

Journal of Structural and Construction Engineering

www.jsce.ir



Seismic performance assessment of RC bridges with self-centering post-tensioned piers using fragility curves

R. Ashouri¹, M. R. Shiravand^{2*} S. Rassoulpour³

1- Master of science, Faculty of Civil, Water and Environmental Eng., Shahid Beheshti University, Tehran, Iran

2- Associate Prof., Faculty of Civil, Water and Environmental Eng., Shahid Beheshti University, Tehran, Iran

3- PhD candidate, Faculty of Civil, Water and Environmental Eng., Shahid Beheshti University, Tehran, Iran

ABSTRACT

Bridges play a key role in transportation networks, and damage to them during an earthquake may delay emergency rescues and first-aid efforts. Thus, the development of structures with low damage and reduced downtime after extreme earthquake events is necessary. Post-tensioned self-centering (SC) systems improve the serviceability of bridges by eliminating residual displacements after severe earthquakes. In these systems, post-tensioned tendons have a critical role in self-centering piers so that they return the structure to its initial position and remain their functionality. In this study, the seismic performance of posttensioned rocking bridge piers was investigated and compared with monolithic reinforced piers through time history analysis. Demand and capacity of bridges in models with different heights were investigated using incremental dynamic analysis (IDA). The probability of failure of each bridge has been investigated by studying the fragility analyses based on the maximum drift ratio and the stress of the tendons. According to the results, the collapse probability of bridges with conventional piers is higher than their corresponding bridge models with SC piers. Adding dampers to the SC piers increases the lateral load capacity of the model and decreases the probability of failure under an earthquake record with specific peak ground acceleration (PGA). On the other hand, using dampers in SC piers improves the energy dissipation capacity of the system and reduces the possibility of tendon yield by reducing the maximum displacement.

All rights reserved to Iranian Society of Structural Engineering.

ARTICLE INFO

Receive Date: 07 February 2022 Revise Date: 17 July 2022 Accept Date: 23 July 2022

Keywords:

Seismic performance Self-centering behavior Concrete bridges Fragility curves Incremental dynamic analysis

doi: https://doi.org/10.22065/jsce.2022.325984.2722

*Corresponding author: M.R. Shiravand. Email address: m_shiravand@sbu.ac.ir



نشریه مهندسی سازه و ساخت (علمی – پژوهشی) www.jsce.ir



ارزیابی عملکرد لرزهای پلهای بتنی دارای پایههای پسکشیده خودمرکزگرا به وسیله منحنیهای شکنندگی

رضوان عاشوری^۱، محمود رضا شیراوند^{۲*} سپهر رسول پور ^۳ ۱ – کارشناس ارشد مهندسی زلزله،، دانشکده عمران، آب و محیط زیست، دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران ۲-دانشیارگروه مهندسی سازه و زلزله، دانشکده عمران، آب و محیط زیست، دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران ۳- دانشجوی دکتری مهندسی زلزله،، دانشکده عمران، آب و محیط زیست، دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران

چکیدہ

پلها بخش کلیدی ارتباط در سیستم حمل و نقل به حساب می آیند به نحوی که در صورت خرابی پلها بعد از زلزله شدید یا بسته بودن راههای ارتباطی در روند امداد و نجات اختلال ایجاد خواهد شد. بنابراین استفاده از سیستمهای سازهای با احتمال خرابی کم و مدت از کارافتادگی کاهشیافته بعد از وقوع زلزله طرح امری ضروری تلقی میشود. پایههای خودمرکزگرا با کاهش یا حذف تغییر مکانهای پسماند به حفظ خدمت پذیری پلها بعد از زلزلههای شدید کمک میکنند. در این سیستم نیروی پس کشیدگی کابلها باعث ایجاد مرکزگرایی پایهها شده به طوری که باعث میشود بعد از اتمام زلزلههای شدید کمک میکنند. در این سیستم نیروی پس کشیدگی کابلها باعث ایجاد مرکزگرایی پایهها شده به طوری که باعث میشود بعد از اتمام زلزله، سازه به سمت محل اصلی خود بازگردد. در این مطالعه عملکرد لرزهای پلهای با دهانه پیوسته دارای پایههای خودمرکزگرا و خودمرکزگرای دارای میراگر خارجی نسبت به پلهای رایج بتنی از طریق تحلیل تاریخچه زمانی غیرخطی بررسی گردیده است. به منظور مقایسه دقیق تر عملکرد لرزهای پلهای با دهانه پیوسته دارای پایههای خودمرکزگرا و خودمرکزگرای دارای میراگر خارجی نسبت به پلهای رایج بتنی از طریق تحلیل تاریخچه زمانی غیرخطی بررسی گردیده است. به منظور مقایسه دقیق تر عملکره دارای میراگر خارجی نسبت به پلهای رایج بتنی از طریق تحلیل تاریخچه زمانی غیرخطی بررسی گردیده است. به منظور مقایسه دقیق تر عملکره موزه نوزدیک و حوزه نزدیک و حوزه دور در مدلهای پل با پایههای دارای ارتفاعهای مختلف انجام شد. احتمال وقوع خرابی هرکدام از پلها از طریق مطالعه عملکره نزدیک و حوزه دور در مدلهای پل با پایهای دارای ارتفاعهای مختلف انجام شد. احتمال وقوع خرابی هرکدام از پلها از طریق مطالعه مدخیهای شکنندگی با معیار تغییر مکان نسبی حداکثر و نسبت تنش پس کشیدگی کابلها بررسی گردیده است. بر اساس نتایج بدست آمده، پل در ارای پلها براین پلهایه در بیشینه شتاب زمایی پلها در یک بیشینه شتاب مده پل دودمرکزگرا دارای میراگر و نه می میشرد. پل خودمرکزگرا دارای میراگر مروریزش می شود و پل خودمرکزگرا دارای میراگر طرفیت تغییر مکان بیشتری داشته و احتمال خرابی پلیهای این پلهای در پایههای خودمرکزگرا دارای میراگر مروریزش می شود و پل خودمرکزگرا دارای میراگر ظرفیت تغییرمکان بیشتری داشته و احتمال خرابی پلیهای این به علی از میراگر دارای میراگر ظرفیت تغییرمکا

	شکنندگی، تحلیل دینامیکی فزاینده	بتنی، منحنی	مرکزگرا، پل	ای، رفتار خود	: عملکرد لرزه	کلمات کلیدی
	شناسه دیجیتال:					سابقه مقاله:
	https://doi.org/10.22065/jsce.2022.325984.2722	چاپ	انتشار آنلاين	پذيرش	بازنگری	دريافت
doi:	10.22065/jsce.2022.325984.2722	14•1/•1/81	14.1/.0/.1	14.1/.0/.1	1401/04/78	14/11/18
			براوند	محمودرضا ش	ىندە مسئول:	*نويس
			m_shirav	and@sbu.ac.ir	ت الكترونيكى:	پسہ

۱– مقدمه

روش طراحی لرزهای پلهای حاضر بر اساس حالت حدی و ملاحظات ایمنی جانی میباشد. فلسفه این طراحی، طرح شکل پذیر نواحی مفصل پلاستیک است. انرژی مستهلک شده در این ناحیه باعث بروز خرابی شده که تعمیر آن زمان بر بوده و کاربری پل بعد از زلزله را مختل میکند. از آنجایی که در طول زمین لرزههای بزرگ سیستم حمل و نقل به شدت آسیب پذیر است، سیستمهای سازهای با خرابی کم و مدت زمان از کار افتادگی کاهشیافته میتوانند کاربری بی وقفه پلها را حتی بعد از زلزلههای بزرگ تامین کنند. مندر و چن [۱] ایده طراحی پل با فلسفه نگه داشتن حد ایمنیجانی و حذف خرابیها را ارائه و بررسی کردند. در این طراحی از آنجایی که میلگردهای طولی ناپیوستهاند، از خستگی در چرخههای اولیه و خرابی بتن جلوگیری شده است. همچنین در این سیستم نیروی پس کشیدگی کابلها سهم بالایی در ایجاد مرکزگرایی پایهها داشته و منجر به کاهش جابهجایی پسماند گردیده است. طبق نتایج آزمایشهای انجام شده توسط هیوز ' [۲] بر روی پایههای خودمرکزگرا، مرکزگرایی پایهها به علت مولفه افقی نیروی پسکشیدگی بوده که هنگام تغییرمکان جانبی در پايهها تا زماني كه كابلهاي پسكشيده تسليم شوند عمل ميكند. بر اساس نتايج اين مطالعه، مقاومت جانبي سيستم ميتواند با نيروي پسکشیدگی بیشتر افزایش یابد، از طرف دیگر با افزایش نیروی پسکشیدگی تنشهای اولیه بر روی پایه افزایش پیدا کرده و سطح خرابی بالاتر میرود. در ادامه پالرمو^{*}و پامپانین[°][7] شاخصی ارائه کردند که ضمن تضمین خودمرکزگرایی این سیستمها، مقدار کافی استهلاک انرژی را نیز تامین میکند. در مطالعه دیگری که توسط یو-چن و همکاران [۴] انجام شده، عملکرد لرزهای پایه پل گهوارهای خودمرکزگرا که در آن میرایی با میلگردهای فولادی در طول پایه تامین شده، بررسی شده است. در این پایهها به منظور جلوگیری از خستگی با چرخه پایین^۷ میلگردها در طولی از پایه بدون تماس با بتن در نظرگرفته شدند که افزایش نسبت این میلگردها میتواند مقاومت جانبی پایه را نیز افزایش دهد. همچنین در مطالعه تانستاد و همکاران^[۵]، نتایج حاصل از تست بارگذاری چرخهای پایههای پسکشیده خودمرکزگرا نشان داد ٪۵۰ افزایش در طول آزاد میلگردها که با بتن تماس ندارند، تغییرمکان نسبی متناظر با شکست این میلگردها را ٪۱ به تاخیر میاندازد. با این حال تامین استهلاک انرژی با میلگردهای فولادی به کار برده شده در مقطع ستون با خرابیهای تعمیرناپذیر همراه است. ماریوت و همکاران۹[۶] در یک مطالعه آزمایشگاهی، رفتار پایههای مرکزگرا مجهز به میراگرهای خارجی را تحت بارگذاری شبه دینامیکی و شبه استاتیکی بررسی و با یک پایه یکپارچه ساخته شده مقایسه کردند. طبق نتایج این مطالعه، عملکرد این میراگرها علاوه بر تمرکز خرابی در میراگرهای خارجی، منجر به پایداری و استهلاک انرژی بیشتر این سیستمها نیز شده است. نتایج مطالعه نیکوکلام و سیدریس ۱٬[۷] با بررسی عملکرد پایه خودمرکزگرا مجهز به مستهلککننده خارجی که نوعی عضو فولادی جاریشونده کمانشتاب^{۱۱} بودند نیز بر مزایای این سیستم، شامل خرابی کم ، ظرفیت تغییر مکان بزرگ و قابلیت تعمیر سریع دلالت داشت.

عملکرد لرزهای پایههای پل پس کشیده به عاملهای زیادی شامل نیروی پس کشیدگی، نسبت هندسی و نسبت نیروی محوری به ظرفیت محوری مقطع بستگی دارد که لازم است در طراحی این سیستمها در نظر گرفته شود. ژانگ^{۱۲}و علم^{۱۲}[۸] اثر پارامتر نیروی پس کشیدگی و نسبت پس کشیدگی که نسبت سطح مقطع کابلها به سطح مقطع پایه بود را بر عمکلرد لرزهای این سیستم بررسی کردند. نتایج نشان داد انتخاب دقیق این دو پارامتر میتواند رفتار لرزهای پایهها را بهبود بخشد، به طوری که تا زمانی که نسبت بار قائم کمتر از

- ⁷ Low-cycle fatigue
- ⁸ Thonstad et al.
- ⁹ Marriott et al.
- ¹⁰ Sideris
- ¹¹ Buckling-restrained
- 12 Zhang
- ¹³ Alam

نشریه علمی - پژوهشی مهندسی سازه و ساخت، دوره ۱۰، شماره ۲، سال ۱۴۰۲، صفحه ۵۲ تا ۷۴

¹ Mander

² Cheng

³ Hewes

⁴ Palermo

⁵ Pampanin

⁶ Yu-Chen et al.

حدود ۲۰٪ مقاومت فشاری مقطع بتنی باشد، افزایش در هرکدام از این عاملها اثر منفی بر عملکرد لرزهای پایهها نمیگذارد. در مطالعه احمدی و کاشانی [۹] نیز مدلسازی اجزا محدود پایه پل دارای اتصال خودمرکزگرا با ارائه ضرایبی به منظور توزیع سختی اتصال انجام شد و اثر پارامترهای کلیدی بر رفتار استاتیکی غیرخطی بررسی گردید. نتایج تحلیل بار افزون نشان داد پایههای لاغرتر سختی کمتر، برش پایه و لنگر مقاوم کمتری دارند، درحالی که پایههای با نسبت ارتفاع به عرض کمتر، لنگر مقاوم بالاتری داشته که منجر به پایداری بیشتر آنها می شود.

مشخصه دیگری که توسط هان و همکاران^۱[۱۰] مطالعه شد سطح مقطع میراگرهای خارجی بود. طبق نتایج این مطالعه استهلاک انرژی، مقاومت جانبی و سختی اولیه با افزایش مساحت میراگر افزایش مییابد. با این حال از طرف دیگر استفاده از میراگر با سطح مقطع بیشتر تغییر مکان پسماند هم افزایش یافته و روی قابلیت مرکزگرایی اثر منفی دارد. نتایج مطالعه لیو و همکاران^{۱۵}[۱۱] ضمن ارائه شاخص مرکزگرایی دیگری که اثر سختی ثانویه را نیز بر مرکزگرایی در نظر میگیرد، نشان دادند با افزایش این مشخصه، تغییر مکان پسماند و استهلاک انرژی کاهش مییابد. مطالعه گوو^۹ و گااو^{۱۷} [۱۲] نیز با انجام تحلیل غیرخطی نشان داد میراگر خارجی به طور موثری پاسخ دینامیکی پایه پل خودمرکزگرا از جمله تغییر مکان جانبی و برش پایه را کاهش میدهد. کائو و همکاران^{۱۸}[۱۳] با استفاده از تحلیل شکنندگی بر روی پایههای خودمرکزگرا از جمله تغییر مکان جانبی و برش پایه را کاهش میدهد. کائو و همکاران^{۱۸}[۱۰] با استفاده از تحلیل پسماند در یک بیشینه شتاب مشخص برای این نوع پایهها نزدیک به صفر است. با این حال مطالعه ایشان تنها بر روی یک پایه منفرد بوده

۲- ضرورت و نوآوری تحقیق

در پژوهشهایی که تاکنون مرور شدند در اکثر موارد رفتار نیرو تغییر مکان سیستههای خودمر کزگرا تحت بارهای چرخهای ارزیابی شدهاند و مطالعات معدودی رفتار لرزهای آنها را با آزمایشهای لرزهای یا تحلیلهای غیر خطی تاریخچه زمانی بررسی کردهاند. از طرفی مطالعات اعدودی رفتار لرزهای آنها را با آزمایشهای لرزهای یا تحلیلهای غیر خطی تاریخچه زمانی بررسی کردهاند. از طرفی مطالعات اعدودی رفتار لرزهای آنها را با آزمایشهای لرزهای یا تحلیلهای غیر خطی تاریخچه زمانی بروسی کردهاند. از طرفی مطالعات معدودی رفتار لرزهای آنها را با آزمایشهای لرزهای یا تحلیلهای غیر خطی تاریخچه زمانی بررسی کردهاند. از طرفی مطالعات اعلاوه بر این در پژوهشهای گذشته، تحلیلهای شکنندگی^{۹۱} انجام شده بر روی ستونهای خودمرکزگرا صرفا بر روی یک تک ستون بوده و اثرات افزونگی و نامعینی پایههای دیگر پل در نظر گرفته نشده است (مثلا [۱۳ و ۱۴]). این اثرات در پایه های معمولی منجر به وجود یک توالی در تسلیم پایه ها میشود به نحوی که به جای کاهش سختی دائمی یک پایه، کاهش سختی پایههای دیگر پل در نظر گرفته نشده است (مثلا [۱۳ و ۱۴]). این اثرات در پایه های معمولی منجر به وجود یک نوالی در تسلیم پایه ها میشود به نحوی که به جای کاهش سختی دائمی یک پایه، کاهش سختی پایههای در یک تسلسل و به صورت ترویلی رفتار لرزهای یات افزونگی خود را بر روی توالی تسلیم میراگرها و بلندشدگی پایه نشان میدهد. بدین تریب رفتار لرزهای یک سیمان می میراگرها و بلندشدگی پایه نشان میدهد. بدین تریب رفتار لرزهای یک سیمایل می داری پایه می رای ما یا می می پروهش احمالاتی جامع با استفاده از روند ^{۲۰} کما و تمای کرد. سه مدل پل اولیه با پایههای معمولی بندی و ارتفاع ۵، ۷ و۹ متری در نظر گرفته شد د از می میار می رای در نظر گرفته و تحری در نظر گرفته شد. ۱) معیار تغییر مکان نسبی و ۲) معیار تسلیم کابل. معیار تغییر مکان سیمای می در برای که می و در ایک رانو د رنظر گرفته و شروش می اگر ساخته شدند. در تعلیل شکندگی دو معیار خرابی در نظر گرفته شد. د ای می واز روی آنها مدر و در این پژوهش می به می می راگر ساخته شدند. در تحلیل شکنندگی دو معیار نمری می شرک نسبی می می را بای در گرفی در نظر گرفته است و بای معمولی و خودمرکزگرا استم می نور را رفای در در طری می می می می می می رو می گر مان می میر می می می را ری می می می می م

¹⁴ Han et al.

¹⁵ Liu et al.

¹⁶ Guo

¹⁷ Gao

¹⁸ Cao et al.

¹⁹ Fragility analysis

²⁰ Incremental dynamic analysis

شود. از این رو در مطالعه حاضر احتمال وقوع تسلیم این عضو از سیستم نیز بررسی و منحنیهای شکنندگی بر اساس خرابی آنها نیز رسم شد.

۳- حرکت خودمرکزگرا مجهز به میراگر

در پایههای خودمرکزگرا به علت رفتار الاستیک دوخطی و وقوع خرابی ناچیز استهلاک انرژی به مقدار جزیی و بر اثر میرایی ذاتی بر اثر ضربه و حرارت ایجاد شده ناشی حرکت گهوارهای اتفاق میافتد. بنابراین در این پایهها برای استهلاک انرژی بیشتر باید از ابزارهای مستهلککننده انرژی اضافی استفاده کرد. سیستمهای خودمرکزگرا مجهز به میراگر که درآنها کابلها یا میلگردهای پسکشیده به طور مناسب با ابزارهای استهلاک انرژی نظیر میلگردهای فولادی طولی ترکیب شدهاند میتوانند استهلاک انرژی مناسبی فراهم کنند. رفتار چنین سیستمی در شکل ۱ نشان داده شده است. همانطور که مشاهده میشود، رفتار هیسترتیک پرچمی نهایی از دو مؤلفه تشکیل میشود: ۱) رفتار مرکزگرای الاستیک و ۲) رفتار الاستو پلاستیک میراگر.



شکل ۱: رفتار هیسترتیک پرچمی برای سیستم با حرکت خودمرکزگرای دارای میراگر.

باید توجه داشت که در شکل ۱ رفتار غیرخطی میراگر به نحوی است که سیستم بدون تغییر مکان پسماند باشد و افزایش مقدار میرایی میتواند منجر به بروز تغییر مکانهای پسماند شود. به منظور تعیین حدود میرایی مناسب و بررسی مرکزگرایی در سیسستم خودمرکزگرا دارای میراگر شاخصی توسط پالرمو و پامپانین [۳] ارائه شده است. این شاخص که در رابطه (۱) نشان داده شده، نسبت بین ویژگیهای مرکزگرایی و استهلاک انرژی را از نظر توزیع لنگر را بیان میکند.

$$\lambda = \frac{M_{PT} + M_N}{M_S} \tag{1}$$

که در آن، M_{PT} ظرفیت خمشی ناشی از کابلهای پسکشیده، M_N ظرفیت خمشی ناشی از بار محوری و M_S ظرفیت خمشی ناشی از مستهلککنندههای انرژی میباشد. طبق معیار تعریف شده در شرایطی که Λ بیشتر از ۱ باشد مرکزگرایی سیستم تضمین شده و تغییر مکان پسماند صفر است. از طرف دیگر مقادیر بالای Λ منجر به کاهش استهلاک انرژی شده و جابهجایی حداکثر مورد انتظار افزایش مییابد. یک طراحی بهینه شامل انتخاب مقادیر Λ حدود ۱–۱/۵ به منظور تضمین مرکزگرایی کافی، ظرفیت استهلاک انرژی مناسب و محدود کردن تغییر مکان حداکثر در سطح قابل قبول همراه با تغییر شکل پسماند ناچیز میباشد [۳].

۴- اعتبارسنجی مدلسازی پایه خودمرکزگرا

مدلسازیهای صورت گرفته در این مطالعه در نرم افزار اجزا محدود سپ ۲۱۲۰۰۰ [۱۵] صورت گرفته است. به منظور صحت سنجی مدلسازی پایه خودمرکزگرا نمونههای HBD3 و HBD4 در مطالعه ماریوت و همکاران[۶] که پایههای بتنی با مقاومت فشاری ۲۸روزه ۴۹/۵ MPa، ارتفاع ۲۱/۴ بار محوری ۲۰۰ kN و مقطعی به ابعاد ۳۵ در ۳۵ ۳۵ بودند، مدل شدند. این نمونهها مجهز به کابل پسکشیده از جنس فولاد با مقاومت نهایی ۲۸۸مقاومت تسلیم ۱۵۶۰MPa و سطح مقطع ۲۰۰۳ بودند که تنش پسکشیدگی هر کدام ۲۰۴/۰ برابر مقاومت نهایی کابل و معادل ۷۵kN بوده است. میراگرهای خارجی HBD3 و HBD4 که در شکل ۲-ب

²¹ SAP 2000

لوله فولادی پر شده با اپوکسی در برابر کمانش فشاری محافظت میشوند. نمونه HBD3 مجهز به ۴ میراگر خارجی با نیروی تسلیم ۱۸۵۸ و قطر Mm۸ در طول ۱۱۵mm بوده و قطر ۱۰mm در طول MMM و نمونه HBD4 مجهز به ۸ میراگر خارجی با نیروی تسلیم ۱۵kN و قطر Mm۸ در طول ۱۱۵mm بوده است. مشخصات این دو میراگر در جدول ۱ و مقطع عرضی نمونه HBD4 در شکل۲-ج آورده شده است. مدلسازی حرکت خودمرکزگرا در رابط از نوع پلاستیک (ون^{۲۲}) مدل شدهاند. دلیل استفاده از این رابط مدل سازی رفتار فولاد تسلیم شوده در میراگر است که دارای یک سختی الاستیک در ابتدا بوده و پس از نقطه تسلیم دارای یک سختی ثانویه است که به صورت ضریبی از سختی اولیه تعریف میگردد. پارامترهای ورودی برای مدلسازی منحنی رفتاری این رابط، سختی محوری(*۱X*) و نیروی تسلیم شونده در میراگر است که دارای یک پارامترهای ورودی برای مدلسازی منحنی رفتاری این رابط، سختی محوری(*۱X*) و نیروی تسلیم میراگرها (*۲*) و سختی ثانویه (*X*) بوده میگردد. پارامترهای ورودی برای مدلسازی منحنی رفتاری این رابط، سختی محوری(*۲X*) و نیروی تسلیم میراگرها (*۲*) و سختی ثانویه (*X*) بوده میرامترهای ورودی برای مدلسازی منحنی رفتاری این رابط، سختی محوری(*۲X*) و نیروی تسلیم میراگرها (*۲*) و سختی ثانویه (*X*) بوده مدف^{۲۲} به کابل اعمال شد. در نهایت منحنی هیسترزیس حاصل از الگوی بارگذاری چرخهای اعمال شده به انتهای ستونها (شکل۳–الف) و تغییرمکان جانبی بالای ستون رسم شده و با تنایح مدل آزمایشگاهی در شکل۴ مقایسه گردید. درصد اختلاف تغییر مکان بیشینه، مقاومت بیشینه و انرژی مستهلک شده نمونههای مدلسازی شده و مدلهای مرجع که از مقایسه منحنیهای هیسترزیس (شکل۴) به مقاومت ایشینه و انرژی مستهاک شده است. همانطور که مشاهده می شود حداکثر خطا مربوط به میزان اتلاف انرژی نمونه HBD4 و به

	ضريب الاستيسيته(MPa)	تنش تسليم (MPa)	تنش نهایی (MPa)	كرنش تسليم	كرنش نهايي	قطر (mm)	طول(mm)
میراگر HBD3	۹۰۰۰۰	۳۰۰	48.	•/••١٧•	•/٢•	٨	۷۵
میراگر HBD4	. 198	۳۰۰	481	۰/۰۰۱۶۵	•/٢•	١٠	110
كابلها	1981	108.	120.	•/••٧٩٢	-		



شکل۲ : الف) نمای کلی مدلسازی پایه خودمرکزگرا دارای میراگر در SAP2000 ، ب) میراگر HBD4، ج) مقطع عرضی ستون HBD4 [۶].

²² Multi-linear elastic

²³ Wen

²⁴ Target force



شكل ٣: الف) الگوى بارگذارى چرخه اى[6]. ب) منحنى رفتارى رابط plastic Wen ، ج) منحنى رفتارى رابط الاستيک چندخطى.



شكل ۴: مقايسه نتايج آزمايشگاهي [۶] و نتايج مدلسازي حركت خودمركزگرا داراي ميراگر با SAP2000 . (الف)-نمونه HBD3 ، (ب)-نمونه HBD4.

يسكاهي.	000 H 2000 و تعوق ارت	حتارف پاسخ تمونه مدل شده در	جنول ۲. درصد ۲
نمونه	مقاومت	تغيير مكان بيشينه	انرژی اتلاف شدہ
HBD3	% '/.	٨./.	۱۰٪
HBD4	٣'/.	۵٬.	F '/.

جدول۲ : درصد اختلاف پاسخ نمونه مدل شده در SAP2000 و نمونه آزمایشگاهی.

۵- مشخصات پلهای مورد مطالعه

۵–۱– پل مبنا با پایههای همسان تک پایهای

به منظور مقایسه عملکرد لرزهای پل گهوارهای خودمرکزگرا و پلهای متعارف، پل مطالعه شده توسط مندر و همکاران [۱۶] به عنوان پل مبنا انتخاب گردید. پل بررسی شده در این مطالعه که مشخصات آن در جدول ۳ آورده شده است، دارای ۵ دهانه به طول ۴۰۳ و ارتفاع هر پایه تا مرکز جرم عرشه پل ۷ متر بوده و اتصال پایه به پی به صورت گیردار و اتصال پایه به سرپایه به صورت یکپارچه میباشد. نمای طولی و عرضی پل در شکل۵ نشان داده شده است که در آن هرپایه دارای یک مقطع بتنی به قطر ۱/۷ متر با نسبت میلگرد طولی ۱۹/۹۰ است. نسبت میلگردهای عرضی نیز ٪ ۱۹۹/۰ از نوع دورپیچ با قطر ۲۰ میلیمتر با فاصله طولی ۱۷۰ میلیمتر است. نسبت نیروی محوری به ظرفیت محوری هرپایه نیز ۱۵/۱۰ و وزن روسازه بر روی هر پایه ۲۰۰۰ کیلونیوتن است. لازم به ذکر است که به منظور بررسی صحت مدل سازی در این بخش نیز، دوره تناوب مود اصلی پل مرجع با پل مدل سازی شده مقایسه گردید که هردو دارای مقدار ۲ میباشند



شکل ۵: نمای طولی و عرضی پل مبنا [۱۶].

جدول ۳ : مشخصات پل مبنا [۱۶].									
	قطر ستون	كاور بتن	طول ناحيه پلاستيک	$p/A_g f'_c$	میلگردهای	ρ_l	خاموت	ρ_s	دوره تناوب
	(mm)	(mm)	(mm)		طولى				مود اول
پل مبنا	17	18.	14	٠/١۵	۲۸-D32	•/٩٩%	ф ۲. @١٧.	•/۴٩%	۰/٨۶s

۵-۲- خصوصیات پلهای خودمرکزگرا

به منظور بررسی عملکرد لرزهای پل خودمرکزگرا و مقایسه آن با پل مبنا، مشخصات هندسی پل خودمرکزگرا مشابه با پل مبنا در نظرگرفته شد. خصوصیات مصالح کابلهای پسکشیده با مقاومت تسلیم ۱۶۹۰MPa، مقاومت نهایی ۱۸۶۰MPa و ضریب الاستیسیته ۲۰۰GPa در نظرگرفته شدند. براساس پیشنهاد ژانگ و علم [۸] برای حفظ سختی ثانویه پایه، نسبت تنش محوری کل به سطح مقطع ستون نباید از ۲۰۰ مقاومت فشاری مقطع بتنی فراتر رود. همچنین مقدار نیروی پسکشیدگی کابل باید به نحوی باشد که مرکزگرایی سیستم را تامین کرده و از طرف دیگر تا حدامکان از تسلیم آن در طول بارگذاری لرزه ای جلوگیری شود. از این رو تنش پسکشیدگی متناظر با ۲۰۰ مقاومت نهایی کابل (که به صورت ۲۲ /۱۰ بیان میگردد) انتخاب گردید و درنهایت نسبت نیروی محوری پل خودمرکزگرا به ظرفیت محوری پایه برابر ۲۱/۰ بدست آمد. سطح مقطع کابلها نیز ۲/۰۰ سطح مقطع پایه (۲۰۰۲۸*ب*ا) انتخاب شد. به منظور جبران استهلاک انرژی کم سیستم خودمرکزگرا، در هر چهار جهت، میراگرهای تسلیمی به فواصل مساوی از محور پایه (نصف بعد پایه به اضافه سم ۸) اضافه گردید. عملکرد این میراگر از نوع غیرفعال و جاری شونده است به طوری که تحت تغییر شکل محوری جاری شده و باعث استهلاک انرژی میشود. میخار طراحی میراگر در این مطالعه براساس معیار ارائه شده در استاندارد نصوری جاری شده و باعث استهلاک انرژی میشود. میار طراحی میراگر در این مطالعه براساس معیار ارائه شده در استاندارد

$$\lambda = \frac{M_{ED}}{M_P + M_{PT}} \le 1 \tag{(7)}$$

که در آن، (M_{ED}) لنگر مستهلککنندههای انرژی، (M_{PT}) لنگر کابلهای پستنیده و (M_P) لنگر بار ثقلی است.

معیار های دیگری نیز برای طراحی میراگرها تعریف شدهاند که یکی از این معیارها توسط گرینی و همکاران^{۲۵} [۱۸] ارائه شده است. طبق این معیار حداقل طول میراگر باید مقداری انتخاب شود که کرنش کششی میراگر در تغییر مکانهای کمتر از تغییر مکان نسبی هدف پایه از نصف مقاومت کرنشی پایه بیشتر نشود. حداقل طول میراگر (*LED*,y) پیشنهاد شده در رابطه (۳) نشان داده شده است. براساس این معیارها مشخصات میراگرها مطابق جدول۴ انتخاب شده است.

$$L_{ED.y} \ge \frac{2\theta_j(d_{ED} - c)}{\xi_{ED.y}}$$
(7)

که در آن با توجه به شکل ۶، heta دوران پایه، d_{ED} فاصله میراگر تا دورترین تار فشاری مقطع عرضی پایه، c عمق برخورد و $\mathcal{E}_{ED,u}$ کرنش نهایی میراگر در نظر گرفته میشود.

59



شکل ۶: نمای کلی مفصل گهوار های [۱۹].

جدول ۲ : مشخصات مستهلک کننده آنرژی.								
	میراگر۱	میراگر۲						
جنس ميراگر	فولاد	آلومينوم						
ضريب الاستيسيته (GPa)	۲۰۰	٧.						
سطح مقطع کل در هر یک از چهار جهت (mm ²)	۵۰۰۰	۵+++						
مقاومت تسليم (MPa)	۲	1						

۵۰۰

طول (mm)

جدول۴ : مشخصات مستهلککننده انرژو

۶- رکوردهای زلزله مورد استفاده

۵..

برای بررسی عملکرد پایهها تحت تحلیل دینامیکی فزاینده بر اساس رکوردهای پیشنهادی FEMA P695 [۲۰] مشخصات ۱۰ رکورد زلزله در راستای طولی با بزرگا بیشتر از ۶/۰ ریشتر و خاک نوع D به عنوان شتاب نگاشتهای حوزه دور و ۱۰ رکورد به عنوان شتاب نگاشتهای حوزه نزدیک در جدول۵ آورده شده است. منحنی طیف شتابنگاشتها نیز که در آن طیف مؤلفه بزرگتر هر یک از رکوردها در بازه ۲/۰ تا ۱/۵ برابر زمان تناوب اصلی سازه به طیف طراحی بر اساس آیین نامه ۲۸۰۰ [۲۱] (DBE) با دوره بازگشت ۴۷۵ سال مقیاس شدهاند، در شکل۷ نشان داده شده است.

		حوزه دور				ى	حوزه نزديک				
شماره	نام زلزله	سال وقوع	ایستگاه	بزرگا	شماره	نام زلزله	سال وقوع	ایستگاه	بزرگا	PGA(g)	زمان تناوب پالس
EQ1	Northridge	1994	Beverly Hills	۶/۷	EQ11	Loma Prieta	١٩٨٩	BRAN	۶/۹	•/84	بدون -پالس
EQ2	Sanfernando	1971	LA- Hollywood Stor	8/8	EQ12	Imperial Valley-06	١٩٧٩	Bonds Corner	۶/۵	۰/Y۶	بدون -پالس
EQ3	Loma Prieta	١٩٨٩	Gilroy Array #3	۶/۹	EQ13	Imperial Valley-06	١٩٧٩	Chihuahua	۶/۵	٠/٢٨	بدون -پالس
EQ4	Landers	1997	Coolwater	٧/٣	EQ14	Gazli	1978	Karakyr	۶/٨	• / Y)	بدون -پالس
EQ5	Kobe	۱۹۹۵	Shin-Osaka	۶/۹	EQ15	Superstition Hills-02	١٩٨٧	Parachute Test Site	۶/۵	•/۴۲	۱/٨۶
EQ6	Capemendocino	1997	Rio Dell Overpass	٧	EQ16	Northridge-01	1994	Rinaldi Receiving Sta	۶/۷	• /AY	١/٣۵
EQ7	Chi-Chi, Taiwan	١٩٩٩	CHY101	٧/۶	EQ17	Erzican, Turkey	1997	Erzican	۶/۷	•/۴٩	۰/۶V۱
EQ8	Duzce, Turkey	١٩٩٩	Bolu	٧/١	EQ18	Duzce	1999	Duzce	٧/١	۰/۵۲	•/471
EQ9	Imperial Valley	١٩٧٩	Delta	۶/۵	EQ19	Chi-Chi, Taiwan	١٩٩٩	TCU065	٧/۶	۰/۸۲	۱/•Y
EQ10	Imperial Valley	١٩٧٩	El Centro Array #11	۶/۵	EQ20	Kocaeli, Turkey	۱۹۹۹	Yarimca	٧/۵	• /٣١	بدون -پالس

جدول۵: مشخصات شتابنگاشت های مورد استفاده [۲۰].



شکلV : طیف پاسخ شتابنگاشتهای مقیاس شده به طیف DBE آیین نامه ۲۸۰۰: (الف) حوزه نزدیک و (ب) حوزه دور.

۷– بررسی اثر سطح تسلیم میراگر

تاریخچه پاسخ پل خودمرکزگرا بدون میراگر (SCO)، با میراگر (SCD1) و با میراگر ۲ (SCD2) به منظور بررسی اثر سطح تسلیم میراگرها بر جابه جایی جانبی بیشینه مورد بررسی قرار گرفت. تحلیل تاریخچه زمانی با در نظرگیری اثرات مرتبه دوم و تغییرمکانهای بزرگ انجام شده است. میرایی رایلی برای پل مبنا ٪۵ و برای پلهای خود مرکزگرا همانطور که در مطالعه احمدی و کاشانی [۹] برابر ٪۳ در نظرگرفته شد، انتخاب شده است. بررسی نتایج تحلیل تاریخچه زمانی نشان داد که میانه تغییرمکان حداکثر پایههای پل SCD2 بیشتر از پل SCD1 است (شکل۸). به عنوان مثال، جابهجایی جانبی حداکثر SCD تحت رکورد EQ1 برابر ۲۵٪ و تحت رکورد EQ1 این مقدار N-۱۹۰۰ متر بوده، در حالی که جابهجایی جانبی حداکثر SCD1 تحت رکورد EQ1 برابر ۲۵٪ و تحت رکورد EQ1 این مقدار SCD2 ساز (سر ۲۳۷) و ۲۰۲۸ متر بوده است. در شکل۹ نیز نتایج درصد کاهش تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا دارای میراگر نسبت به برابر ۲۳۷/ و ۲۰۱۴، متر بوده است. در شکل۹ نیز نتایج درصد کاهش تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا دارای میراگر نسبت به تغییر مکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا (SCD) تحت شتابنگاشتهای حوزه نزدیک و حوزه دور بیانگر اثر بیشتر میراگر۱ نسبت به میراگر۲ در کاهش تغییرمکان جانبی می میاشد. میانگین نتایج درصد کاهش تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا دارای میراگر نسبت به تغییر مکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا تحت شتابنگاشتهای حوزه نزدیک و حوزه دور بیانگر اثر بیشتر میراگر۱ نسبت به میراگر۲ در کاهش تغییرمکان جانبی می میاشد. میانگین نتایج درصد کاهش تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا کنترل شده به تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا تحت شتابنگاشتهای حوزه دور در سطح BDD و SDD و SDD به ترتیب ۱۰/۰ و ۲۰/۰ نی نان داده شده است. تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا تحت شتابنگاشتهای حوزه دور در سطح BD برای SDD و SDD به ترتیب ۱۰/۰ و ۲۰/۰





شکل۹ : درصد کاهش تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا دارای میراگر نسبت به پل خودمرکزگرا بدون میراگر تحت شتابنگاشتهای: (الف)– دور از گسل و (ب) نزدیک گسل.

۸– بررسی تغییر مکان پسماند

بعد از بررسیهای زلزله کوبه مشاهده شد درصد بالایی از پلها به دلیل تغییر مکان نسبی پسماند بیشتر از ٪۱/۷۵ و عدم قابلیت بهرهبرداری مجدد و هزینه تعمیر بالا تخریب شدند [۲۲]. از این جهت حذف تغییر مکان پسماند پس از زلزله دارای اهمیت بسزایی میباشد. جدول۶ تغییر مکان نسبی پسماند مربوط به سطوح خرابی جزیی، متوسط، گسترده و فروریزش را نشان میدهد که بیلا و علم^{۲۶} با استفاده از حد خرابی شکلپذیری مشخص کردهاند [۲۳].

جدول۶: معیار خرابی تغییر مکان نسبی پسماند [۲۳].						
سطح خرابی	تغییر مکان نسبی پسماند					
جزيى	$\delta_r \geq \cdot \%$					
متوسط	$\delta_r \geq 1/1\%$					
گسترده	$\delta_r \geq \cdot / \mathrm{va\%}$					
فروريزش	$\delta_r \geq 1/\gamma\%$					

به منظور بررسی تغییر مکان پسماند پل مبنا (RC) و پل خودمرکزگرا کنترلشده (SCD1) نتایج تاریخچه تغییر مکان پلهای مورد مطالعه تحت شتابنگاشت های EQ1 و EQ14 که به سطح DBE مقیاس شدند با یکدیگر مقایسه شدند. نتایج مقایسه نشان داد پل مبنا با تغییر مکان پسماند قابل توجهی همراه بوده در حالی که پل خودمرکزگرا دارای میراگر دارای تغییر مکان پسماند ناچیز است. بر اساس نتایج موجود در شکل ۲۰۰۰ تغییر مکان پسماند ناچیز است. بر مبنا با تغییر مکان پسماند قابل توجهی همراه بوده در حالی که پل خودمرکزگرا دارای میراگر دارای تغییر مکان پسماند ناچیز است. بر اساس نتایج موجود در شکل ۱۰۰ تغییر مکان پسماند ناچیز است. میرا با تغییر مکان پسماند قابل توجهی همراه بوده در حالی که پل خودمرکزگرا دارای میراگر دارای تغییر مکان پسماند ناچیز است. مراس نتایج موجود در شکل ۱۰۰ تغییر مکان نسبی پسماند پل عمت رکوردEQ1 و EQ14 به ترتیب ٪۶۵/ و ٪۵۸/ بوده که در محدوده خرابی گسترده و فروریزش در نظرگرفته می شود، درحالی که تغییر مکان پسماند پل خودمرکزگرا زار میرا و EQ1 به ترتیب ٪۶۵/ و ٪



شکل۱۰ : مقایسه تاریخچه پاسخ پل خودمرکزگرا دارای میراگر و پل مبنا تحت رکوردهای (الف)-EQ14 و (ب)-EQ14.

²⁶ Billah

۹- تحلیل دینامیکی فزاینده(IDA)

در این مطالعه به منظور انجام تحلیل دینامیکی فزاینده (IDA) بیشینه شتاب هر رکورد به ۰/۰۵g مقیاس شده و با استفاده از محاسبه عددی شکار و پرکردن^{۲۷} [۲۴] معیار شدت متناظر با خرابی مورد نظر بدست آمد. معیار خرابی و معیار شدت به ترتیب حداکثر تغییر مکان نسبی بالای پایه و بیشینه شتاب زمین (PGA^{۲۸}) انتخاب شده است. معیار فروریزش، مطابق حدود خرابی ارائه شده توسط دوتا۲۹ و مندر ۳۰ [۲۵] نسبت تغییر مکان نسبی ۰/۰۵ معرفی شده و تحلیل هر رکورد تا نقطه فروریزش ادامه پیدا کرده است. به منظور مقایسه اثر ارتفاع در رفتار پلهای خودمرکزگرا، مدلهای مورد مطالعه با سه ارتفاع ۵، ۷ و ۹ متر که در جدول۷ معرفی شده اند و مقطع عرضی آنها به همراه اجزای مدلسازی شده در نرمافزار سپ ۲۰۰۰ در شکل ۱۱ آورده شده است. پس از انجام تحلیل IDA، منحنیهای میانه پاسخ IDA هرکدام از پلها تحت شتابنگاشتهای مقیاس شده حوزه دور و حوزه نزدیک با یکدیگر مقایسه شدند که در شکل۱۲ منحنیهای میانه IDA مربوط به تحلیلهای صورت گرفته تحت رکوردهای حوزه دور به عنوان نمونه ارائه شده است. با توجه به شکل۱۲-الف منحنى ميانه پاسخ IDA پل مبنا با ارتفاع ۵ متر (RC-H5) تحت شتابنگاشتهاى حوزه دور نشان داد احتمال وقوع تغيير مكان نسبى های بزرگتر از ۲/۰۳ در بیشینه شتاب زمین برابر با ۱g بیشتر از ٪۵۰ است. براساس منحنی میانه پاسخهای IDA پل خودمرکزگرا با پایههای ۵ متری (SCO-H5) اگرچه وقوع یک تغییر مکان نسبی یکسان با پل مبنا در بیشتر از ٪۵۰ شتاب نگاشتها تحت شتاب کمتری رخ داده، پایههای پل خودمرکزگرا در شتاب های بالاتر همچنان بدون خرابی باقی مانده اند. در پل خودمرکزگرا دارای میراگر با پایههای ۵ متری (SCD-H5) نیز طبق منحنی میانه پاسخهای سازه که تا بیشینه شتاب ۱g عملکرد مشابهی با پل مبنا داشته، در شتابهای بیشتر برخلاف پل مبنا که به فروریزش میرسد رفتار خدمتپذیری سازه حفظ شده است. منحنی میانه پاسخ پلهای خودمرکزگرا مجهز به ميراگر با ارتفاع ۷ و ۹ متر (SCD-H7 و SCD-H9) نيز در قسمت ابتدايي منحني با اختلاف جزيي (شكل ۱۲-ب و ۱۲-ج) مشابه با منحني حاصل از نتایج RC-H7 و RC-H9 بوده درحالی که در یک PGA یکسان منحنی پل خودمرکزگرا تغییر مکان نسبی بیشتری را نشان داده که این اختلاف کمتر از این مقدار در پایه ۵ متری نشان داده شده است.

نکته دیگر قابل توجه این است که شیب نمودار مدلهای دارای پایه معمولی بتن مسلح در نسبت تغییر مکان نسبیهای زیاد، دارای شیب نزدیک به صفر هستند. این موضوع برای هر دو نوع رکورد حوزه دور و نزدیک صادق است و دال بر تاثیر بیشتر اثرات ثانویه -P Deltaدر مدلهای دارای پایههای معمولی و نرم شدگی مصالح در قسمت پلاستیک مدل رفتاری آنها است. در حالی که در پایههای خودمرکزگرا، سختی کابل پس از بلندشدگی در مقایسه با سختشدگی کرنشی پایه معمولی مقدار بیشتری داشته و نمودار IDA حتی در تغییر مکان نسبیهای بالا شیب خود را حفظ میکند.

- ²⁷ Hunt and Fill
- ²⁸ Peak ground acceleration
- ²⁹ Dutta
- ³⁰ Mander



شکل۱۱ : مقطع عرضی پل های مورد بررسی در این مطالعه به همراه اجزای مدلسازی شده در نرم افزار سپ ۲۰۰۰.

	جدول۷ : مشخصات پلهای مورد مطالعه.								
گروه		١			٢			٣	
	RC-H5	RC-H7	RC-H9	SC0-H5	SC0-H7	SC0-H9	SCD-H5	SCD-H7	SCD-H9
ارتفاع(متر)	۵	٧	٩	۵	٧	٩	۵	٧	٩
نوع ميراگر	-	-	-	_	-	-	ميراگر ۱	میراگر ۱	ميراگر ۱
پسکشیدگی کابل	-	_		•/ ۴ PT	•/ * PT				





(۴)

۱۰ – منحنی شکنندگی

ارزیابی خرابی سازهها توسط منحنی شکنندگی به طور مناسبی رفتار سازه را تحت زلزلههای مختلف نمایش میدهد. منحنی شکنندگی احتمال شکل گیری یک پارامتر تقاضای مهندسی فراتر از مقدار ظرفیت متناظر آن را به عنوان تابعی از یک شدت خطر لرزهای توسط یک تابع توزیع احتمالاتی نشان میدهد. بر اساس این تعریف منحنی شکنندگی معادل رابطه (۴) میباشد.

$$P_R(x) = \phi\left(rac{\ln x - \lambda}{\zeta}
ight)$$
که در آن x شدت خطر و κ و کی به ترتیب میانگین و انحراف معیار $\ln x$ بوده و ϕ توزیع نرمال استاندارد است.

۱۱– رسم منحنی شکنندگی

منحنی شکنندگی از طریق رابطه (۵) بیان می شود [۲۶]:

طی مطالعات اخیر انجام شده پارامترهای تقاضای مهندسی مختلفی به عنوان معیارهای خرابی مورد استفاده قرار گرفته که شامل تغییر مکان نسبی حداکثر، جابهجایی پسماند، انحنا، ظرفیت استهلاک انرژی و غیره است [۲۷و۲۸]. دوتا و مندر با استفاده از معیار خرابی تغییر مکان نسبی حداکثر، پنج سطح خرابی برای پایههای پل معرفی کردند که در این مطالعه برای بررسی منحنی شکنندگی از آن استفاده شده است[۲۵]. حدهای مربوط به این سطوح خرابی در جدول۸ آورده شده است.

سطوح خرابى	تغيير مكان نسبي حداكثر
	(/.)
بدون خرابي	• /\\\\\.
جزيى	• / Y ⁻ /.
متوسط	١/۵٪.
گسترده	۲/۵٪
فروريزش	۵/./.

جدول ۸ : سطوح خرابی براساس معیار تغییر مکان نسبی حداکثر [۲۵].

هر یک از سطوح خرابی مشخص شده در جدول۸ متناظر با یک تغییر مکان نسبی مشخص است و برای پایههای معمولی که دارای اتصال گیردار به پی هستند ارائه شده است. اما برای یک پایه خودمرکزگرا این تغییر مکان نسبیها متناظر با سطوح خرابی مشخص شده نیستند و فقط تغییر مکان نسبی ماکزیمم ٪۵ را می توان معادل فروریزش در این پایهها در نظر گرفت. در ادامه احتمال رسیدن به این تغییر مکان نسبیها در پلهای مبنا و خودمرکزگرا و خودمرکزگرا دارای میراگر تحت رکوردهای حوزه نزدیک و دور با بررسی منحنیهای شکنندگی بررسی گردیده است.

۱۲– تحليل نتايج

براساس مقایسه نتایج منحنی شکنندگی پلهای مورد مطالعه با ارتفاع ۵ متری در شکل۱۳ ، احتمال رسیدن به تغییر مکان نسبی ٪/۰ در پل خودمرکزگرا با اختلاف قابل توجهی بیشتر از پل مبنا و پل خودمرکزگرا دارای میراگر بوده به طوری که در بیشینه شتاب زمین ۲/۱۶ این احتمال حدودا ٪۶۰ بیشتر از پل مبنا و ٪۲۰ بیشتر از پل گهوارهای خودمرکزگرا دارای میراگر بوده است. در پایههای ۷ و ۹ متری نیز (به ترتیب شکل۱۴ و ۱۵) احتمال فراگذشت از تغییر مکان نسبی ٪/۰ تحت شتاب یکسان در پل خودمرکزگرا بیشتر از پل مبنا بوده، درحالی که این تغییر مکان نسبی در پل خودمرکزگرا دارای میراگر به طور قابل توجهی کمتر از پل مبنا نشان داده شده است. ۳۵٫۲۰ /۰۰ و ۲۵٪ و در پل حدمرکز نسبی در پل خودمرکزگرا دارای میراگر به طور قابل توجهی کمتر از پل مبنا نشان داده شده است. مینا بوده، درحالی که این تغییر مکان نسبی ٪/۱۸ در بیشینه شتاب زمین ۴٫۴۰ در پل ۲-H۵۰ ۲۰۰۶ و HC-۱۹ به ترتیب برابر مرد ۲۰٫۵۰ و ۲۵٪ و در پل HC-۱۹ و Hor که به اوزایش قابل توجهی ٪۹۰ و در پایههای بلندتر این احتمال در حدود ٪۰۰ بوده است. در حالی که احتمال این خرابی در پلهای HC-15 با افزایش قابل توجهی ٪۹۰ و در پایههای بلندتر این احتمال در حدود ٪۰۰ بوده است. در حالی که مکان نسبی ٪۱/۵۰ نیز الگویی مشابه با احتمال خرابی متوسط داشته به طوری که در بیشینه شتاب زمین ۶۶/ در هردو پل مبنا و خودمرکزگرا دارای میراگر، احتمال فوع این سطح خرابی متوریا به طور یکسان بوده در صورتی که در پل خودمرکزگرا بیشتر از احتمال خودمرکزگرا دارای میراگر، احتمال وقوع این سطح خرابی قرریز ش بر خلاف سایر سطوح خرابی پل مبنا احتمال خرابی بیشتری نسبت به پل خودمرکزگرا دارای میراگر، احتمال فرویزش پل HC-19، موریزش بر خلاف سایر سطوح خرابی پل مبنا احتمال خرابی بیشتری نسبت به پل خودمرکزگرا دارای میراگر، احتمال فرویزش پل HC-19، موریزش بر خلاف سایر سطوح خرابی با در بان در به میشتری نیست به بل خودمرکزگرا دارای میراگر، احتمال فرویزش پل HC-19، وریزش بر خلاف سایر سطوح خرابی پل مبنا احتمال خرابی بیشتری نسبت به پل خرابی در پل مبنا بدست آمده است. در حالی که در پل خودمرکزگرا به دلیل ظرفیت تغییرمکان بالاتر این سیستم و ظرفیت مرکزگرایی بایندتر نزدیک به ٪۶۰ نشان داده شده، در حالی که در پل خودمرکزگرا به دلیل ظرفیت تغیرمکان بالاتر این میراگر احتمال وقوع فروریزش با



شکل۱۳ : منحنی شکنندگی پلهای دارای پایههای ۵ متری، بیانگر احتمال فراگذشت تغییر مکان نسبی از یک حد مشخص تحت شتابنگاشتهای حوزه دور : (الف) ٪۰/۱/، (ب)٪۱/۵، (ج) ٪۲/۹ و (د) ٪۰/۹.



شکل۱۴ : منحنی شکنندگی پل های دارای پایه های ۷ متری، بیانگر احتمال فراگذشت تغییر مکان نسبی از یک حد مشخص تحت شتابنگاشت های حوزه دور: (الف) ٪۰/۱۷، (ب)٪۱/۵، (ج) ٪۲/۵ و (د) ٪۰/۵.



شکل۱۵ : منحنی شکنندگی پل های دارای پایه های ۹ متری، بیانگر احتمال فراگذشت تغییر مکان نسبی از یک حد مشخص تحت شتابنگاشت های حوزه دور: (الف) ٪۰/۰/، (ب)٪۱/۵/ و (د) ٪۰/۵/

در ادامه بررسی نتایج منحنیهای شکنندگی تحت شتابنگاشتهای حوزه نزدیک نیز مشخص شد در پل خودمرکزگرا احتمال فراگذشت از تغییر مکان نسبی ٪/۰ بیشتر از پل مبنا بوده است. به عنوان مثال در بیشینه شتاب زمین برابر با ۲۶/۶ پل مبنا و پل خودمرکزگرا با ارتفاع ۵ متر (شکل ۱۶) به ترتیب شاهد ٪۶۰ و ٪۹۰ احتمال فراگذشت از تغییر مکان نسبی ٪/۰ بودند در حالی که در پل خودمرکزگرا دارای میراگر این احتمال ٪۲۰ بوده است. پلهای مبنا با ارتفاع ۷ و ۹ متر نیز (شکل ۱۷ و ۱۸) به ترتیب شاهد ٪۸۰ و ٪۵۰ احتمال فراگذشت از تغییرمکان نسبی ٪/۰ بودنه است. پلهای مبنا با ارتفاع ۷ و ۹ متر نیز (شکل ۱۷ و ۱۸) به ترتیب شاهد ٪۸۰ و ٪۵۸ ارتفاع ۷ و ۹ متری ٪۶ و ٪۵۵ نشان داده شده است. احتمال خرابی فراگذشت تغییر مکان نسبی از ٪۱/۱ نیز در پل خودمرکزگرا دارای میراگر با پل مبنا بوده که این احتمال در پل خودمرکزگرا مجهز به میراگر به کمتر از مقادیر نشان داده شده در منحنی پل مبنا کاهش یافته است. پل مبنا بوده که این احتمال در پل خودمرکزگرا مجهز به میراگر به کمتر از مقادیر نشان داده شده در منحنی پل مبنا کاهش همچنین طبق نتایج منحنی شکنندگی احتمال فروریزش پل مبنا در بیشینه شتاب زمین یژا، در ارتفاع ۵ متری ٪۰۰ بوده و در ارتفاع ۷ و ۹ متری ٪۲۰ کمتر از پایه ۵ متری نشان داده شده، در حالی که در پل خودمرکزگرا ۵ متری این احتمال ٪۱۰ و در پل خودمرکزگرا مجهز به میراگر کمتر از ۵ پیه ۵ متری نشان داده شده، در حالی که در پل خودمرکزگرا ۵ متری این احتمال ۶۰۰ و در پل خودمرکزگرا مجهز به میراگر کمتر از ۵ پل و دو است. براساس نتایج این مقایسه، همانطور که انتظار می وفت احتمال وقوع سطوح خرابی بررسی شده تحت رکوردهای حوزه نزدیک بیشتر از رکوردهای حوزه دور بوده که به دلیل انرژی بیشتر شتابنگاشتهای حوزه نزدیک میباشد. همچنین تحت رکوردهای حوزه نزدیک بیشتر از رکوردهای حوزه دور بوده که به دلیل انرژی بیشتر شتابنگاشتهای حوزه نزدیک میباشد. همچنین تحت



شکل ۱۶ : منحنی شکنندگی پل های دارای پایه های ۵ متری، بیانگر احتمال فراگذشت تغییر مکان نسبی از یک حد مشخص تحت شتابنگاشت های حوزه نزدیک: (الف) ٪/۷/۰، (ب)٪/۱/۵ (ج) ٪/۲/۵ و (د) ٪/۰/۹.



شکل۱۷ : منحنیشکنندگی پلهای دارای پایههای ۷ متری، بیانگر احتمال فراگذشت تغییر مکان نسبی از یک حد مشخص تحت شتابنگاشتهای حوزه نزدیک: (الف) ٪/۱/۰، (ب)٪/۱/۵ (ج) ٪۲/۵٪ و (د) ٪/۱/۵.



شکل ۱۸ : منحنی شکنندگی پل های دارای پایه های ۹ متری، بیانگر احتمال فراگذشت تغییر مکان نسبی از یک حد مشخص تحت شتابنگاشت های حوزه نزدیک: (الف) ٪۰/۷، (ب)٪۰/۵، (ج) ٪۲/۵ و (د) ٪۰/۷.

همانطور که از هر دو دسته منحنیهای شکنندگی حوزه دور و نزدیک مشخص است، در پل با پایههای معمولی احتمال فراگذشت از یک تغییر مکان نسبی مشخص، زمانی که تغییر مکان نسبی مقدار کمی داشته باشد کمتر از مدلهای دارای پایههای خودمرکزگرا است. در حالی که در مدلهای خودمرکزگرا احتمال فراگذشت از تغییر مکان نسبی ٪۵/۰، یعنی احتمال فروریزش کمتر از مدلهای پل معمولی است که این موضوع همانند آنچه که در تحلیل منحنیهای IDA گفته شد به دلیل نرم شدگی کمتر کابل در پایههای خودمرکزگرا نسبت به بتن در پایههای معمولی است. با این وجود تسلیم کابل در تغییر مکان نسبیهای خیلی بالا میتواند باعث زوال سختی شود که در بخش بعدی این مورد نیز بررسی میشود.

۱۳- منحنی شکنندگی با معیارخرابی تسلیم کابلهای پسکشیده



شکل۱۹ : منحنی شکنندگی SCD-H5 و SCD-H5 با معیار تنش کابل تحت شتابنگاشتهای حوزه دور در سطح خرابی: (الف)جزیی، (ب)متوسط.



شکل۲۰ : منحنی شکنندگی SCD-H7 و SCD-H7 با معیار تنش کابل تحت شتابنگاشتهای حوزه دور در سطح خرابی: (الف)جزیی، (ب)متوسط.



شکل۲۱ : منحنی شکنندگی SC0-H9 و SCD-H9 با معیار تنش کابل تحت شتابنگاشتهای حوزه دور در سطح خرابی: (الف)جزیی، (ب)متوسط.

طبق منحنی شکنندگی پل SCO-H5 و SCD-H5 تحت شتابنگاشتهای حوزه نزدیک در شکل ۲۲ احتمال وقوع خرابی جزیی در پل دارای میراگر کاهش چشمگیری داشته است به طوری که در PGA(g) برابر با v/۴g این احتمال ۴۵٪ کمتر از پل خودمرکزگرا بدون میراگر بوده است. در بیشینه شتاب زمین برابر با ۱g نیز احتمال وقوع خرابی متوسط در VF5-SCO-H5 بیشتر از ۷۰٪ نشان داده شده، درحالی که در SCD-H5 این احتمال ۳۰٪ بوده است. در پایههای بلندتر (شکل ۲۳ و ۲۴) نیز علاوه بر اثر میراگر بر کنترل ایجاد تنش در کابلها، با افزایش ارتفاع کابلها تنش کمتری در آنها تشکیل شده که منجر به حفظ عملکرد کابلها در شتاب های بالاتر شده است. همچنین براساس نتایج منحنی های شکنندگی تحت شتاب نگاشتهای حوزه نزدیک در مقایسه با احتمال نشان داده تحت شتاب نگاشتهای حوزه بود در یک شتاب یکسان، احتمال ایجاد تنشهای متناظر با سطوح خرابی جزیی و متوسط تحت شتاب نگاشتهای حوزه نزدیک بیشتر بوده است.





نشریه علمی - پژوهشی مهندسی سازه و ساخت، دوره ۱۰، شماره ۲، سال ۱۴۰۲، صفحه ۵۲ تا ۷۴



شکل۲۳: منحنی شکنندگی SC0-H7 و SCD-H7 با معیار تنش کابل تحت شتابنگاشتهای حوزه نزدیک در سطح خرابی: (الف)جزیی، (ب)متوسط.



شکل۲۴: منحنی شکنندگی SCO-H9 و SCD-H9 با معیار تنش کابل تحت شتابنگاشتهای حوزه نزدیک در سطح خرابی: (الف)جزیی، (ب)متوسط.

۱۴- نتیجه گیری

در این مطالعه با هدف بررسی عملکرد لرزهای پل دارای سیستم خودمرکزگرا و پل خودمرکزگرا مجهز شده به میراگر در مقایسه با پل مبنا تحت اثر شتابنگاشتهای حوزه دور و حوزه نزدیک تحلیل تاریخچه زمانی انجام گرفت. همچنین به منظور بررسی اثر ارتفاع و عدم قطعیت ذاتی زلزله، پلها در سه ارتفاع مختلف تحت تحلیل دینامیکی فزاینده تحلیل شدند و پاسخ آنها از طریق منحنیهای شکنندگی بررسی گردید.

 ۱. نتایج تحلیل تاریخچه زمانی نشان داد در پل مبنا تغییر مکان پسماند قابل ملاحظهای رخ میدهد که به علت رفتار غیرخطی مصالح و شکل گیری مفصل پلاستیک در پای پایهها میباشد. درحالی که تغییر مکان پسماند در پل خودمر کز گرا هم در حالتی که میراگر داشته باشد و هم در حالتی که بدون میراگر باشد به دلیل نقش کابلهای پس کشیده در مرکز گرایی پایهها به طور قابل ملاحظهای کاهش یافته و مقدار ناچیزی دارد.

۲. بر اساس مقایسه پاسخ تاریخچه زمانی پلهای مورد مطالعه مشخص شد میانگین تغییر مکان جانبی حداکثر در پل خودمرکزگرا که به میراگر مجهز شدند با افزایش مقاومت تسلیم میراگرها و همچنین به دلیل ظرفیت استهلاک انرژی بیشتر نسبت به پل خودمرکزگرا کاهش بیشتری دارد که این بهبود در عملکرد لرزهای پلهای خودمرکزگرا هم در تحلیلهای انجام شده تحت شتاب نگاشت های حوزه نزدیک و بیشتری دارد که این بهبود در عملکرد لرزهای پلهای خودمرکزگرا هم در تحلیلهای انجام شده تحت شتاب نگاشت های حوزه نزدیک و بیشتری دارد که این بهبود در عملکرد لرزهای پلهای خودمرکزگرا هم در تحلیلهای انجام شده تحت شتاب نگاشت های حوزه نزدیک و هم تجت شتاب نگاشت های حوزه در کرگرا مجهز به در تحلیلهای انجام شده تحت شتاب نگاشت های حوزه نزدیک و مهم تجت شتاب نگاشتهای حوزه دور مشهود است. بنابر نتایج، میانگین درصد کاهش تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا مجهز به میراگرا به تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا محمد زیرا در مدی کرار ای بهبود در سطح عاه و دور کرگرا مجهز به میراگرا به تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا محمد شتابنگاشتهای حوزه دور مشهود است. بنابر نتایج، میانگین درصد کاهش تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا مجهز به میراگرا به تغییرمکان جانبی حداکثر پل خودمرکزگرا تحت شتابنگاشتهای حوزه دور در سطح DBE برابر ۲۲۲۰ و تحت شتابنگاشتهای حوزه نزدیک این مقدار ۷۲۷ نشان داده شده است.

۳. با مطالعه منحنی IDA پلها مشخص شد، تغییر مکان نسبی جانبی پل خودمرکزگرا بدون میراگر به دلیل کمی استهلاک انرژی، بیشتر از پل مبنا میباشد که با اضافه کردن میراگر علاوه بر کنترل تغییر مکان نسبی و حفظ عملکرد در زلزلههای شدید، تغییر مکان پسماند نیز به نحو قابل ملاحظهای کاهش مییابد.

۴. طبق نتایج منحنیهای شکنندگی، در تغییر مکان نسبیهای پایین احتمال فراگذشت تغییر مکان نسبی از یک مقدار مشخص در پل خودمرکزگرا بدون میراگر بیشتر از پل مبنا می باشد اما در پل خودمرکزگرا مجهز به میراگر، این احتمال با اختلاف کمی نزدیک به پل مبنا به دست آمده است. به عنوان مثال احتمال فراگذشت از تغییر مکان نسبی ٪۲/۵ در بیشینه شتاب زمین ۴g/۰ تحت شتاب نگاشتهای حوزه دور در پل با پایههای ۷متری بتن مسلح معمولی، خودمرکزگرا بدون میراگر و پایه خودمرکزگرا با میراگر به ترتیب برابر ۸/۸ می باشد. به علاوه این که احتمال فروریزش این پلها نسبت به پل مبنا کاهش قابل توجهی داشته است و خرابی نیز محدود به مستهلککنندههای انرژی خارجی بوده که قابل دسترسی و تعمیر هستند.

Δ. در یک پایه مرکزگرا نیروی پس کشیدگی نهایی (و نه تنش پس کشیدگی کابل) است که در رفتار کلی پایه مؤثر است. به همین دلیل با افزایش سطح مقطع کابل پس کشیده میتوان نیروی پس کشیدگی مورد نظر را به سیستم اعمال کرد و تنش پس کشیدگی کابلها (σ_y) افزایش سطح مقطع کابل پس کشیده میتوان نیروی پس کشیدگی مورد نظر را به سیستم اعمال کرد و تنش پس کشیدگی کابلها (σ_y) را کاهش داد. از همین طریق میتوان مانع تسلیم کابل در تغییر مکان نسبیهای بالا شده و احتمال تسلیم را تحت یک رکورد با شتاب مشخص کاهش داد. از همین طریق میتوان مانع تسلیم کابل در تغییر مکان نسبیهای بالا شده و احتمال تسلیم را تحت یک رکورد با شتاب مشخص کاهش داد. با این وجود لازم و ضروری است از خرابی گسترده و تسلیم در کابل تحت زلزله طرح جلوگیری شود و بررسی لازم بدین منظور صورت گیرد. بنابراین با افزایش سطح مقطع کابلها میتوان از آسیب به آنها جلوگیری کرده و از مزایای استفاده از سیستمهای خودمرکزگرا که می تواند منجر به احتمال کمتر فروریزش شود و تغییر مکان پسماند را محدود می کند، استفاده کرد.

در مطالعه حاضر مشخص شد در زمانی که اتصال پایه از پی جدا شده و به پایه اجازه داشتن حرکت گهوارهای داده میشود احتمال فراگذشت تغییرمکان نسبی از یک حد مشخص بیشتر میشود. به عبارتی دیگر منحنی شکنندگی جدید به سمت چپ جا به جا شده و احتمال خرابی بیشتری را نشان میدهد. این در حالی است که تغییر مکان پسماند یک پایه خودمرکزگرا بسیار ناچیز است. به منظور برطرف ساختن مشکل مذکور و محدود ساختن تغییر مکانهای نسبی بیش از اندازه از میراگرهای خارجی استفاده شد که به عنوان عضو مفاظتی تسلیم شونده عمل کرده و در طول بارگذاری لرزهای خرابی را به خود جذب میکنند. اضافه کردن میراگرها منجر کاهش تغییر مکانهای نسبی شده به طوری که حتی احتمال فراگذشت تغییر مکان نسبی میتواند از پایه بتن مسلح معمولی نیز کمتر شود. و این بدان معنا است که هر دو مزیت کاهش تغییر مکانهای نسبی و کاهش تغییر مکان پسماند را میتوان با انتخاب میراگر مناسب تامین کرد. به پژوهشگران گرامی که مشتاق تحقیق در این زمینه هستند پیشنهاد میشود که تحقیق حاضر را برای ستونهای چند قطعهای بسط و ادامه داده و مواردی نظیر اینکه چینش میراگرهای خارجی بهینه به چه نحو باید باشد که تسلیم در آنهای اتفاق بیفتد را مشخص کند. همچنین مطالعه برروی قابلیت و چگونگی استفاده از انواع میراگرهای دیگر از مواردی است که برای پژوهشهای آتی میتواند مورد توجه باشند.

مراجع

- Mander, J, B. Cheng, C, T. (1997). "Seismic resistance of bridge piers based on damage avoidance design". Tech. Rep. NCEER-97-0014, pp. 1–148.
- [2] Hewes, J. (2002). "Seismic Design and Performance of Precast Concrete Segmental Bridge Columns". Ph.D. dissertation, Univ. of California, San Diego, La Jolla, CA.
- [3] Palermo, A. Pampanin, S. (2004). "The use of controlled rocking in the seismic design of bridges". Ph.D. Dissertation, Department of Structural Engineering, Politecnico Di Milano, Milan, Italy.
- [4] Yu-chen, O. Methee, C. Amjad, A. George, L. (2008). "Seismic Performance of Segmental Precast Unbonded Posttensioned Concrete Bridge Columns". Journal of Structural Engineering. American Society of Civil Engineers, 133(11), pp. 1636–1647.

- [5] Thonstad, T. Kennedy, B. J. Schaefer, J. A. Eberhard, M. O. Stanton, J.F. (2017). "Cyclic Tests of Precast Pretensioned Rocking Bridge-Column Subassemblies". J. Struct. Eng., vol. 143, no. 9, p. 04017094.
- [6] Marriott, D., Pampanin, S., & Palermo, A. (2009). "Quasi-static and pseudo-dynamic testing of unbonded posttensioned rocking bridge piers with external replaceable dissipaters". Earthquake engineering & structural dynamics, 38(3), 331-354.
- [7] Nikoukalam, M, T. Sideris, P. (2017). "Resilient Bridge Rocking Columns with Polyurethane Damage-Resistant End Segments and Replaceable Energy-Dissipating Links". Journal of Bridge Engineering. American Society of Civil Engineers, 22(10), pp. 1–14.
- [8] Zhang, Q. Alam, M, S. (2016). "Evaluating the Seismic Behavior of Segmental Unbounded Posttensioned Concrete Bridge Piers Using Factorial Analysis". J. Bridg. Eng., vol. 21, no. 4, p. 04015073.
- [9] Ahmadi,E. Kashani,M,M. (2020). "Numerical investigation of nonlinear static and dynamic behaviour of selfcentring rocking segmental bridge piers". Soil Dyn. Earthq. Eng., vol. 128, p. 105876.
- [10] Han, Q., Jia, Z., Xu, K., Zhou, Y., & Du, X. (2019). "Hysteretic behavior investigation of self-centering doublecolumn rocking piers for seismic resilience". Engineering Structures, 188, 218-232.
- [11] Liu, X., Li, J., Tsang, H. H., & Wilson, J. L. (2018). "Evaluating self-centering behavior of unbonded prestressed bridge columns using a new performance index based on quasi-static analysis". Journal of Earthquake and Tsunami, 12(01), 1850001.
- [12] Guo, A., & Gao, H. (2016). "Seismic behavior of posttensioned concrete bridge piers with external viscoelastic dampers". Shock and Vibration, http://dx.doi.org/10.1155/2016/1823015
- [13] Cao, Z., Wang, H., & Guo, T. (2017). "Fragility analysis of self-centering prestressed concrete bridge pier with external aluminum dissipators". Advances in Structural Engineering, 20(8), 1210-1222.
- [14] Ahmadi, E., & Kashani, M. M. (2021). "Seismic vulnerability assessment of precast post-tensioned segmental bridge piers subject to far-fault ground motions". In Structures (Vol. 34, pp. 2566-2579). Elsevier.
- [15] SAP2000, version 14.2.4, [Computer software]. Berkeley, CA, Computers and Structures, Inc
- [16] Mander, J, B. Dhakal, R, P. Mashiko, N. K. Solberg, M. (2007). "Incremental dynamic analysis applied to seismic financial risk assessment of bridges". Engineering structures. Elsevier, 29(10), pp. 2662–2672.
- [17] Standards Association of New Zealand, (2006). "NZS 3101: Code of practice for the design of concrete structures. Part 1: The Design of Concrete Structures". Standards New Zealand, Wellington.
- [18] Guerrini, G., Restrepo, J. I., Massari, M., & Vervelidis, A. (2015). "Seismic behavior of posttensioned self-centering precast concrete dual-shell steel columns. Journal of structural engineering". 141(4), 04014115.
- [19] Wang, Z., Wang, J., Tang, Y., Gao, Y., & Zhang, J. (2019). "Lateral behavior of precast segmental UHPC bridge columns based on the equivalent plastic-hinge model. Journal of Bridge Engineering". 24(3), 04018124.
- [20] FEMA, "Quantification of building seismic performance factors." FEMA P695. Prepared by Applied Technology Council For the Federal Emergency Management Agency, Washington, D.C.," no. June, 2009.
- [21] Iranian Building Codes and Standards, (2014-1393). "Iranian Code of Practice for Seismic Resistant Design of buildings, Standard". No.2800, 4th Edition.
- [22] W.K. Lee, S.L. Billington. (2010). "Modeling residual displacements of concrete bridge columns under earthquake loads using fiber elements". Journal of Bridge Engineering, 15 240-249.
- [23] Billah,M. Alam,M. S. (2012) "Seismic fragility assessment of concrete bridge pier reinforced with Shape Memory Alloy considering residual displacement". In Active and Passive Smart Structures and Integrated Systems 2012 (Vol. 8341, pp. 442-454). SPIE.
- [24] Vamvatsikos, D., & Cornell, C. A. (2004). "Applied incremental dynamic analysis". Earthquake spectra, 20(2), 523-553.
- [25] Dutta,A. Mander,J. B. (1998). "Seismic fragility analysis of highway bridges". in Proceedings of the INCEDE-MCEER center-to-center project workshop on earthquake engineering Frontiers in transportation systems, pp. 22– 23.
- [26] Yamaguchi, N., & Yamazaki, F. (2000, January). "Fragility curves for buildings in Japan based on damage surveys after the 1995 Kobe earthquake". In Proceedings of the 12th world conference on earthquake engineering, Auckland, New Zealand (p. 2451).
- [27] Soleimani, F., Mangalathu, S., & DesRoches, R. (2017). "A comparative analytical study on the fragility assessment of box-girder bridges with various column shapes". Engineering Structures, 153, 460-478.
- [28] Padgett, J. E., Nielson, B. G., & DesRoches, R. (2008). "Selection of optimal intensity measures in probabilistic seismic demand models of highway bridge portfolios". Earthquake engineering & structural dynamics, 37(5), 711-725.