خرپایی با دو گره و سه درجه آزادی در هر گره است مدل شده و المان در نظر میباشد. اندرکنش بین بتن و ورق FRP بهصورت tie تعریف میشود و میلگردها نیز بهصورت embedded، در بتن مدفون مدلسازی شده است. اندازه مشها برابر ۵۰ میلیمتر انتخاب میشود. (افزایش تعداد المانها تأثیر چندانی در نتایج نخواهد داشت). مدل آزمایشگاهی، ستونی با مقطع مستطیل شکل است. ابعاد و هندسه نمونه و مشخصات آرماتورها در شکل ۱ مشخص شده است.



شکل ۱: جزئیات آرماتوربندی ستون مدل آزمایشگاهی معالج [۳].

مدل اجزای محدود نمونهی آزمایشگاهی معالج در شکل ۲ نشان داده شده است. نتایج حاصل از مدلسازی اجزای محدود در قیاس با نتایج آزمایشگاه در شکل ۳ نشان داده شده است.



شکل۲ : نمونهی مدلسازی شده ستون آزمایشگاهی معالج در نرمافزار آباکوس.



شکل۳: نتایج حاصل از نمونه آزمایشگاهی معالج و مدل اجزای محدود.

۳- مدلسازی

۱–۳– نمونههای مدلسازی شده

در این تحقیق، دو گروه نمونه بررسی میشود. ستونهای گروه اول عبارتاند از S400 ، S400 و S500 به ارتفاع ۳۰۰۰ میلیمتر که حرف اول نمونهها از کلمه Square بهمعنی مربع گرفته شده و عدد بعد از آن نشان دهنده ابعاد مقطع ستونها میباشد.

ستونهای گروه دوم عبارتاند از R400، R400 و R500 به ارتفاع ۳۰۰۰ میلیمتر که حرف اول نمونهها از کلمه Rectangular بهمعنی مستطیل گرفته شده و عدد بعد از آن نشان دهنده طول ستونها میباشد. (عرض ستونها ۳۰۰ میلیمتر میباشد).

۲۵ در تمامی نمونهها درصد آرماتورهای طولی مورد استفاده دو درصد و آرماتورهای عرضی مورد استفاده یک درصد و کاور بتن ۲۵ میلی متر در نظر گرفته شده است. مشخصات بتن مورد استفاده با در نظر گرفتن مقاومت فشاری ۲۸ روزه بتن با $f_c' = 25 MPa$ و مدول الاستیسیتهی F_c و مدول الاستیسیتهی F_c میباشد. طول ناحیه بحرانی در همه نمونهها ۵۰۰ میلی متر میباشد. طول ناحیه بحرانی در همه نمونهها ۵۰۰ میلی متر الاستیسیتهی الاستیسیتهی F_c و مدول الاستیسیته میباشد. طول ناحیه با در نظر گرفتن مورد استفاده با در نظر گرفتن مقاومت فشاری ۲۸ روزه بتن با $f_c' = 25 MPa$ و مدول الاستیسیته الاستیسیته در نظر الم میباشد. طول ناحیه بحرانی در همه نمونه الاستیسیته میلی متر میباشد. طول ناحیه بحرانی در همه نمونه الاستیسیته میلی متر ابتدا و انتهای ستون در نظر گرفته شده است؛ همچنین فاصله بین آرماتورهای عرضی در ناحیه بحرانی ۸۰ برابر فاصله بین آنها در ناحیه غیربحرانی است.

تمامی نمونهها در دو گروه ذکر شده را در سه حالت بدون تقویت، تقویت شده با یک لایه ورق FRP و تقویت شده با دو لایه ورق FRP بررسی مینماییم. تمامی نمونههای تقویت شده با FRP بهصورت کامل و در تمام طول ستون محصور شدهاند. تکیهگاه ستونها به شکل گیردار و بارگذاری محوری با اعمال جابجایی رو به پایین انجام شده است. شکل ۴ مقطع ستونهای مدلسازی شده را نشان میدهد.





شکل ۴ : مقطع ستون های مدل سازی شده.

نشریه علمی - پژوهشی مهندسی سازه و ساخت، دوره ۷، شماره ویژه ۱، سال ۱۳۹۹، صفحه ۱۰۷ تا ۱۲۵

۲-۳- مشخصات مصالح

باتوجهبه اینکه در مدلسازی ستون اجزای مختلفی نظیر میلگردها، بتن و ورقهای FRP استفاده شده است؛ ازاینرو خواص هر یک بهصورت جداگانه آورده میشود. بدیهی است این خواص در مدلسازی هر یک از اجزا نسبت داده شده است.

فولاد:

در جدول ۱ مشخصات فولادهای مورد استفاده معرفی شده است.

ضريب پواسون	مدول کششی (GPa)	تنش نهایی (MPa)	تنش تسلیم (MPa)	نوع فولاد
٠ /٣	۲۰۰	۶	4	آرماتور طولى
٠ /٣	۲۰۰	۳۷۰	۲۲۰	آرماتور عرضى

جدول ۱: مشخصات فولادهای مورد استفاده [۴]

الياف FRP:

مدلسازی FRP با استفاده از رفتار الاستیک Lamina و رفتار آسیب هشین صورت گرفته است. مشخصات الاستیک ورق FRP در جدول ۲ معرفی شده است.

t = 1 mm, $\sigma_{tensile} = 1500 MPa$, E = 181 GPa, $\upsilon = 0.28$

$E_1(MPa)$	$E_2(MPa)$	v_{12}	$G_{12}(MPa)$	$G_{13}(MPa)$	$G_{23}(MPa)$
181	1.7.	۰/۲۸	٧١٧٠	۷۱۷۰	γ

نرمافزار آباکوس، رفتار هشین را در قالب مدل Damage for Fiber-Reinforced Composites ارائه میدهد. این رفتار چهار مکانیزم شروع آسیب متفاوت: کشش الیاف، فشار الیاف، کشش زمینه و فشار زمینه را در نظر می گیرد [۶]. در جدول ۳ پارامترهای مورد استفاده برای این رفتار معرفی شده است.

جدول۳ : مشخصات آسيب هشين FRP [۵]

مقاومت كششى	مقاومت	مقاومت كششى	مقاومت	مقاومت	مقاومت
(MPa)	فشارى	عمودی (MPa)	فشاري عمودي	برشى	برشى عمودى
	(MPa)		(MPa)	(MPa)	(MPa)
10	10	۴.	748	۶۸	١٢٣

بتن:

مدلسازی بتن با استفاده از رفتار آسیب پلاستسیته بتن انجام شده است. بتن از رده C_{25} میباشد. خصوصیات تعریف شده برای بتن مطابق جدول ۴ میباشد.

Density = 2400 kg/m³ E = 25000 Mpa , v = 0.2

جدول۴ : پارامترهای پلاستیک بتن [۴]

زاويه اتساع	خروج از مرکزیت	f_{bo}/f_{co}	K _C	پارامتر ويسكوزيته
30.5	0.1	1.16	0.666	0.001

برای نمونههای محصور نشده (بدون تقویت) در فاز فشاری بتن از رابطه تنش-کرنش هاگنستاد و برای نمونههای محصور شده (تقویت شده با ورق FRP) در فاز فشاری بتن از رابطه تنش-کرنش بتن محصور ساچاقلو و رازوی استفاده شده است [۷و ۸و ۹].

۴- مدل تحلیلی ارائه شده برای پیشبینی ظرفیت باربری محوری ستونهای بتن مسلح پوشیده شده با FRP

مجموع بار محوری روی ستون شامل هسته و کاور بتن، آرماتورهای طولی و پوشش FRP است. معادلات پیشنهاد شده توسط ساچاقلو و رازوی و هاگنستاد برای تعیین سهم هسته بتن محصور شده و کاور بتن محصور نشده استفاده شدند؛ همچنین این مدل میتواند شامل فشار محصور جانبی اعمال شده توسط پوشش FRP نیز شود [۳].

سهم بتن و میلگرهای فولادی

فشار محصور جانبی یکنواخت $\left(f_{I}
ight)$ برای خاموتهای مستطیلی بهصورت زیر تعیین میشود:

$$f_{l} = \frac{\sum A_{st} f_{yt}}{sb_{c}} \tag{1}$$

در رابطه فوق b_c پهنای مقطع در فشار محصور فعال است، f_{yt} , f_{yt} بهترتیب تنش تسلیم، مساحت مقطع عرضی و فاصلهی آرماتورهای عرضی از یکدیگر است.

برای خاموتهای مربعی یا مستطیلی، فشار محصور، یکنواخت نیست. ضریب 4₃ برای کاهش دادن فشار محصور بهصورت زیر بیان میشود:

$$k_{3} = 0.26 \sqrt{\left(\frac{b_{c}}{s}\right) \left(\frac{b_{c}}{s_{l}}\right) \left(\frac{1}{f_{l}}\right)} \le 1 \tag{(Y)}$$

در رابطه فوق s_l فاصلهی بین آرماتورهای طولی میباشد.

فشار محصور یکنواخت مؤثر برای یک مقطع مستطیلی بهصورت زیر بهدست میآید:

$$f_{le} = k_3 f_l \tag{(7)}$$

 f_{ley} و f_{lex} و محصور جانبی بهصورت زیر بهدست میآید که f_{lex} و f_{lex} و f_{lex} و f_{lex} محصور جانبی بهصورت زیر بهدست میآید که f_{lex} و f_{lex} فشار محصور مؤثر عمود بر b_{cx} و b_{cx}

$$f_{le} = \frac{f_{lex}b_{cx} + f_{ley}b_{cy}}{b_{cx} + b_{cy}}$$
(f)

مقاومت فشاری بتن محصور طبق رابطه زیر بهدست میآید:

$$f_{cc}' = f_{co}' + k_I f_{Ie}$$
(۵)
در رابطه فوق ضریب محصور شدگی (k_I) از رابطه زیر بهدست میآید.
 $k_I = 6.7 (f_I)^{-0.17}$
(۶)

کرنش نظیر مقاومت فشاری و رابطه تنش-کرنش بتن محصور پیشنهاد شده توسط ساچاقلو و رازوی، معادلهی هاگنستاد اصلاح شده برای بتن غیرمحصور است که طبق روابط ۷ تا ۹ بهدست میآید.

$$\varepsilon_{cc} = \varepsilon_{co} \left(1 + 5K \right) \tag{V}$$

$$K = \frac{k_l f_l}{f_{co}'} \tag{A}$$

$$f_{c} = f_{cc}' \left[2 \left(\frac{\varepsilon_{c}}{\varepsilon_{cc}} \right) - \left(\frac{\varepsilon_{c}}{\varepsilon_{cc}} \right)^{2} \right]^{1/(1+2K)} \le f_{cc}'$$
(9)

ظرفیت باربری محوری، از ترکیب سهم هستهی بتن، کاور بتن و آرماتورهای طولی بهصورت زیر بهدست میآید:

$$N = A + B + C \tag{(1)}$$

سهم هسته بتن محصور توسط آرماتورهای عرضی:

$$A = 0.85 \left(A_{core} - \sum A_{sl} \right) f_{cc} \left[2 \left(\frac{\varepsilon_c}{\varepsilon_{cc}} \right) - \left(\frac{\varepsilon_c}{\varepsilon_{cc}} \right)^2 \right]^{1/(1+2K)}$$
(11)

سهم كاور بتن غيرمحصور:

$$B = 0.85 \left(A_c - A_{core} \right) f'_{co} \left[2 \left(\frac{\varepsilon_c}{\varepsilon_{co}} \right) - \left(\frac{\varepsilon_c}{\varepsilon_{co}} \right)^2 \right]$$
(17)

سهم آرماتورهای طولی:

$$C = \sum f_{sl} A_{sl} \tag{17}$$

در روابط فوق N بار محوری ستون، A_c مساحت مقطع عرضی ستون، A_{core} مساحت هسته بتن محصور شده توسط آرماتورهای عرضی، A_{sl} مساحت آرماتورهای طولی، f_{sl} تنش فشاری در آرماتورهای طولی است.

سهم آرماتوهای طولی

کمانش یا ناپایداری آرماتورهای طولی به ضریب شکل آرماتور $\left(rac{s}{d_b}
ight)$ وابسته است که نسبت طولی از آرماتور بدون نگهدارنده به قطر آن میباشد. اگر ضریب شکل آرماتور زیاد باشد، آرماتور پایداریاش را بهعلت کمانش اولیه از دست میدهد و تا کرنش سختشدگی ادامه مییابد. در شکل ۵ نمودار تنش-کرنش آرماتورهای فولادی در فشار نشان داده شده است.



شکل۵: نمودار تنش-کرنش آرماتورهای فولادی در فشار [۳].

اگر ضریب شکل آرماتور بزرگتر از هشت باشد، آرماتور در نقطه تسلیم ناپایدار میشود و تنش بهصورت خطی تا تنش و کرنش محدود طبق روابط زیر کم میشود.

$$f_{sl} = f_y - \left(\varepsilon_s - \varepsilon_y\right) \left[-23000 + 11000 \ln\left(\frac{s}{d_b}\right)\right]$$
(14)

for $\varepsilon_y \prec \varepsilon_s \leq \varepsilon_{S/DU}$

$$f_{S/DU} = 28f_y \left(\frac{s}{d_b}\right)^{-1.7} \tag{10}$$

$$\varepsilon_{S/DU} = \left[40 - 6\ln\left(\frac{s}{d_b}\right) \right] \varepsilon_y \tag{19}$$

برای آرماتورهای با ضریب شکل کوچکتر از هشت، پاسخ تاحدی شبیه آرماتور در کشش با یک سختشدگی کرنش همراه است. اگر ضریب شکل، کوچکتر از چهار و نیم باشد، رفتار برابر آرماتور در کشش میشود.

$$f_{sl} = f_{y} + \left(f_{S/DU} - f_{sh}\right) \left[2 \left(\frac{\varepsilon_s - \varepsilon_{sh}}{\varepsilon_{S/DU} - \varepsilon_{sh}} \right) - \left(\frac{\varepsilon_s - \varepsilon_{sh}}{\varepsilon_{S/DU} - \varepsilon_{sh}} \right)^2 \right]$$
(17)

for $\varepsilon_s \succ \varepsilon_{sh}$

$$f_{S/DU} = f_{sh} + (f_u - f_{sh}) \left[48e^{-0.9(s/d_b)} \right]$$
(1A)

$$\varepsilon_{S/DU} = \varepsilon_{sh} + \left(\varepsilon_u - \varepsilon_{sh}\right) \left[6e^{-0.4(s/d_b)} \right]$$
(19)

که f_{S/DU}, f_u, f_{sh}, f_y بهترتیب تنش تسلیم، تنش معادل سختشدگی کرنش، تنش نهایی و تنش محدود آرماتورهای طولی و کرنش نظیر تنشهای مذکور میباشد.

سهم پوشش FRP

برای ستونهای تقویت شده با پوشش FRP طولی و عرضی، محصوریت اضافی توسط پوشش FRP باید تعیین شود و برای بهدستآوردن فشار جانبی مؤثر اعمال شده بر هستهی بتن، به فشار جانبی مؤثر آرماتورهای عرضی اضافه شود. همچنین سهم پوشش FRP برای بار محوری روی ستون باید به حساب آورده شود. کاور بتن توسط پوشش FRP محصور شده و باید در محاسبه بار محوری منظور شود. مشابه مورد خاموتهای مستطیلی فشار محصور اعمال شده بر ستونهای مسلح مستطیلی توسط پوشش FRP یکنواخت نیست. مقدار ماکزیمم در گوشهها و مینیمم در وسط است. برای تعیین فشار محصور جانبی مؤثر، مقطع مستطیلی به یک مقطع دایروی با یک مساحت مقطع عرضی برابر تغییر شکل میدهد. فرض میشود لایههای PRP طولی و عرضی اطراف مقطع دایروی تغییر فرم داده را میپوشاند. فشار محصور جانبی شرکت داده شده توسط هر دو لایههای طولی و عرضی اطراف مقطع دایروی تغییر فرم داده را میپوشاند. تعیین میشود:

$$f_{la} = \frac{\left(E_{a-0}N_{la-0} + E_{a-90}N_{la-90}\right)\varepsilon_a t_a}{R_a} \tag{7.1}$$

در رابطه فوق E_{a-0} و N_{la-0} بهترتیب مدول کششی و تعداد لایههای ورق FRP که الیاف آن در جهت 0° قرار دارند و E_{a-90} و t_a ،FRP بهترتیب مدول کششی و تعداد لایههای ورق FRP که الیاف آن در جهت 0°° قرار دارند، ε_a کرنش کششی ورق FRP فخامت یک لایه ورق FRP و Ra شعاع مقطع دایروی معادل است.

زمانی که آرماتورهای عرضی جاری میشوند، فشار محصور جانبی ماکزیمم توسط آنها ایجاد میشود؛ همچنین زمانی که کرنش کششی در FRP برابر کرنش جاری شدن آرماتورهای عرضی میشود، فشار محصور جانبی ماکزیمم توسط پوشش FRP ایجاد میشود. بنابراین رابطه بالا بهصورت زیر نوشته میشود:

$$f_{la} = \frac{f_{yt}}{E_{st}} \frac{\left(E_{a-0} N_{la-0} + E_{a-90} N_{la-90}\right) t_a}{R_a} \tag{(11)}$$

در شکل ۶ مساحت محصور غیر مؤثر بتن توسط سهمیهایی با شیب [°]45 مشخص میشوند. معادلات مربوط به سهمیها بهصورت زیر است:

$$y_1 = \frac{1}{w_x} x^2 + \frac{1}{4} \left(2b_{cy} - w_x \right)$$
 (YY)

$$y_{2} = -\left(\frac{1}{w_{x}}x^{2} + \frac{1}{4}\left(2b_{cy} - w_{x}\right)\right)$$
(YT)

در روابط فوق w_{y}, w_{x} به صورت زیر به دست می آیند (r شعاع گوشه ستون است).

$$\begin{cases} w_x = b_{cx} - 2r \\ w_y = b_{cy} - 2r \end{cases}$$
(14)



شکل۶: سطح محصور مؤثر بتن [۳].

برای تعیین ضریب مؤثر محصور شدگی از رابطه زیر استفاده میشود:

$$k_e = \frac{A_c - A_{ie}}{A_c} \tag{7\Delta}$$

که در آن A_{ie} مساحت محصور غیرمؤثر بتن است که از رابطه زیر بهدست می آید:

$$A_{ie} = \sum_{i=1}^{2} 2 \int_{0}^{w_{x}/2} (-1)^{i+1} \left(\frac{b_{cy}}{2} - y_{i}\right) dx + 2 \frac{w_{y}^{2}}{6} - 2 \int_{0}^{x_{1}} (y_{2} - y_{1}) dx$$
(79)

در ستونهای مستطیلی وقتی x = x₁ باشد، دو سهمی در طول ضلع بزرگتر در نقطه x = x₁ با یکدیگر برخورد میکنند؛ درنتیجه مساحت این قسمت باید از کل مساحت محصور غیر مؤثر کم شود. فشار محصور مؤثر جانبی توسط ورقههای FRP از رابطه زیر بهدست میآید:

$$f_{la.e} = k_e f_{la} \tag{(Y)}$$

فشار محصور روی هستهی بتن از جمع فشار محصور اعمال شده توسط آرماتورهای عرضی و FRP بهدست میآید و فشار محصور روی کاور بتن تنها فشار محصور اعمال شده توسط FRP است.

$$D = \left(E_{ac-0} N_{la-0} + E_{ac-90} N_{la-90}\right) p t_a \varepsilon_c$$
(1A)

در رابطه فوق p محیط ستون و E_{ac-90} و E_{ac-90} مدول فشاری ورق FRP که الیاف آن در جهت $0, 0^{\circ}$ قرار دارند.

در جدول ۵ مقادیر بهدستآمده از مدل اجزای محدود و مدل تحلیلی در مقایسه با مدل آزمایشگاهی آورده شده است.

ظرفیت باربری محوری (kN)	مدل
7.87	مدل آزمایشگاهی
7.54	مدل اجزای محدود

جدول۵ : مقایسه ظرفیت باربری محوری مدل آزمایشگاهی با مدل اجزای محدود و تحلیلی

۲۰۰۰	مدل تحليلي

۵– مقایسه رفتار ستونها

1-۵- ظرفیت باربری محوری نمونهها

شکل ۷ تا ۹ نمودار نیرو-تغییرمکان محوری نمونههای بدون تقویت و تقویت شده با یک لایه و دو لایه ورق CFRP را نشان میدهد. در این نمودارها هر منحنی بیانگر یک نمونه میباشد. همچنین در جدول ۶ مقادیر ظرفیت باربری محوری نمونهها آورده شده است.

همانطور که از نمودارها و جدول قابل برداشت است، در تمامی نمونههای مربعی و مستطیلی دورپیچ کردن ستون با یک لایه CFRP تأثیر فراوانی بر ظرفیت باربری محوری ستون خواهد داشت، اما افزودن لایه دوم تأثیر چندانی بر افزایش ظرفیت باربری محوری ستون نخواهد داشت. در نمونههای مربعی تأثیر افزودن یک لایه دورپیچ CFRP در ظرفیت باربری محوری ستون تقریباً معادل افزودن ۱۰۰ میلی متر بر بعد نمونه میباشد. میزان افزایش ظرفیت باربری محوری در نمونههای مستطیلی بررسی شده با افزودن یک لایه دورپیچ CFRP، تا ۴۷٪ و با افزودن دو لایه دورپیچ CFRP، تا ۵۹٪ بوده است؛ که این نسبت با افزایش نسبت طول به عرض مقطع نمونه CFRP، تا ۴۷٪ و با افزودن دو لایه دورپیچ CFRP، تا ۵۹٪ بوده است؛ که این نسبت با افزایش نسبت طول به عرض مقطع نمونه تقریباً میگردد.



شکل ۹ : نمونه های تقویت شده با دو لایه CFRP.

مقطع	تعداد لايه دورپيچ CFRP	ظرفیت باربری محوری (kN)	ظرفیت باربری محوری (kN)	درصد افزايش ظرفيت
		روش تحليلى	روش اجزای محدود	باربری محوری
S300	-	2092/10	TSTT/ST	-
S300	١	4214/92	۳۹۸۶ /۵	۵۱/۴۳
S300	٢	6184/84	4022/88	Y1/Y9
S400	-	4010/24	411.12	-
S400	١	8777/44	8947/94	40/81
S400	٢	۸۲۶۴/۶۹	۲۷۱۴/۸۵	۶١/٧٣
S500	-	V 187/TI	YQ11/+X	-
S500	١	9917/84	۱۰۶۷۹	41/18
S500	٢	17+81/97	1 1 A B F/Y	۵۷/۸۶
R400	-	3402/01	3014/21	-
R400	١	۵۳۸۳/۰۶	۵۲۵۹/۶۹	47/18
R400	٢	۶۵۳۹/۷۴	۵۶۹۱/۷۹	۵٩/۲۵
R450	-	۳ለ۹۸/۶۶	F•FF/5F	-
R450	١	۵۹۹ • /V	۵۹۵V/+ ۹	47/2X
R450	٢	YT۵1/A9	8447/98	59/44
R500	-	42.424	4421/10	-
R500	١	8004/95	۶۵۲۰/۲۹	41/11
R500	٢	V914/8۵	४•४९/४४	۵۸/۶۳

جدول۶ : مقایسه ظرفیت باربری محوری نمونههای مدلسازی شده

مطابق شکل ۱۰ یک رابطهی خطی بین سطح مقطع ناخالص ستون و ظرفیت باربری محوری مشاهده میشود. بهطوریکه میتوان ظرفیت باربری محوری نمونههای مربعی و مستطیلی با سطح مقطع دلخواه بدون تقویت و تقویت شده با یک لایه و دو لایه دورپیچ CFRP و با خصوصیات مشابه نمونههای مذکور را بهدستآورد.



شکل۱۰ : نمودار ظرفیت باربری محوری – سطح مقطع نمونهها.

۲-۵- ظرفیت باربری جانبی نمونهها

نمونههای مذکور در نرمافزار آباکوس تحت تحلیل استاتیکی غیرخطی پوشاور قرار گرفته و نمودارهای برش پایه-تغییرمکان آنها استخراج شده است (شکل ۱۱ تا ۱۶). تحلیل استاتیکی پوشاور یک نوع تحلیل افزایشی است که نیرو بهصورت گامبهگام زیاد میشود و باعث هل دادن سازه میشود. این افزایش نیرو تا جایی ادامه مییابد که سازه دچار فرو ریزش شود. طبق استاندارد ۲۸۰۰ یک تغییرمکان هدف برابر ۲/۵ درصد ارتفاع ستون برای بالاترین نقطهی ستون در نظر گرفتیم [۱۰]. نتایج نشان داد که برای یک برش پایه مشخص میزان جابهجایی در نمونههای تقویت شده کمتر از نمونههای بدون تقویت است.





شکل۱۵ : نمونههای مستطیلی با یک لایه CFRP.

شکل۱۶ : نمونههای مستطیلی با دو لایه CFRP.

سطح زیر نمودار نیرو-تغییرمکان جانبی نمایانگر مجموع انرژی جذبشده میباشد. در جدول ۷ مقادیر ظرفیت باربری جانبی و انرژی جذب شده توسط نمونهها آورده شده است.

مقطع	تعداد لايه	راستای اعمال	ظرفيت باربري	درصد افزایش	مجموع انرژى	درصد افزایش
	دورپيچ CFRP	تغييرمكان جانبي	جانبی (kN)	ظرفيت باربري	جذب شده	انرژی جذب شدہ
				جانبى	(kN.mm)	
S300	-	-	21/42	-	1420/81	-
\$300	١	-	۵۰/۵۴	۸۴/۲۶	۲۳۱۵/۸۴	87/44
S300	٢	-	٧١/٢٩	169/91	W141/LY	۱۲۰/۳۵
S400	-	-	۷۰/۵۶	-	٣٩ ٨۶/٨٧	-
S400	١	-	180/10	۷۷/۳۶	۶۱۱۹/۷	۵۳/۵
S400	٢	-	۱۶٩/۸۵	14.141	V9V1/4T	٩٩/٩۴
S500	-	-	148/18	-	እ ۶۳۶/۶۳	-
S500	١	-	221/24	۵١/۵٧	٩٣۴۶/۵١	٨/٢٢
S500	٢	-	789/84	<u>አ</u> ቶ/ ዩ አ	<u> </u>	۱۵/۳۸
R400	-	محور ضعيف	57/23	-	2937/90	-
R400	١	محور ضعيف	٩٣/٩۴	۷٩/٨۴	4944/48	۵۵/۰۳
R400	٢	محور ضعيف	۱۲۸/۳۲	140/88	۵۷۱۸/۸۶	94/97
R400	-	محور قوى	۳٧/٩۴	-	1987/97	-
R400	١	محور قوى	۵۰/۶۴	۳۳/۴۷	2627/61	2 <i>4</i> /22
R400	٢	محور قوى	۶١/•۴	۶۰/۸۹	۲۸۶۳/۶۹	۴۵/۸۹
R450	-	محور ضعيف	٧٠/٠۶	-	4.92/99	-
R450	١	محور ضعيف	११९/•९	۶٩/٩٧	58. T/54	۳۸/۲
R450	٢	محور ضعيف	143/29	1.4/94	5811/85	۳۸/۴۲
R450	-	محور قوى	47/81	-	۲۱۹۵/۶	-
R450	١	محور قوى	۵۵/۴۹	۳۰/۲۴	7877/79	T 1/98
R450	٢	محور قوى	88/20	۵۵/۵	3114/41	۴١/٨۶
R500	-	محور ضعيف	۸۴/۷۹	-	۵۰۰۹/۵۴	-
R500	١	محور ضعيف	187/22	۵۵/۹۴	۵۶۲۸/۰ ۱	17/84
R500	٢	محور ضعيف	187/47	۹۱/۵۶	۵۹۰۸/۹۸	۱۷/۹۵
R500	-	محور قوی	41/21	-	7447/89	-
R500	١	محور قوی	۶۰/۸۶	۲۸/۰۵	790./99	۲۰/۵۶

حذب شده نومنهها	مانيثم	الديم حاني	ظ في تر	vهاده	10.12
جناب سناه صوباها	, , , , , , , , ,	ر در کی جانگ	فوقتك فا		1902

نشریه علمی - پژوهشی مهندسی سازه و ساخت، دوره ۷، شماره ویژه ۱، سال ۱۳۹۹، صفحه ۱۰۷ تا ۱۲۵

	R500	٢	محور قوی	٧١/۴	۵ • / ۳	3401/20	۳۸/۹۶
--	------	---	----------	------	---------	---------	-------

همانطور که از نمودارها و جدول ۷ قابل برداشت است، در تمامی نمونههای مربعی و مستطیلی که تحت حداکثر تغییرمکان جانبی قرار دارند، افزودن لایههای دورپیچ CFRP در ظرفیت باربری جانبی ستون اثر زیادی دارد و برخلاف ظرفیت باربری محوری حضور لایه دوم دورپیچ CFRP بسیار مؤثر است. همچنین کارایی محصور شدگی در مقاطع مربعی بیشتر از مقاطع مستطیلی است. در نمونههای مستطیلی با افزایش نسبت طول به عرض مقطع و در نمونههای مربعی با افزایش ابعاد مقطع کارایی محصور شدگی و درصد افزایش ظرفیت باربری جانبی ستون کاهش می یابد.

همانطور که از جدول ۷ قابل برداشت است در نمونههای مستطیلی که تغییرمکان جانبی در راستای محور ضعیف ستون میباشد؛ افزودن تعداد لایههای دورپیچ CFRP در انرژی جذب شده تأثیر چندانی ندارد. در نمونههای مستطیلی هرچه نسبت طول به عرض افزایش یابد و در نمونههای مربعی هرچه بعد نمونه بیشتر شود اثر افزودن تعداد لایههای دورپیچ CFRP بر افزایش انرژی جذب شده کمتر میشود.

مطابق شکل ۱۷ تا ۱۹ یک رابطهی خطی بین سطح مقطع ناخالص ستون و ظرفیت باربری جانبی نمونههای مربعی و مستطیلی مشاهده میشود. بهطوری که میتوان ظرفیت باربری جانبی نمونههای مستطیلی در راستای محورهای ضعیف و قوی و نمونههای مربعی با سطح مقطع دلخواه بدون تقویت و تقویت شده با یک لایه و دو لایه دورپیچ CFRP و با خصوصیات مشابه نمونههای مذکور را بهدستآورد.



شكل ١٧: نمودار ظرفيت باربري جانبي – سطح مقطع نمونههاي بدون تقويت.



شکل ۱۸ : نمودار ظرفیت باربری جانبی - سطح مقطع نمونههای تقویت شده با یک لایه CFRP.



شکل۱۹: نمودار ظرفیت باربری جانبی- سطح مقطع نمونههای تقویت شده با دو لایه CFRP.

۶- نتیجهگیری

۱- مدلهای ساخته شده در این تحقیق بر اساس مدلسازی هجده مقطع ستون بتن مسلح در سه حالت بدون تقویت، تقویت شده با یک لایه و دو لایه ورق CFRP میباشد. شعاع گوشه در این مقاطع صفر در نظر گرفته شده و به همین دلیل میزان محصور شدگی به اندازهی کافی مؤثر نیست و منحنی تنش-کرنش بتن بعد از نقطهی اوج با شاخه نزولی همراه بوده و رفتار کرنش-نرمی دارد [۱۱]. به این علت در مدلسازی از روابط تنش-کرنش بتن محصور ارائه شده توسط ساچاقلو استفاده شده است.

- ^۲- باتوجهبه نتایج و موارد ذکر شده میتوان بیان نمود که با تغییر ابعاد مقطع و تعداد لایههای دورپیچ CFRP، میتوان میزان ظرفیت باربری محوری و جانبی و جذب انرژی را در ستونها دستخوش تغییر قرار داد؛ در نمونههای مستطیلی با افزایش نسبت طول به عرض مقطع و در نمونههای مربعی با افزایش ابعاد مقطع کارایی محصور شدگی و تأثیر افزایش تعداد لایههای دورپیچ بر افزایش ظرفیت باربری محوری و جانبی و انرژی جذب شده توسط ستون کاهش مییابد؛ همچنین شکل مقطع در دورپیچ بر افزایش ظرفیت باربری محوری و جانبی و انرژی جذب شده توسط ستون کاهش مییابد؛ همچنین شکل مقطع در نمونههای برسی شده بر معروی و جانبی و انرژی جذب شده توسط ستون کاهش مییابد؛ همچنین شکل مقطع در نمونههای بررسی شده بر ظرفیت باربری محوری از ی ندارد ولی در ظرفیت باربری جانبی مؤثر است؛ بهطوری که میتوان گفت نیروی جانبی قابل تحمل توسط نمونههای مربعی با سطح مقطع مشابه میتواند تا میزان ۲۶٪ افزایش یابد؛ همچنین نیروی جانبی قابل تحمل توسط نمونههای مربعی با سطح مقطع مشابه میتواند تا میزان ۲۶٪ افزایش یابد؛ همچنین نیروی جانبی قابل تحمل توسط نمونههای مربعی با سطح مقطع مشابه میتواند تا میزان ۲۶٪ افزایش یابد؛ همچنین نیروی جانبی قابل تحمل توسط نمونههای مستطیلی در راستای محور ضعیف در مقایسه با نمونههای مستطیلی در راستای محور ضعیف در مقایسه با نمونههای مستطیلی در راستای محور قوی در مقایسه با نمونههای مربعی با سطح مقطع مشابه میتواند ۳۶٪ کاهش یابد. (برای نمونههای محور قوی در مقایسه با نمونههای مربعی با سطح مقطع مشابه میتواند ۲۶٪ کاهش یابد. (برای نمونههای محور قوی در مقایسه با نمونههای مربعی با سطح مقطع مشابه میتواند ۲۶٪ کاهش یابد. (برای نمونههای محور قوی در مقایسه با نمونههای میتوان ۲۰۰ میلی می میشاند، حداکثر طول مقطع میتواند ۲۰۰۰ میلی میتر میاشد، از ۲۱۲].
- ۰۳ در نمونههای مربعی تأثیر افزودن یک لایه دورپیچ CFRP در ظرفیت باربری محوری ستون، تقریباً معادل افزودن ۱۰۰ میلیمتر بر بعد نمونه میباشد.
- [‡]- در تمامی نمونههای مربعی و مستطیلی که تحت حداکثر تغییرمکان جانبی قرار دارند، افزودن لایههای دورپیچ CFRP در ظرفیت باربری جانبی ستون اثر زیادی دارد و برخلاف ظرفیت باربری محوری حضور لایه دوم دورپیچ CFRP بسیار مؤثر است.
- ⁰- در تمامی نمونههای مستطیلی که تغییرمکان جانبی در راستای محور ضعیف ستون میباشد افزودن تعداد لایههای دورپیچ CFRP در انرژی جذب شده تأثیر چندانی ندارد.
- ۲- با افزایش نسبت طول به عرض نمونههای مستطیلی اختلاف بین ظرفیت باربری جانبی در راستای محورهای ضعیف و قوی افزایش می ابد.

مراجع

[1] Pessiki, S. and Harries, K. A. and Kestner, J. T. and Sause, R. and Ricles, J. M. (2001). Axial Behavior of Reinforced Concrete Columns Confined with FRP Jackets. *Journal of Composites for Construction*, 5 (4), 237-245.

[2] Fardis, M. N. and Khalili, H. (1981). Concrete Encased in Fiberglass-Reinforced-Plastic. *Journal of the American Concrete Institute*, 78 (6), 440-446.

[3] Maalej, M. and Tanwongsval, S. and Paramasivam, P. (2002). Modelling of Rectangular RC Columns Strengthened with FRP. *Cement & Concrete Composites*, 25 (2), 263-276.

[4] Soroushnia, S. and Najafi, H. and Mamghani, M. H. and Mehrvand, M. (2016). *The Most Complete Practical Reference of ABAQUS. Advanced Level of Civilization*. Fourth Edition. Tehran: Negarandedanesh.

[5] Tsai, S. W. and Hahn, H. T. (1980). Introduction to Composite Materials. Pennsylvania: Technomic Publishing Company, Inc.

[6] Hashin, Z. and Rotem, A. (1973). A Fatigue Failure Criterion for Fiber Reinforced Materials. *Journal of Composite Materials*, 7 (4), 448-464.

[7] Hognestad, E. (1951). A Study of combined bending and Axial load in reinforced concrete members. Urbana-Champaign: University of Illinois.

[8] Saatcioglu, M. and Razvi, S. R. (1992). Strength and ductility of confined concrete. *Journal of structural Engineering*, 118 (6), 1590-1607.

[9] Dundar, C. and Tokgoz, S. and Tanrikulu, A. K. and Baran, T. (2008). Behaviour of reinforced and concrete-encased composite columns subjected to biaxial bending and axial load. *Building and Environment*, 43 (6), 1109-1120.

[10] Permanent Committee for Revising the Iranian Code of Practice for Seismic Resistant Design of Buildings. (2006). *Iranian Code of Practice for Seismic Resistant Design of Buildings (Standard No.2800)*. 3nd.Edition. Tehran: Building & Housing Research Center.

[11] Wu, G. and Wu, Z. S. and Lu, Z. T. (2007). Design-Oriented Stress-Strain Model for Concrete Prisms Confined with FRP Composites. *Construction and Building Materials*, 21 (5), 1107-1121.

[12] National Building Regulation Office. (2013). *Design and implementation of reinforced concrete buildings. Ninth topic*. Tehran: Tosseh Iran Publisher.