



Journal of Structural and Construction Engineering

www.jsce.ir



Evaluating the Efficiency of Building Repair and Maintenance System Using Data Envelopment Analysis Method

Mohammad Kheradranjbar¹, Mirali Mohammadi^{2*}, Shahin Rafiee³

1- Phd Student, Department of Civil Engineering, Urmia Branch, Islamic Azad University, Urmia, Iran.

2- Associate Prof. in civil Engineering, Department of Civil Engineering, Faculty of Engineering, Urmia University, Iran.

3- Professor in Mechanical Engineering of Agricultural Machinery, Faculty of Agricultural Engineering and Technology, University College of Agriculture & Natural Resources, University of Tehran, Karaj, Iran.

ABSTRACT

Given the importance of the repair and maintenance process in keeping equipment and facilities ready for use, it is necessary to assess the process and performance of maintenance indicators regularly so that the repair and maintenance is planned and upgraded. The main purpose of the building repair and maintenance is to control the equipment, facilities, and various building components to determine productivity and optimize their ability to achieve the highest efficiency. As measuring the efficiency is one of the most important performance evaluation methods, evaluating the efficiency of the repair and maintenance is one of the qualitative factors to improve this system. The purpose of this study is to evaluate the efficiency and performance of the repair and maintenance in buildings using a quantitative and provable data envelopment analysis (DEA) method. The results of this study show that the DEA is a suitable method for evaluating the efficiency and productivity of the decision-making units (DMUs). Therefore, first, the questionnaire is formed based on the building repair and maintenance system parameters extracted from Topic 22 of the National Building Code, the ranks are determined, and the results obtained from the sub-indices are integrated by the mean ranking index, and the questionnaires' reliability is measured using Cronbach's alpha. Finally, after defining the input and output indices by the DEA, the efficiency of each building and its cost are determined based on the repair and maintenance indices (In a case study of the city of Karaj). The results showed that the minimum and maximum reduction of the cost of charging, maintenance and repair of the building to convert them into an efficient building is 1% and 80%, respectively. Moreover, based on the results, it is possible to provide suggestions to improve the efficiency of the inefficient buildings based on the repair and maintenance costs.

ARTICLE INFO

Receive Date: 25 February 2021

Revise Date: 27 June 2021

Accept Date: 29 July 2021

Keywords:

Repair and Maintenance
Building
Efficiency
Performance Appraisal
Data Envelopment Analysis

All rights reserved to Iranian Society of Structural Engineering.

doi: <https://dx.doi.org/10.22065/jsce.2021.274367.2377>

*Corresponding author: Mirali Mohammadi.

Email address: m.mohammadi@urmia.ac.ir

ارزیابی کارآئی سیستم نگهداری و تعمیر ساختمان‌ها با استفاده از روش تحلیل

پوششی داده‌ها

محمد خردرنجبر^۱، میرعلی محمدی^{۲*}، شاهین رفیعی^۳

۱- دانشجوی دکتری، گروه عمران، واحد ارومیه، دانشگاه آزاد اسلامی، ارومیه، ایران

۲- دانشیار گروه عمران، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه ارومیه، ارومیه، ایران.

۳- استاد مهندسی مکانیک ماشین آلات کشاورزی، دانشکده مهندسی و فناوری کشاورزی، دانشکده کشاورزی و منابع طبیعی، دانشگاه تهران، کرج، ایران.

چکیده

هدف اصلی سیستم نگهداری و تعمیرات (نت) ساختمان کنترل وضعیت تجهیزات و تاسیسات و اجزای مختلف ساختمان جهت تعیین بهره‌وری و بهینه کردن توانائی آنها به منظور دستیابی به بالاترین کارآئی می‌باشد. از آنجا که اندازه‌گیری کارآئی یکی از مهمترین روش‌های ارزیابی عملکرد می‌باشد لذا ارزیابی کارآئی سیستم نگهداری و تعمیرات (نت) یکی از عوامل کیفی در ارتقاء این سیستم بشمار می‌آید. در این پژوهش، هدف ارزیابی عملکرد و بررسی کارآئی سیستم نت در ساختمانها با استفاده از روش کمی و قابل اثبات تحلیل پوششی داده‌ها می‌باشد. نتایج این پژوهش نشان می‌دهد که روش تحلیل پوششی داده‌ها، روشی مناسب برای ارزیابی کارآئی و بهره‌وری واحدهای تصمیم‌گیری می‌باشد. از این رو، ابتدا پرسشنامه‌ای بر اساس پارامترهای سیستم نگهداری و تعمیرات ساختمان که از مبحث ۲۲ مقررات ملی ساختمان استخراج شده، تهیه گردید. سپس رتبه‌ها تعیین و نتایج بدست آمده از زیر شاخص‌ها باتوجه به روش میانگین رتبه با یکدیگر ادغام و پایائی پرسشنامه‌ها با استفاده از آلفای کرونباخ سنجیده شد. در نهایت با تعیین شاخص‌های خروجی و ورودی، با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ها میزان کارآئی هر یک از ساختمانها مبتنی بر شاخص‌های سیستم نت و هزینه آن (در مطالعه موردی شهر کرج) مشخص گردید. نتایج نشان داد میزان کاهش حداقل و حداکثر مقدار هزینه شارژ، نگهداری و تعمیرات ساختمان برای تبدیل آنها به ساختمان کارا بترتیب ۱٪ و ۸۰٪ بدست آمده است. همچنین با بررسی نتایج، برای بهبود کارآئی هر کدام از ساختمان‌های ناکارا بر اساس هزینه‌های نگهداری و تعمیر، می‌توان پیشنهادهای بهبود کارآئی را ارائه داد.

کلمات کلیدی: نگهداری و تعمیرات، ساختمان، کارآئی، ارزیابی عملکرد، تحلیل پوششی داده‌ها

سابقه مقاله:		شناسه دیجیتال:			
دریافت	بازنگری	پذیرش	انتشار آنلاین	چاپ	https://dx.doi.org/10.22065/jsce.2021.274367.2377
۱۳۹۹/۱۲/۰۷	۱۴۰۰/۰۴/۰۶	۱۴۰۰/۰۵/۰۷	۱۴۰۰/۰۵/۰۷	۱۴۰۰/۱۲/۲۹	doi: 10.22065/jsce.2021.274367.2377
*نویسنده مسئول:		میرعلی محمدی			
پست الکترونیکی:		m.mohammadi@urmia.ac.ir			

۱- مقدمه

یکی از مهمترین عوامل حفظ سرمایه، طراحی و استقرار سیستم‌های نگهداری و تعمیر در تمامی صنایع می‌باشد. بحث نت در صنعت ساختمان نیز از این قاعده مستثنی نبوده و در سراسر جهان بویژه کشورهای توسعه یافته نیز مورد توجه قرار گرفته است. با توجه به اینکه بهره‌برداری صحیح از ساختمان‌ها باعث افزایش طول عمر مفید آن‌ها می‌شود و نحوه نگهداری و تعمیر ساختمان‌ها نیز در هزینه‌های ساختمان به هنگام بهره‌برداری تاثیر بسزائی دارد لذا لازم است جهت دستیابی به این مهم نسبت به تعیین کارائی مناسب تجهیزات ساختمانی در این خصوص تحقیق و مطالعات مناسبی انجام پذیرد. امروزه برای متخصصان صنعت ساختمان به خصوص در حوزه نگهداری و تعمیرات آشنایی کامل و شناخت نسبت به میزان کارایی و در نتیجه بهره‌وری تجهیزات و تاسیسات و اجزاء عناصر مختلف ساختمان از مهمترین دغدغه‌ها و چالش‌های پیش روی آنها می‌باشد، در این تحقیق سعی بر آن است تا به متخصصان در این زمینه در رفع این چالش‌ها کمک شود. چون اکثر روش‌های موجود برای محاسبه کارایی از راه‌های کیفی و نه کمی بدست می‌آیند و روایی و پایایی این روش‌ها بسیار متغیر بوده و زیاد قابل اتکا نیست لذا متخصصان برای دستیابی به اهداف نگهداری و تعمیرات ساختمان‌ها نیازمند اطلاعات دقیق می‌باشند که مبنایی ریاضی و قابل اثبات داشته باشد تا از این طریق بتوانند در بدست آوردن دقیق کارایی تجهیزات اقدام نمایند. از این رو، از تکنیک تحلیل پوششی داده‌ها بعنوان یکی از مناسب‌ترین روش‌ها برای شناخت علمی و دقیق مسایل و تجزیه و تحلیل کارایی تاسیسات و تجهیزات ساختمان در فرآیند نگهداری و تعمیرات می‌توان استفاده نمود.

کاهش هزینه‌ها و افزایش طول عمر ساختمان‌ها را می‌توان بعنوان یکی از اهداف متخصصان در زمان بهره‌برداری و پس از ساخت در نظر گرفت. برای رسیدن به این هدف باید بهره‌وری را افزایش داد. بهره‌وری شامل دو بخش اثر بخشی و کارائی می‌باشد. اثر بخشی یعنی انجام کارهای درست، در مسیر رسیدن به هدف و کارایی یعنی انجام درست کارها، گرفتن بیشترین خروجی از ورودی‌هایی که وارد سیستم شده است. [1]. برای محاسبه کارایی از روش‌های مختلفی استفاده می‌شود که اکثر قریب به اتفاق آنها روش‌های کیفی و یا از طریق روش تعریف شاخص می‌باشند اما روشی تحت عنوان تحلیل پوششی داده‌ها راه حلی ریاضی برای ارزیابی مقایسه‌ای کارایی پیشنهاد می‌کند که به گفته دانشمندان رشته ریاضی، هر چیزی که با ریاضی به اثبات برسد درست است مگر خلاف آن به کمک ریاضی به اثبات برسد [2]. به همین منظور برای بررسی میزان کارایی نگهداری و تعمیرات عناصر سازه، معماری، تاسیسات و تجهیزات ساختمان‌ها می‌توان از این روش استفاده کرد. با کمک این روش می‌توان راهی برای تعیین دقیق‌تر و بهتر کارایی در زمینه نت ساختمان‌ها معرفی نمود، تا با تعیین میزان کارایی واحدها و رتبه آنها به متخصصان در شناخت، بهبود و افزایش کارایی واحدهای ناکارا و تصمیم‌گیری‌های دیگر در این زمینه کمک کرد.

هدف از این پژوهش ارزیابی کارائی سیستم نگهداری و تعمیرات ساختمان‌ها با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ها مبتنی بر شاخص‌های مبحث ۲۲ مقررات ملی ساختمان بعنوان ورودی و میزان هزینه شارژ و هزینه‌های مربوط به نگهداری و تعمیرات ساختمانی بعنوان خروجی در مطالعه موردی شهر کرج می‌باشد. از این رو ابتدا مبانی نظری و پیشینه پژوهش در این زمینه مرور می‌شود؛ سپس مدل پیشنهاد شده در زمینه مورد نظر تشریح شده و مدلهایی که برای حل در نظر گرفته شده‌اند، معرفی می‌شوند. در قسمت بعدی، نتایج به‌کارگیری رویکرد پیشنهاد شده، ارائه می‌گردد و ضمن مقایسه با روشهای مرسوم، به تجزیه و تحلیل کارایی آن پرداخته می‌شود. در نهایت، نتایج جمع‌بندی و پیشنهادهای محدودیت‌های پژوهش بیان می‌گردد.

۲- مرور ادبیات

۲-۱- نگهداری و تعمیرات

نت مجموعه فعالیت‌هایی است که جهت نگهداری و تعمیر و یا بازگرداندن ایمنی، عملکرد، قابلیت اطمینان و قابلیت در دسترس بودن تاسیسات و تجهیزات و عناصر سازه‌ای و معماری در ساختمانها انجام می‌شود تا از عملکرد مطلوب آنها در زمان مورد نیاز اطمینان حاصل گردد. نگهداری و تعمیرات شامل مجموعه فعالیت‌هایی است که با هدف جلوگیری از خرابی ناگهانی تجهیزات و

تأسیسات برنامه ریزی شده است. تعمیرات هنگامی صورت می‌گیرد که تجهیزات از کار می‌افتد یا کارکرد آن مناسب نبوده و یا فعالیت آنها با تأخیر مواجه می‌شود [3]. هدف اصلی نگهداری و تعمیرات افزایش عمر تجهیزات و کاهش هزینه با بیشترین کارایی است که از زمان نصب تجهیزات و در طول بهره‌برداری تعریف می‌شود [4]. نگهداری و تعمیرات روشی بهینه جهت دست یافتن به آرامش خاطر از سطح رضایت بخش قابلیت اطمینان در طول عمر مفید آن با هدف کاهش هزینه های عدم اطمینان است [5].

سهم نت در عملکرد ساختمان‌ها از طریق تضمین نمودن عملکرد تجهیزات، تأسیسات و عناصر ساختمان تحت شرایط مورد انتظار با ایجاد توازن مابین هزینه و تخصیص مناسب منابع به نت صورت می‌گیرد. با وجود تحقیقات گسترده روی سیاست‌ها و معیارهای نت، بر اساس جستجوی به عمل آمده تاکنون الگویی راهبردی جهت اندازه‌گیری عملکرد نت بخش‌های مختلف ساختمانها ارائه نشده است و کمتر توجهی به آن شده است. بخش‌های مختلف ساختمان که نیازمند نگهداری و تعمیرات می‌باشند براساس مبحث ۲۲ مقررات ملی ساختمان که تنها مرجع فنی کشور می‌باشد عناصری که نیازمند نگهداری و تعمیرات می‌باشند از بخش‌های سازه، معماری، تأسیسات مکانیکی، تأسیسات بهداشتی، تأسیسات گاز رسانی، حفاظت در برابر حریق، آسانسور و پله برقی و تأسیسات برقی، تشکیل یافته است. هدف اصلی این تحقیق ارزیابی عملکرد نت بخش‌های مختلف ساختمان‌ها با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ها بعنوان مناسب‌ترین راهکار کمی و قابل اثبات می‌باشد. تحلیل پوششی داده‌ها روشی ناپارامتریک ریاضی است که بدون توجه به واحد ورودی‌ها و خروجی‌ها، امکان مقایسه کارایی عملیاتی آنها را با یکدیگر فراهم می‌آورد.

۲-۲- تحلیل پوششی داده‌ها^۱ DEA

مناسب‌ترین و منطقی‌ترین روش برای ارزیابی بهره‌وری، تعیین میزان عملکرد می‌باشد که از طریق روش تحلیل پوششی داده‌ها اندازه‌گیری می‌گردد. محاسبه بهره‌وری در تحلیل پوششی داده‌ها بیشتر به جنبه کارایی اشاره دارد. کارایی را می‌توان به عنوان تخصیص بهینه منابع بیان کرد. کارایی، معرف نسبت ستاندها به نهاده‌ها در مقایسه با یک استاندارد مشخص است. لذا محاسبه کارایی منوط به تعریف و مقایسه با یک حد مطلوب استاندارد است. مبنای چنین حد مطلوبی با روش‌های مختلفی مشخص می‌شود. روش تحلیل نسبت و روش تحلیل مرزی دو روش اصلی برای تعیین کارایی هستند. در روش تحلیل مرزی ابتدا توابع تولید مرزی برآورد شده و واحدهایی که در این مرز فعالیت می‌کنند به عنوان واحدهای کارا و واحدهایی که خارج از آن قرار می‌گیرند، به عنوان واحدهای ناکارا شناخته می‌شوند. تحلیل پوششی داده‌ها یکی از مهمترین روش‌های تحلیل مرزی است. تحلیل پوششی داده‌ها یک روش غیرپارامتریک، مبتنی بر برنامه ریزی خطی برای تعیین کارایی واحدهای تصمیم‌گیری بر اساس داده‌ها و ستاندهای شبیه به هم می‌باشد. در این روش، بهترین عملکرد در دسته مورد ارزیابی مشخص شده و عملکرد سایر واحدها نسبت به آن مقایسه می‌شود [6].

فارل، با استفاده از روشی همانند اندازه‌گیری کارایی در مباحث مهندسی، به اندازه‌گیری کارایی برای واحد تولیدی اقدام کرد. موردی که او برای اندازه‌گیری کارایی مد نظر قرار داد شامل یک ورودی و یک خروجی بود. چارلز، کوپر و رودز دیدگاه فارل را توسعه دادند و الگویی را ارائه کردند که توانایی اندازه‌گیری کارایی با چندین ورودی و خروجی را داشت. این الگو، تحت عنوان تحلیل پوششی داده‌ها، نام گرفت و اولین بار، در رساله دکتری ادوارد رودز و به راهنمایی کوپر تحت عنوان ارزیابی پیشرفت تحصیلی دانش آموزان مدارس ملی آمریکا در سال ۱۹۷۶، در دانشگاه کارنگی مورد استفاده قرار گرفت [7]. مدل‌های اساسی روش تحلیل پوششی داده‌ها بر اساس ماهیت (ورودی محور، خروجی محور و جمعی) یا بر اساس بازدهی نسبت به مقیاس (بازدهی ثابت به مقیاس^۲ CRS و بازدهی متغیر نسبت به مقیاس^۳ VRS طبقه بندی می‌شوند [8]. البته مدل بازگشت به مقیاس متغیر، ترکیبی از دو مدل بازگشت به مقیاس افزایشی و بازگشت به مقیاس کاهش می‌باشد. هر کدام از مدل‌های فوق دارای دو جهت مطالعاتی خروجی محور و ورودی محور می‌باشند. در این روش کارایی یک واحد برابر با مجموع وزن خروجی‌های واحد بر مجموع وزن ورودی‌های واحد است [9].

¹ Data envelopment analysis

² Constant Return to Scale

³ Variable Return Scale

مدل‌های ورودی محور، مدل‌هایی هستند که با ثابت نگه داشتن خروجی‌ها، ورودی‌ها را به حداقل می‌رسانند. اما در مدل‌های خروجی محور، هدف حداکثر ساختن مقادیر خروجی‌ها مشروط به ثابت نگه داشتن مقادیر ورودی‌هاست. تعدادی از واحدها که در تحلیل DEA کارا معرفی شده‌اند در تحلیل پارامتری ناکارا هستند. تحلیل DEA تعداد واحدهای ناکارا را تقلیل داده و می‌تواند واحدهای کارا را رتبه بندی کند و همچنین واحدهای کارای حقیقی را از واحدهای کارای دروغین تشخیص دهد [10].

۳-۲- تحلیل پوششی داده‌ها و خروجی‌های نامطلوب

در الگوی تحلیل پوششی داده‌ها بادیگاه ورودی، به دنبال به دست آوردن ناکارایی فنی به عنوان نسبتی می‌باشیم که بایستی در ورودی‌ها کاهش داده شود تا خروجی، بدون تغییر بماند و واحد در مرز کارایی قرار گیرد. در دیدگاه خروجی، به دنبال نسبتی هستیم که باید خروجی‌ها افزایش یابند، بدون آنکه تغییر در ورودی‌ها به وجود آید تا واحد مورد نظر به مرز کارایی برسد. در الگوی CCR^4 ، مقادیر به دست آمده برای کارایی در دو دیدگاه مساوی هستند. در این الگو بازده به مقیاس واحدها را ثابت فرض کرده ولی در مدل BCC^5 این مقادیر متغیر هستند. مبنای مدل‌های رایج تحلیل پوششی داده‌ها مانند مدل‌های CCR و BCC بر اساس این فرض استوار است که کاهش میزان ورودی‌ها یا افزایش خروجی‌ها، بهبود کارایی را به همراه خواهد داشت. اما باید به این نکته توجه کرد که در دنیای واقعی، عامل‌های نامطلوب (بد) نیز می‌توانند در فرآیند تولید وجود داشته باشند. بنابراین، واحدهای تصمیم گیرنده، همیشه به دنبال حداکثر ساختن خروجی‌ها و یا به حداقل رساندن ورودی‌ها نیستند. فرآیند تولیدی که همراه با محصول نهایی، آلودگی تولید می‌کند، دو نوع خروجی مطلوب و نامطلوب دارد. خروجی مطلوب باید افزایش و خروجی نامطلوب کاهش یابد. این رویکرد با مدل‌های عمومی تحلیل پوششی داده‌ها متفاوت است. مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها با ورودی‌ها یا خروجی‌های نامطلوب برای در نظر گرفتن این شرایط طراحی شده‌اند [6]. در این پژوهش با استفاده از مدل کوپر و همکاران کارایی ساختمان‌ها را با در نظر گرفتن خروجی‌های نامطلوب مورد ارزیابی قرار می‌دهیم [11].

$$\rho^* = \min \frac{1 - \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m \frac{s_i^-}{x_{io}}}{1 + \frac{1}{s} \left(\sum_{r=1}^{s_1} \frac{s_r^g}{y_{ro}} + \sum_{r=1}^{s_2} \frac{s_r^b}{y_{ro}} \right)} \quad (1)$$

Subject

$$x_o = X\lambda + s^-$$

$$y_o^g = Y\lambda + s^g$$

$$y_o^b = Y\lambda + s^b$$

$$L \leq e\lambda \leq U$$

$$s^-, s^g, s^b, \lambda \geq 0$$

در رابطه ۱، y^g : خروجی مطلوب، y^b : خروجی نامطلوب، x : مقادیر ورودی، s : مقادیر مازاد و کمبود هستند. پس از بدست آوردن جواب بهینه اگر واحدی ناکارا باشد می‌بایست مقدار ورودی و خروجی نامطلوب را کاهش داد تا به واحدی کارا تبدیل شود.

۳-۲- ویژگی‌ها و قابلیت‌های مدل تحلیل پوششی داده‌ها

این مدل دارای قابلیت‌های کاربردی می‌باشد که دارای اهمیت فراوانی است که عبارتند از: ارزیابی توأم مجموعه عوامل، ارزیابی واقع بینانه، عدم نیاز به اوزان از قبل تعیین شده، خاصیت جبرانی بودن، ارزیابی با گرایش مرزی به جای گرایش‌های مرکزی، تصویر نمودن بهترین وضعیت عملکردی به جای وضعیت مطلوب، استاندارد سازی، رتبه بندی واحدهای تصمیم گیرنده، ارائه واحدهای الگو و راهکارهای بهبود عملکرد، ارائه واحدهایی با بیشترین اندازه مقیاس بهره‌وری و تخمین بازده به مقیاس، تعیین تراکم و میزان آن در نهاده‌ها، ارائه راهکارهای توسعه‌ای شامل انبساط و انقباض واحدها، تخصیص بهینه منابع، تعیین پتانسیل‌های عملکردی (کاربردی)، تحلیل حساسیت نهاده‌ها و ستانده‌ها [12].

⁴ Charles, Cooper and Rhodes

⁵ Banker, Charnes and Cooper

۵-۲- محدودیت‌های مدل DEA در مقایسه با سایر مدل‌ها

این مدل دارای محدودیت‌هایی نیز می‌باشد. چون این روش یک تکنیک ریاضی و عددی محض است از این رو خطاهای اندازه‌گیری ممکن است تغییرات عمده‌ای در نتایج به همراه داشته باشد. از این رو باید پس از شناسایی واحد کارا به کنترل مجدد داده‌ها و ستانده‌ها اقدام و از صحت آن اطمینان حاصل نمود. این روش صرفاً یک روش ریاضی و بر اساس برنامه‌ریزی خطی است و توانایی مقایسه متغیرهای کیفی واحدهای تصمیم‌گیری را ندارد. اگر تنها یکی از داده‌ها و ستانده‌های واحدهای تصمیم‌گیری تغییر کند، تغییرات اساسی در درجه کارایی واحدهای تصمیم‌گیری پیش خواهد آمد. توافق کلی در مورد انتخاب داده‌ها و ستانده‌ها در این روش وجود ندارد [13].

مطالعات تجربی

در این قسمت مروری بر مبنای نظری پژوهش انجام شده و پیشینه‌ی پژوهش نیز به اختصار بررسی گردیده است. زهره‌ئی و محتشمی در پژوهشی، روش جدیدی برای انتخاب استراتژی بهینه نگهداری و تعمیرات بر مبنای تحلیل شبکه‌ای فازی و برنامه‌ریزی آرمانی چند انتخابی فازی ارائه نمودند. آنها ابتدا با روش تحلیل شبکه‌ای فازی وزن‌های فازی مولفه‌ها را محاسبه نمودند و سپس با قطعی نمودن وزن‌های بدست آمده و با نوشتن آرمان‌ها و تابع هدف و با استفاده از روش برنامه‌ریزی آرمانی چند انتخابی فازی استراتژی‌های نگهداری و تعمیرات را اولویت بندی نمودند [14]. رشوند و همکاران، در مقاله‌ای با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ها، اقدام به بررسی کارایی ۳۸۴ پل بتنی در مقایسه با یکدیگر نمودند و ضمن ارزیابی عملکرد پلها، کارایی، ناکارایی و عوامل ناکارایی را مشخص کردند. آنها جهت بررسی کارایی ورودی‌هایی مانند شرایط جوی و ترافیکی و خروجی‌هایی شامل فاکتور خرابی سازه‌ای و بهره‌برداری در نظر گرفته و از مدل ورودی محور CCR استفاده نمودند. در پایان مشخص گردید که ۳۵ پل مورد سنجش در محور اصلی استان زنجان کارایی بالایی داشته و پل کیلومتر ۸ آزاد راه زنجان قزوین، کارا ترین پل می‌باشند [15]. مقدسی و همکاران، در مقاله‌ای معیارهای ارزیابی عملکرد سیستم مدیریت نگهداری و تعمیرات با رویکرد مدیریت دارایی فیزیکی را استخراج و بومی سازی نمودند، پس از انتخاب نتایج تحقیق حاکی از آن بود که در صنایع دفاعی در بین متغیرهای شناسایی شده، فرآیند اسقاط کردن و استاندارد دانش تجهیزات دارای قدرت نفوذ بالا و میزان وابستگی پایین بودند [16]. میشر و همکاران، در مقاله‌ای به مدلسازی قابلیت اطمینان زمان محور و روش برنامه‌ریزی نگهداشت پیشگیرانه برای ساختمان‌های مسکونی پرداختند. هدف آنها کاهش خسارت‌های ناشی از طوفان با استفاده از فرآیند گاما به منظور مدلسازی خرابی‌های تصادفی اجزای ساختمان بود [17]. در تحقیقی سلطانی و هادی وینچه اقدام به بررسی تاثیر مکانیزه نمودن فرآیند تعمیرات بر کارایی کارکنان نیروگاه جنوب اصفهان، اندازه‌گیری کارایی کارکنان، شناسایی کارکنان کارا و ناکارا و رتبه‌بندی کارکنان کارا و نهایتاً بررسی و مقایسه میزان تاثیر عوامل موثر در کارایی آنها به منظور افزایش بهره‌وری سازمان با رویکرد رضایتمندی شغلی نمودند. نتایج نشان داد که سیستم‌های مبتنی بر فناوری اطلاعات، پیاده سازی سیستم مکانیزه تعمیرات در رتبه دوم در بین سایر عوامل تاثیرگذار می‌باشد [18]. سجادی فر و همکاران در مقاله "کارایی انرژی با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ها با خروجی‌های نامطلوب" با در نظر گرفتن همزمان فعالیت‌های اقتصادی، انتشار دی اکسید کربن و مصرف انرژی در فرآیند تولید و با استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌های دارای خروجی نامطلوب کارایی انرژی در ایران و کشورهای همجوار در دوره ۲۰۰۷-۲۰۱۲ اندازه‌گیری و میزان تحقق اهداف سند چشم انداز در زمینه کارایی انرژی را بررسی نمودند. نتایج نشان داد که روند تغییرات کارایی برای ایران و متوسط کشورهای مورد بررسی دارای روند نزولی بوده و جایگاه ایران از نظر کارایی انرژی در مقایسه با سایر کشورها مطلوب نمی‌باشد [6]. سهراب و جعفر صادق عبدالله زاده، در مقاله‌ای با عنوان رتبه بندی بهبود عملکرد مراحل زنجیره تامین در اثر استانداردسازی ملی، اقدام به ارائه رویکردی جدیدی نمودند تا بر اساس آن میزان بهبود عملکرد هر یک از مراحل زنجیره تامین در اثر پیاده سازی نظام استاندارد سازی ملی اندازه گیری و با توجه به بیشترین اثر بخشی رتبه بندی شود. آنها با استفاده از روش تحلیل سلسله مراتبی فازی، درجه اهمیت هر یک از مراحل و ویژگی‌های زنجیره تامین را بدست آوردند و سپس میزان بهبود عملکرد مراحل زنجیره تامین در اثر پیاده سازی این نظام را بدست آوردند. نتایج نشان داد پیاده سازی نظام استانداردسازی ملی ایران بر کلیه مراحل مختلف اثر مثبت دارد [19]. درمقاله "روش

یکپارچه فرآیند تحلیل سلسله مراتبی فازی-تحلیل پوششی داده‌های فازی⁶ (FAHP-FDEA) برای ارزیابی ساختمان‌های هوشمند⁷ صحرایی و همکاران، نظریه‌ی مجموعه‌های فازی، فرآیند تحلیل سلسله مراتبی⁸ (AHP) و تحلیل پوششی داده‌ها (DEA) را مورداستفاده قرار داده و یک روش یکپارچه (FAHP-FDEA) را برای ارزیابی ساختمان‌های هوشمند ارائه نمودند [20]. شیخ علی شاهی و آزاده، در پژوهشی فعالیت‌های نگهداری و تعمیرات یک سیستم تولیدی را شبیه‌سازی نمودند. آنها توابع تولیدی و نگهداری و تعمیرات را با توجه به سوابق تخمین زدند و شبیه‌سازی را برای مقادیر مختلف بازه‌های نگهداری و تعمیرات اجرا نمودند. آنها با تغییر مقادیر ورودی، خروجی‌ها را بدست آورده و با توجه به اینکه معیارهای مختلفی جهت بررسی خروجی‌ها در نظر گرفته شده بود، از تحلیل پوششی داده‌ها برای انتخاب بهترین گزینه با در نظر گرفتن هزینه، قابلیت اطمینان، قابلیت دسترسی، طول صف و بکارگیری ماشین آلات استفاده نمودند [21]. دو و همکاران، متوسط میزان کاهش بالقوه انتشار دی اکسید کربن را در دوره ۲۰۰۶-۲۰۱۰ برای ۳۰ منطقه چین محاسبه کردند. نتایج نشان داد که به دلیل اختلاف در نوع فناوری-های مورد استفاده، میزان کاهش بالقوه در انتشار دی اکسید کربن در مناطق مختلف از پراکندگی به نسبت زیادی برخوردار است [22]. کارامان و کایا،⁹ FTOPSIS و FAHP را برای ارزیابی ساختمان‌های هوشمند پیشنهاد کردند. این مقاله یک روش یکپارچه (FAHP-FDEA) را برای ارزیابی ساختمان‌های هوشمند تحت محیط فازی توسعه داد. روش FAHP برای شناسایی وزن معیارها به کار برده شد. سپس، وزن معیارها با یک مدل⁹ FDEA ترکیب گردید تا عملکرد ساختمان‌های هوشمند را اندازه‌گیری کند [23]. کریمی و محقر، در پژوهشی با عنوان اولویت‌بندی فعالیت‌های نگهداری و تعمیرات با استفاده از AHP-DEA، روشی جهت رتبه‌بندی فعالیت‌های نگهداری و تعمیرات ماشین آلات مشابه پیشنهاد کردند. آنها جهت اولویت‌بندی فعالیت‌های آتی و همچنین شناخت الگوهای کارآیی نگهداری و تعمیرات ماشین آلات با استفاده از روش AHP داده‌های کیفی عملکرد را کمی نموده و با استفاده از مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها کارآیی فعالیت‌های نگهداری و تعمیرات را بر روی دستگاه‌های مشابه محاسبه کردند. آنها مطالعات خود را در واحد پرس کارخانه‌ای روی ۸ دستگاه پرس اجرا کردند و نمره کارایی هر دستگاه را محاسبه نموده و سپس آنها را با توجه به فعالیت‌های نگهداری و تعمیرات با روش اندرسون پیترسون رتبه‌بندی کردند. نتایج نشان داد که دستگاه ۸ دارای بیشترین کارآیی بوده و دستگاه‌های با کارآیی بهتر اولویت بالاتری در انجام فعالیت‌های نگهداری و تعمیرات دارند [24]. لیو، در تحقیقی کارآیی نسبی واحدهای نگهداری و تعمیرات را از نظر نیروی انسانی به کمک تکنیک DEA محاسبه نمود. همچنین از این تکنیک در ارزیابی دقیق و منطقی نگهداری و تعمیرات کارخانه جهت رشد هر چه بیشتر آن نیز استفاده نمود [25].

با مطالعه پیشینه تحقیق مشخص می‌شود با استفاده جداگانه و یا همزمان و با کمک از تکنیک‌های تصمیم‌گیری چند معیاره از روش تحلیل پوششی داده‌ها در تعیین کارآیی در زمینه‌های مختلف نگهداری و تعمیرات در صنایع مختلف استفاده شده است. در بخش صنعت ساختمان از این روش در تعیین اولویت‌بندی ساختمان‌های هوشمند و تعیین میزان کارایی انرژی استفاده شده است. لیکن از این روش در تعیین کارآیی ساختمان‌ها مبتنی بر سیستم نت مورد بررسی قرار نگرفته است. بنابراین بررسی کارآیی ساختمانها در زمینه نگهداری و تعمیرات، توسعه و کاربرد مدلها، همچنان در این حوزه احساس می‌شود. از این‌رو در این پژوهش با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها کارآیی سیستم نگهداری و تعمیرات ساختمانهای مسکونی مورد ارزیابی قرار گرفته شده است. در این پژوهش، پیشینه کاربرد روش تحلیل پوششی داده‌ها با تاکید بر تعیین میزان کارآیی سیستم نگهداری و تعمیرات در جدول ۱ آمده است.

⁶ Fuzzy Analytical Hierarchy process- Fuzzy Data envelopment analysis

⁷ Analytical Hierarchy process

⁸ Fuzzy Technique for Order of Preference by Similarity to Ideal Solution

⁹ Fuzzy Data envelopment analysis

جدول ۱: پیشینه کاربرد تحلیل پوششی داده‌ها

کاربرد	سال	محقق
اولویت بندی استراتژیهای نگهداری و تعمیرات	۲۰۲۰	زهره‌ئی و محتشمی
تعیین کارآیی پلهای بتنی، ارزیابی عملکرد پلهای	۲۰۲۰	رشوند و همکاران
صنایع دفاعی	۲۰۲۰	مقدسی و همکاران
برنامه‌ریزی نگهداشت پیشگیرانه برای ساختمان‌های مسکونی	۲۰۱۹	میشرا و همکاران
رتبه بندی سیستمهای مبتنی بر فناوری اطلاعات و پیاده سازی سیستم مکانیزه تعمیرات	۲۰۱۶	سلطانی و هادی وینچه
تعیین کارآیی انرژی	۲۰۱۶	سجادی فر و همکاران
بهبود عملکرد مراحل زنجیره تامین در اثر پیاده سازی نظام استاندارد سازی ملی	۲۰۱۵	سهراب و جعفر صادق عبدالله زاده
ایجاد یک روش یکپارچه (FAHP-FDEA) برای ارزیابی کارایی ساختمان‌های هوشمند	۲۰۱۵	صحرائی و همکاران
انتخاب بهترین گزینه در یک سیستم تولیدی با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها	۲۰۱۵	شیخ علی شاهی و آزاده
تعیین متوسط میزان کاهش بالقوه انتشار دی اکسید کربن	۲۰۱۴	دو و همکاران
اندازه گیری کارایی عملکرد ساختمانهای هوشمند با استفاده از مدل FDEA	۲۰۱۲	کارامان و کایا
رتبه‌بندی فعالیت‌های نگهداری و تعمیر ماشین آلات مشابه با استفاده از مدل‌های DEA	۲۰۰۶	کریمی و محقر
تعیین کارآیی نسبی واحدهای نگهداری و تعمیرات از نظر نیروی انسانی به کمک تکنیک DEA	۲۰۰۴	لیو

۳- روش‌شناسی پژوهش

این مطالعه، از نظر هدف کاربردی، از لحاظ ماهیت توصیفی-تحلیلی و از نظر جمع آوری اطلاعات پیمایشی می باشد. هدف از اجرای پژوهش حاضر، بررسی عملکرد ساختمانها با رویکرد واقع نگرا نه می باشد تا براساس شاخص‌های مورد نظر در مبحث ۲۲ مقررات ملی ساختمان بهترین ساختمان‌ها انتخاب و بقیه ساختمانها براساس آنها مورد ارزیابی قرار گیرند. جهت دستیابی به این هدف پس از طراحی پرسشنامه با توجه به زیر شاخص‌های موجود در مبحث ۲۲ مقررات ملی به منظور پیاده سازی مدل بدست آمده، در محدوده شهر کرج، انتخاب شده و به عنوان مطالعه موردی تعدادی نمونه بصورت تصادفی انتخاب گردید و بر اساس مدل شبیه سازی شده، تحلیل پوششی داده‌ها، مورد ارزیابی قرار گرفتند. در پرسشنامه توزیع شده وضعیت پارامترهای نگهداری و تعمیرات ساختمان بر اساس مبحث ۲۲ مقررات ملی براساس طیف لیکرت و با توجه به میزان هزینه نگهداری و تعمیرات و شارژ ساختمان بصورت سالانه پرسش گردید. با توجه به تعداد پرسشنامه و وجود پارامترهای متعدد، پارامترهای کاربردی مسکونی، تعداد طبقات، تعداد واحد و سال ساخت بعنوان شاخص‌های انتخاب نمونه‌ها از میان حجم کل در نظر گرفته شد.

نحوه انتخاب نمونه‌ها با شریط مذکور به این دلیل بود که در ساختمان‌های با تعداد طبقات کمتر نیاز به اجرای برخی موارد مقرراتی، آئین نامه‌ای و شهرسازی مانند مطالعات ژئوتکنیک، آسانسور، انواع تاسیسات و تجهیزات بکار رفته و غیره نمی باشد و لذا در صورت انتخاب ساختمان با تعداد سقفهای کمتر تعداد شاخص‌های اندازه‌گیری کاهش می‌یافت. تعداد ساختمانهای ساخته شده با تعداد طبقات بیشتر از ۳ که از سال ۱۳۷۶ تا ۱۳۹۸ در شهرستان کرج ساخته شده‌اند از طریق سامانه آمار ایران بدست آورده شد، که جامعه آماری کل را نشان می‌دهد. با توجه به روش کوکران که در رابطه ۲ بیان شده و با توجه به تعداد کل ساختمانها، جامعه آماری شامل ۳۸۰ نمونه تعیین شد.

$$n = \frac{Nz^2P(1-P)}{d^2(N-1) + z^2P(1-P)} \quad (2)$$

در رابطه ۲: n : حجم نمونه، N : جمع جامعه آماری، z : مقدار سطح معنی دار و درجه آزادی که معمولا (۱,۹۶) می باشد، D : حداقل خطای قابل قبول که معمولا ۵٪ می باشد، P : نسبت موفقیت بین افراد نمونه که معمولا ۵۰٪ در نظر گرفته می شود، q : نسبت عدم موفقیت ($1-p=q$).

جهت اجرای این روش باید ابتدا واحدهای تصمیم‌گیری مشخص و سپس عوامل داده و ستاده تعیین می‌گردید. پس از آن معادله ضرایب، نامعادلات و تابع هدف را مشخص نموده و نهایتا تابع هدف محاسبه گردید. مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها علاوه بر محاسبه

کارآیی، قادر است نتایج بسیار مفیدی در اختیار مدیران قرار دهد. این روش ساختمان‌های الگو را به عنوان هدف برای ساختمان‌های ناکارا تعیین می‌نمود [26]. در روش تحلیل پوششی داده‌ها با تغییر تعداد نهاده‌ها و ستاده‌ها میزان کارآیی ساختمان‌ها تغییر می‌یابد [27]. تحلیل فراگیر داده‌ها از قابلیت‌های مناسبی جهت اندازه‌گیری کارآیی برخوردار می‌باشد. یکی از ویژگی‌های بسیار مفید این مدل، در نظر گرفتن تعداد خروجی و ورودی‌ها برای هر ساختمان است، همان طوری که یک فرآیند قابل اندازه‌گیری و کنترل می‌باشد، خروجی و ورودی‌های یک ساختمان نیز باید قابل اندازه‌گیری باشند. معمولاً اندازه خروجی و ورودی‌ها به عنوان بازخوردی جهت طراحی عملیات بهتر مورد استفاده قرار می‌گیرد. خروجی استاندارد یک ساختمان در سیستم نگهداری و تعمیر ساختمان، هزینه‌های مربوط به آن فرض گردید که بعنوان خروجی نامطلوب در نظر گرفته شد. همچنین متغیرهای ورودی، قطعات سازه و معماری، تاسیسات مکانیکی، تاسیسات بهداشتی، تاسیسات گاز رسانی، حفاظت در برابر حریق، آسانسور و پله برقی، تاسیسات برقی با توجه به مبحث ۲۲ مقررات ملی ساختمان فرض گردید. روش تحلیل پوششی داده‌ها برای ارزیابی عملکرد سیستم نت ساختمان کاربرد قابل ملاحظه‌ای دارد.

۳-۱- تناسب بین تعداد پارامترهای مدل تحلیل پوششی داده‌ها و تعداد واحدهای تصمیم‌ساز

تناسب بین تعداد پارامترهای ورودی و خروجی یک مدل DEA و تعداد واحدهای تصمیم‌گیرنده که در مدل‌های مورد نظر آن‌ها را تحت بررسی قرار داده‌ایم، از معیار بسیار مهمی در تحویل و ارائه نتایج معتبر می‌باشد. چنانچه در ارزیابی‌هایی که توسط مدل‌های استاندارد روش تحلیل پوششی داده‌ها صورت می‌گیرد تعداد مجموع پارامترهای ورودی و پارامترهای خروجی در مقایسه با تعداد واحد تصمیم‌گیرنده (*DMU*) زیاد باشد نتایج به دست آمده از اجرای مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها، اطلاعات مفیدی را در اختیار ارزیاب قرار نخواهد داد و اغلب واحدها به عنوان واحدهای کارا معرفی می‌شوند. چارنز و کوپر در مقاله خود حداقل تعداد واحدهای تصمیم‌گیرنده را سه برابر تعداد مجموع پارامترهای ورودی و خروجی بیان داشته‌اند [9]. لذا از میان کل نمونه‌های بدست آمده و با توجه به مجموع تعداد خروجی و ورودی‌ها تعداد ۱۰۰ نمونه از میان ۳۸۶ نمونه‌ای که از روش کوکران بدست آمده با در نظر داشتن پارامترهایی از جمله، تعداد طبقات بین ۴ تا ۶، تعداد واحد بین ۶ تا ۱۰ و همچنین سال ساخت که بین سالهای ۱۳۹۰ تا ۱۳۹۸ بود، در نظر گرفته شد.

۴- یافته‌های پژوهش

کلید محاسبات مربوط به تحلیل پوششی داده‌ها توسط نرم افزار *DEA Solver* انجام شد. نحوه انجام محاسبات به این ترتیب بود که نتایج در سه کاربرد «*Efficiency*»، «*Slack*» و «*Target*» ایجاد شدند. در کاربرد «*Efficiency*» خروجی‌ها تعیین شد. سپس واحدهای تصمیم‌گیرنده‌ها و کارآیی هر ساختمان محاسبه شده و ساختمان‌هایی که کارا بودند کارایی آنها برابر ۱ در نظر گرفته شد و برای ساختمان‌های ناکارا، عدد کارایی آنها کمتر از ۱ محاسبه شد. سپس مقادیر بهینه لامبدا گزارش شد که به کمک مقدار بهینه لامبدا مشخص گردید که برای واحدهای ناکارا چه مجموعه‌های مرجعی را می‌توانیم به عنوان الگو معرفی کنیم تا واحدهای ناکارا با الگو گرفتن از این واحدها تبدیل به واحد کارا شوند. *Slack*ها در مدل‌های تحلیل پوششی داده‌ها متغیرهای کمکی بوده که میزان مازاد در متغیرهای ورودی و میزان کمبود در متغیرهای خروجی واحدهای ناکارا را نشان می‌داد که این *Slack*ها در یک رابطه ریاضی قرار گرفتند و از طریق این رابطه مقدار بهینه ورودی‌ها و خروجی‌های ناکارا بدست آمد. برای اینکه نیاز نباشد محاسبات مقادیر بهینه متغیرها برای واحدهای ناکارا به صورت دستی توسط *slack*ها انجام گیرید نرم افزار در کاربرد «*Target*» مقدار بهینه ورودی‌ها و خروجی‌های ناکارا را بطور خودکار محاسبه و گزارش نمود. لذا داده‌های ورودی و خروجی ساختمان‌ها به کمک مدل خروجی نامطلوب مورد تحلیل قرار گرفتند و از این طریق ساختمان‌ها رتبه بندی شدند که نتایج حاصل در جدول (۲) نشان داده شده است. همانطور که مشاهده می‌شود ۲۰ ساختمان کارا (مقدار کارایی برابر با یک) و ۸۰ ساختمان ناکارا (مقدار کارایی کمتر از یک) بوده است.

جدول ۲: محاسبه کارایی ساختمان‌ها

ردیف	DMU	کارایی	رتبه بندی	نتیجه	ردیف	DMU	کارایی	رتبه بندی	نتیجه
۱	v21	۱	۱	کارا	۵۱	v56	۰.۵۶۷۴۱۲	۳۲	ناکارا
۲	v49	۱	۱	کارا	۵۲	v116	۰.۵۶۱۹۳۴	۳۳	ناکارا
۳	v79	۱	۱	کارا	۵۳	v264	۰.۵۵۲۷۷۶	۳۴	ناکارا
۴	v80	۱	۱	کارا	۵۴	v378	۰.۵۴۶۱۳۱	۳۵	ناکارا
۵	v81	۱	۱	کارا	۵۵	v338	۰.۵۳۲۸۳۸	۳۶	ناکارا
۶	v93	۱	۱	کارا	۵۶	v105	۰.۵۲۸۹۹۱	۳۷	ناکارا
۷	v98	۱	۱	کارا	۵۷	v308	۰.۵۲۲۴۱۹	۳۸	ناکارا
۸	v99	۱	۱	کارا	۵۸	v212	۰.۵۱۳۸۸۷	۳۹	ناکارا
۹	v100	۱	۱	کارا	۵۹	v283	۰.۵۱۲۰۳۸	۴۰	ناکارا
۱۰	v104	۱	۱	کارا	۶۰	v237	۰.۴۹۹۱۳۵	۴۱	ناکارا
۱۱	v106	۱	۱	کارا	۶۱	v109	۰.۴۹۸۶۸۳	۴۲	ناکارا
۱۲	v108	۱	۱	کارا	۶۲	v71	۰.۴۸۹۳۷۹	۴۳	ناکارا
۱۳	v110	۱	۱	کارا	۶۳	v325	۰.۴۸۶۳۹۶	۴۴	ناکارا
۱۴	v112	۱	۱	کارا	۶۴	v90	۰.۴۸۱۳۰۶	۴۵	ناکارا
۱۵	v113	۱	۱	کارا	۶۵	v3	۰.۴۸۱۲۷۸	۴۶	ناکارا
۱۶	v278	۱	۱	کارا	۶۶	v59	۰.۴۸۰۷۲۲	۴۷	ناکارا
۱۷	v282	۱	۱	کارا	۶۷	v103	۰.۴۷۹۴۳	۴۸	ناکارا
۱۸	v289	۱	۱	کارا	۶۸	v139	۰.۴۷۵۲۴۹	۴۹	ناکارا
۱۹	v342	۱	۱	کارا	۶۹	v2	۰.۴۶۹۳۸۵	۵۰	ناکارا
۲۰	v377	۱	۱	کارا	۷۰	v208	۰.۴۶۵۷۷۴	۵۱	ناکارا
۲۱	v7	۰.۹۹۹۸۸۸	۲	ناکارا	۷۱	v78	۰.۴۵۳۷۶۳	۵۲	ناکارا
۲۲	v356	۰.۹۹۹۸۶۸	۳	ناکارا	۷۲	v206	۰.۴۴۷۸۱۳	۵۳	ناکارا
۲۳	v52	۰.۹۹۹۸۰۸	۴	ناکارا	۷۳	v332	۰.۴۴۰۳۹۷	۵۴	ناکارا
۲۴	v20	۰.۸۳۳۹۳۱	۵	ناکارا	۷۴	v328	۰.۴۳۵۱۲۱	۵۵	ناکارا
۲۵	v35	۰.۸۰۵۰۳	۶	ناکارا	۷۵	v14	۰.۴۳۲۴۸۷	۵۶	ناکارا
۲۶	v288	۰.۷۸۸۱۸۷	۷	ناکارا	۷۶	v84	۰.۴۲۷۱۷۶	۵۷	ناکارا
۲۷	v77	۰.۷۸۶۸۱۵	۸	ناکارا	۷۷	v97	۰.۴۰۶۷۲۳	۵۸	ناکارا
۲۸	v24	۰.۷۷۶۱۲۷	۹	ناکارا	۷۸	v267	۰.۴۰۳۷۹۱	۵۹	ناکارا
۲۹	v5	۰.۷۵۴۷۰۸	۱۰	ناکارا	۷۹	v4	۰.۴۰۱۶۸۷	۶۰	ناکارا
۳۰	v43	۰.۷۵۲۹۹۲	۱۱	ناکارا	۸۰	v163	۰.۳۸۹۳۳۶	۶۱	ناکارا
۳۱	v219	۰.۷۴۲۱۰۲	۱۲	ناکارا	۸۱	v75	۰.۳۸۳۵۶۳	۶۲	ناکارا
۳۲	v359	۰.۷۱۷۱۰۳	۱۳	ناکارا	۸۲	v353	۰.۳۷۹۴۹۵	۶۳	ناکارا
۳۳	v306	۰.۷۱۳۴۳	۱۴	ناکارا	۸۳	v19	۰.۳۷۹۲۱۴	۶۴	ناکارا
۳۴	v41	۰.۷۰۴۳۰۵	۱۵	ناکارا	۸۴	v62	۰.۳۷۵۹۵۶	۶۵	ناکارا
۳۵	v102	۰.۶۸۸۷۴۵	۱۶	ناکارا	۸۵	v95	۰.۳۶۵۵۰۲	۶۶	ناکارا
۳۶	v74	۰.۶۸۶۱۲۹	۱۷	ناکارا	۸۶	v259	۰.۳۴۸۵۱۲	۶۷	ناکارا
۳۷	v107	۰.۶۸۴۵۳۳	۱۸	ناکارا	۸۷	v58	۰.۳۴۲۹۵۸	۶۸	ناکارا
۳۸	v87	۰.۶۷۳۰۵۹	۱۹	ناکارا	۸۸	v46	۰.۳۴۲۱۹۹	۶۹	ناکارا
۳۹	v111	۰.۶۵۲۵۳۳	۲۰	ناکارا	۸۹	v129	۰.۳۳۷۵۲۸	۷۰	ناکارا
۴۰	v280	۰.۶۴۳۸۵۸	۲۱	ناکارا	۹۰	v147	۰.۳۳۶۳۷۲	۷۱	ناکارا
۴۱	v309	۰.۶۳۱۹۹۴	۲۲	ناکارا	۹۱	v314	۰.۳۳۲۳۳۵	۷۲	ناکارا
۴۲	v311	۰.۶۲۵۴۴۱	۲۳	ناکارا	۹۲	v18	۰.۳۲۹۳۲۹	۷۳	ناکارا
۴۳	v125	۰.۶۲۳۰۵۱	۲۴	ناکارا	۹۳	v11	۰.۳۱۸۴۸۵	۷۴	ناکارا

۴۴	v44	۰.۶۱۹۱۸۹	۲۵	ناکارا	۹۴	v73	۰.۳۱۴۳۶	۷۵	ناکارا
۴۵	v320	۰.۶۰۶۳۶۹	۲۶	ناکارا	۹۵	v53	۰.۳۰۳۴۳۶	۷۶	ناکارا
۴۶	v301	۰.۵۹۸۴۷۵	۲۷	ناکارا	۹۶	v22	۰.۲۹۸۷۹۷	۷۷	ناکارا
۴۷	v286	۰.۵۹۷۰۶۳	۲۸	ناکارا	۹۷	v55	۰.۲۹۵۷۱۶	۷۸	ناکارا
۴۸	v349	۰.۵۹۵۸۵۲	۲۹	ناکارا	۹۸	v250	۰.۲۹۴۳۷۵	۷۹	ناکارا
۴۹	v370	۰.۵۸۴۳۷۲	۳۰	ناکارا	۹۹	v134	۰.۲۵۶۵۶۶	۸۰	ناکارا
۵۰	v303	۰.۵۸۰۲۰۲	۳۱	ناکارا	۱۰۰	v300	۰.۲۵۴۹۷۶	۸۱	ناکارا

مشخصات ساختمان‌های کارا شامل تعداد واحد، تعداد طبقات و سال ساخت، در جدول شماره ۳ نشان داده شده است.

جدول ۳: مشخصات ساختمان‌های کارا

ردیف	DMU	تعداد واحد	تعداد طبقات	سال ساخت	ردیف	DMU	تعداد واحد	تعداد طبقات	سال ساخت
۱	v21	۸	۵	۱۳۹۲	۱۱	v106	۶	۴	۱۳۹۲
۲	v49	۸	۴	۱۳۹۳	۱۲	v108	۶	۴	۱۳۹۵
۳	v79	۸	۵	۱۳۹۸	۱۳	v110	۶	۴	۱۳۹۸
۴	v80	۸	۵	۱۳۹۴	۱۴	v112	۵	۶	۱۳۹۷
۵	v81	۴	۵	۱۳۹۰	۱۵	v113	۶	۴	۱۳۹۷
۶	v93	۱۰	۵	۱۳۹۵	۱۶	v278	۱۲	۵	۱۳۹۵
۷	v98	۸	۶	۱۳۹۴	۱۷	v282	۸	۵	۱۳۹۰
۸	v99	۶	۴	۱۳۹۷	۱۸	v289	۱۲	۵	۱۳۹۲
۹	v100	۸	۴	۱۳۹۳	۱۹	v342	۸	۵	۱۳۹۰
۱۰	v104	۵	۶	۱۳۹۳	۲۰	v377	۸	۶	۱۳۹۵

۴-۱- مجموعه مرجع و نحوه تشکیل واحد مجازی

در روش تحلیل پوششی داده‌ها برای هر یک از واحدهای ناکارا یک واحد کارا یا ترکیبی محدب از دو یا چند واحد کارا تحت عنوان مجموعه مرجع و الگو معرفی گردید. از آنجایی که این واحد مرکب (ترکیب دو یا چند واحد کارا) ضرورتاً در دنیای بیرون وجود نخواهد داشت به عنوان یک واحد مجازی کارا شناخته شد. مجموعه مرجع برای یک واحد ناکارا می‌تواند یک واحد واقعی یا در حالت کلی یک واحد مجازی باشد.

واحد مجازی، ترکیبی محدب از دو یا چند واحد کارا می‌باشد. به عبارت دیگر واحد مجازی ترکیب خطی مجموعه مرجع یک DMU ناکارا می‌باشد. اندرسون معتقد است که قالب تحلیل پوششی داده‌ها در یافتن بهترین تولیدکننده مجازی برای هر یک از تولیدکنندگان واقعی است [28]. برای انجام این کار روش تحلیل پوششی داده‌ها با استفاده از ترکیب محدب دو یا چند واحد کارا یک واحد مجازی می‌سازد و واحد تحت بررسی را با آن مقایسه می‌نماید. اگر واحد مجازی با استفاده از همان میزان ورودی‌های واحد تحت بررسی توانست مقدار خروجی بیشتری ایجاد نماید و یا با استفاده از ورودی‌های کمتر توانست همان مقدار خروجی واحد تحت بررسی را ایجاد نماید، آنگاه واحد تحت بررسی واحدی ناکارا می‌باشد و برعکس واحد تحت بررسی کارا است اگر شرایط فوق برقرار نباشد.

۴-۲- تعیین مجموعه مرجع برای ساختمانهای ناکارا

در تحلیل پوششی داده‌ها، در زمان محاسبه کارایی واحدها، برای هر یک از واحدهای ناکارا تعدادی از واحدهای کارا به عنوان مرجع معرفی شدند تا برای کارا شدن واحدهای ناکارا نقش الگو را داشته باشند و برای هر کدام از واحدهای الگو، ضریبی برای مشخص کردن میزان تاثیر گذاری آنها تعیین گردید. بنابراین مراجع واحدهای ناکارا از میان مجموعه واحدهای کارا انتخاب شدند. در حالت ثانویه مقادیر λ برای همه واحدها محاسبه گردید. واحدهایی که مقدار λ غیر صفر داشتند به عنوان واحد مرجع برای واحدهای ناکارا انتخاب

شدند، هر چه مقدار λ بیشتر باشد نقش آن مرجع به عنوان الگو برای واحد ناکارا بیشتر می باشد. واحدهای مرجع برای ساختمان های ناکارا در جدول ۴ بیان شده اند.

جدول ۴: واحدهای مرجع برای ساختمان های ناکارا

واحدهای ناکارا	کارایی	واحدهای مرجع (ضریب لامبدا)			
v2	۰,۴۶۹۳۸۵	(۱)v80			
v3	۰,۴۸۱۲۷۸	(۱)v80			
v4	۰,۴۰۱۶۸۷	(۱)v93			
v5	۰,۷۵۴۷۰۸	(۱)v80			
v7	۰,۹۹۹۸۸۸	(۱)v7	(۰,۰۰۰۱۱)v49	(۰,۰۰۰۱۱)v80	
v11	۰,۳۱۸۴۸۵	(۱)v93			
v14	۰,۴۳۲۴۸۷	(۱)v80			
v18	۰,۳۲۹۳۲۹	(۱)v93			
v19	۰,۳۷۹۲۱۴	(۱)v93			
v20	۰,۸۳۳۹۳۱	(۰,۶۷)v93	(۰,۳۳)v289		
v22	۰,۲۹۸۷۹۷	(۱)v93			
v24	۰,۷۷۶۱۲۷	(۰,۳۱)v80	(۰,۳۸)v93	(۰,۳۱)v289	
v35	۰,۸۰۵۰۳	(۰,۱۷)v80	(۰,۳۳)v93	(۰,۱۲)v106	(۰,۳۸)v342
v41	۰,۷۰۴۳۰۵	(۰,۰۵)v49	(۰,۰۵)v80	(۰,۳۱)v93	(۰,۱۴)v342
v43	۰,۷۵۲۹۹۲	(۰,۲۹)v80	(۰,۲۱)v93	(۰,۲۷)v106	(۰,۲۱)v289 (۰,۰۳)v342
v44	۰,۶۱۹۱۸۹	(۱)v106			
v46	۰,۳۴۲۱۹۹	(۱)v80			
v52	۰,۹۹۹۸۰۸	(۱)v52	(۰)v278	(۰,۰۰۰۲۳)v342	
v53	۰,۳۰۳۴۲۶	(۱)v93			
v55	۰,۲۹۵۷۱۶	(۱)v93			
v56	۰,۵۶۷۴۱۲	(۰,۲۵)v106	(۰,۷۵)v342		
v58	۰,۳۴۲۹۵۸	(۱)v80			
v59	۰,۴۸۰۷۲۲	(۰,۳)v80	(۰,۷)v93		
v62	۰,۳۷۵۹۵۶	(۱)v93			
v71	۰,۴۸۹۳۷۹	(۱)v80			
v73	۰,۳۱۴۳۶	(۱)v93			
v74	۰,۶۸۶۱۲۹	(۰,۵)v80	(۰,۵)v342		
v75	۰,۳۸۳۵۶۳	(۱)v80			
v77	۰,۷۸۶۸۱۵	(۰,۲۶)v80	(۰,۲۱)v93	(۰,۵۳)v106	
v78	۰,۴۵۳۷۶۳	(۱)v80			
v84	۰,۴۲۷۱۷۶	(۱)v93			
v87	۰,۶۷۳۰۵۹	(۱)v80			
v90	۰,۴۸۱۳۰۶	(۱)v80			
v95	۰,۳۶۵۵۰۲	(۱)v80			
v97	۰,۴۰۶۷۲۳	(۰,۸)v79	(۰,۲)v80		
v102	۰,۶۸۸۷۴۵	(۰,۷۵)v79	(۰,۱۳)v80	(۰,۱۲)v106	
v103	۰,۴۷۹۴۳	(۱)v80			
v105	۰,۵۲۸۹۹۱	(۱)v80			
v107	۰,۶۸۴۵۳۳	(۰,۸۹)v80	(۰,۱۱)v342		
v109	۰,۴۹۸۶۸۳	(۱)v79			

v111	۰.۶۵۲۵۳۳	(۱)v80		
v116	۰.۵۶۱۹۳۴	(۱)v80		
v125	۰.۶۲۳۰۵۱	(۱)v342		
v129	۰.۳۳۷۵۲۸	(۱)v80		
v134	۰.۲۵۶۵۶۶	(۱)v93		
v139	۰.۴۷۵۲۴۹	(۱)v80		
v147	۰.۳۳۶۳۷۲	(۱)v80		
v163	۰.۳۸۹۳۲۶	(۱)v80		
v206	۰.۴۴۷۸۱۳	(۱)v93		
v208	۰.۴۶۵۷۷۴	(۰.۷۱)v93	(۰.۲۹)v342	
v212	۰.۵۱۳۸۸۷	(۰.۲۵)v106	(۰.۷۵)v342	
v219	۰.۷۴۲۱۰۲	(۰.۵۷)v80	(۰.۳۹)v93	(۰.۰۴)v278
v237	۰.۴۹۹۱۳۵	(۱)v93		
v250	۰.۲۹۴۲۷۵	(۱)v93		
v259	۰.۳۴۸۵۱۲	(۱)v80		
v264	۰.۵۵۲۷۷۶	(۱)v93		
v267	۰.۴۰۳۷۹۱	(۱)v80		
v280	۰.۶۴۳۸۵۸	(۰.۶۶)v80	(۰.۳)v93	(۰.۰۴)v342
v283	۰.۵۱۲۰۳۸	(۱)v93		
v286	۰.۵۹۷۰۶۳	(۰.۵)v93	(۰.۵)v342	
v288	۰.۷۸۸۱۸۷	(۰.۸۹)v79	(۰.۰۵)v80	(۰.۰۵)v342
v300	۰.۲۵۴۹۷۶	(۱)v93		
v301	۰.۵۹۸۴۷۵	(۰.۷۱)v93	(۰.۲۹)v342	
v303	۰.۵۸۰۲۰۲	(۰.۳۱)v80	(۰.۶)v93	(۰.۰۹)v342
v306	۰.۷۱۳۴۳	(۱)v93		
v308	۰.۵۲۲۴۱۹	(۱)v93		
v309	۰.۶۳۱۹۹۴	(۰.۵۷)v93	(۰.۴۳)v342	
v311	۰.۶۲۵۴۴۱	(۱)v342		
v314	۰.۳۳۲۳۳۵	(۱)v93		
v320	۰.۶۰۶۲۶۹	(۱)v93		
v325	۰.۴۸۶۳۹۶	(۱)v93		
v328	۰.۴۳۵۱۲۱	(۰.۳)v80	(۰.۷)v93	
v332	۰.۴۴۰۳۹۷	(۱)v342		
v338	۰.۵۳۲۸۳۸	(۰.۲)v93	(۰.۸)v342	
v349	۰.۵۹۵۸۵۲	(۰.۵۹)v93	(۰.۱۶)v289	(۰.۲۴)v342
v353	۰.۳۷۹۴۹۵	(۱)v93		
v356	۰.۹۹۹۸۶۸	(۰.۰۰۰۴۹)v80	(۰.۰۰۰۱۹)v278	(۱)v356
v359	۰.۷۱۷۱۰۳	(۰.۵)v80	(۰.۵)v93	
v370	۰.۵۸۴۳۷۲	(۰.۶)v80	(۰.۴)v93	
v378	۰.۵۴۶۱۳۱	(۱)v80		

در جدول ۴ واحد های مرجع یا الگو برای ساختمان های ناکارا مشخص شده است. برای مثال واحدهای مرجع (E) ساختمان V370 از حل مسئله ثانویه مدل LP بدست می آید:

$$\varphi^* = 0.584, \quad \lambda_{v80}^* = 0.6, \quad \lambda_{v93}^* = 0.4$$

با توجه به اینکه در جواب بهینه مسئله مقادیر $\lambda_{V93}^* > 0$ ، $\lambda_{V80}^* > 0$ همگی بزرگتر از صفر بودند، بنابراین واحدهای مذکور به عنوان واحدهای مرجع ساختمان V370 در نظر گرفته شد.

$$E_{V370} = \{DMU_{V80}, DMU_{V93}\}$$

هر چه مقدار ضریب λ^* واحد مرجع بیشتر باشد نقش آن ساختمان به عنوان الگو بیشتر می باشد. برای مثال ساختمان V80 سهم بیشتری در الگوی ساختمان V370 دارد. برای سایر ساختمان‌های ناکارا به همین ترتیب واحدهای مرجع مشخص شده است. در جدول ۵ مقادیر مازاد (slack ها) برای هر یک از خروجی‌های نامطلوب ساختمان‌های ناکارا محاسبه شده است به عبارت دیگر چنانچه مقادیر مازاد (slack ها) را از خروجی‌های نامطلوب واحدهای ناکارا کم کنیم مقدار بهینه خروجی‌های نامطلوب واحدهای ناکارا بدست می‌آید. در جدول ۵ مشخص گردید که هر ساختمان ناکارا در خروجی نامطلوب خود چه مقدار مازاد دارد و چنانچه این مازادها را کاهش دهد تبدیل به ساختمان کارا می‌شود.

جدول ۵: مقادیر مازاد خروجی‌های نامطلوب برای ساختمان‌های ناکارا

ردیف	واحدهای ناکارا	کارایی	هزینه شارژ و تعمیر و نگهداری		ردیف	واحدهای ناکارا	کارایی	مقدار مازاد (S+)
			مقدار مازاد (S+)	مقدار مازاد (S+)				
۱	v2	۰,۴۶۹۳۸۵	۴۱	۴۴,۴۰۰,۶۱۶	۴۱	v111	۰,۶۵۲۵۳۳	۲۸,۴۰۰,۶۱۶
۲	v3	۰,۴۸۱۲۷۸	۴۲	۱۸,۴۰۰,۶۱۶	۴۲	v116	۰,۵۶۱۹۳۴	۱۳۶,۳۹۹,۸۱۰
۳	v4	۰,۴۰۱۶۸۷	۴۳	۱۱۶,۰۰۰,۸۴۰	۴۳	v125	۰,۶۲۳۰۵۱	۲۲,۲۰۱,۰۱۰
۴	v5	۰,۷۵۴۷۰۸	۴۴	۱۱۴,۳۹۹,۸۱۰	۴۴	v129	۰,۳۳۷۵۲۸	۴۶,۴۰۰,۶۱۶
۵	v7	۰,۹۹۹۸۸۸	۴۵	-	۴۵	v134	۰,۲۵۶۵۶۶	۱۶۰,۰۰۰,۸۴۰
۶	v11	۰,۳۱۸۴۸۵	۴۶	۷۶,۰۰۰,۸۴۰	۴۶	v139	۰,۴۷۵۲۴۹	۵۴,۴۰۰,۶۱۶
۷	v14	۰,۴۳۲۴۸۷	۴۷	۸۴,۴۰۰,۶۱۶	۴۷	v147	۰,۳۳۶۳۷۲	۶۵,۴۰۰,۶۱۶
۸	v18	۰,۳۲۹۳۲۹	۴۸	۱۹۶,۰۰۰,۸۴۰	۴۸	v163	۰,۳۸۹۳۳۶	۷۸,۴۰۰,۶۱۶
۹	v19	۰,۳۷۹۲۱۴	۴۹	۴۶,۰۰۰,۸۴۰	۴۹	v206	۰,۴۴۷۸۱۳	۱۰۴,۴۰۰,۸۴۰
۱۰	v20	۰,۸۳۳۹۳۱	۵۰	۴۸۱۳,۵۱۲	۵۰	v208	۰,۴۶۵۷۷۴	۳۶۶,۱۴۴,۱۱۰
۱۱	v22	۰,۲۹۸۷۹۷	۵۱	۱۶۶,۰۰۰,۸۴۰	۵۱	v212	۰,۵۱۳۸۸۷	۱۶۳,۸۰۰,۹۳۸
۱۲	v24	۰,۷۷۶۱۲۷	۵۲	۵۱,۴۳۷,۶۳۳	۵۲	v219	۰,۷۴۲۱۰۲	۶۴,۵۲۱,۰۶۹
۱۳	v35	۰,۸۰۵۰۳	۵۳	۳۳,۶۳۶,۷۷۵	۵۳	v237	۰,۴۹۹۱۳۵	۷۷,۰۰۰,۸۴۰
۱۴	v41	۰,۷۰۴۳۰۵	۵۴	۱۵۵,۹۹۳,۷۲۱	۵۴	v250	۰,۲۹۴۲۷۵	۱۷۲,۸۰۰,۸۴۰
۱۵	v43	۰,۷۵۲۹۹۲	۵۵	۱۳۷,۲۸۳,۵۰۲	۵۵	v259	۰,۳۴۸۵۱۲	۳۵,۲۰۰,۶۱۶
۱۶	v44	۰,۶۱۹۱۸۹	۵۶	۱۶,۲۰۱,۳۴۰	۵۶	v264	۰,۵۵۲۷۷۶	۱۴۶,۰۰۰,۸۴۰
۱۷	v46	۰,۳۴۲۱۹۹	۵۷	۶۶,۴۰۰,۶۱۶	۵۷	v267	۰,۴۰۳۷۹۱	۷۶,۴۰۰,۶۱۶
۱۸	v52	۰,۹۹۹۸۰۸	۵۸	۷۳,۹۱۱	۵۸	v280	۰,۶۴۳۸۵۸	۱۱۷,۹۲۹,۸۴۵
۱۹	v53	۰,۳۰۳۴۲۶	۵۹	۱۰۶,۰۰۰,۸۴۰	۵۹	v283	۰,۵۱۲۰۳۸	۲۱۴,۰۰۰,۸۴۰
۲۰	v55	۰,۲۹۵۷۱۶	۶۰	۱۶۰,۰۰۰,۸۴۰	۶۰	v286	۰,۵۹۷۰۶۳	۱۳۸,۷۰۱,۶۲۲
۲۱	v56	۰,۵۶۷۴۱۲	۶۱	۵۱,۸۰۰,۹۳۸	۶۱	v288	۰,۷۸۸۱۸۷	۶,۱۹۱,۲۴۳
۲۲	v58	۰,۳۴۲۹۵۸	۶۲	۸,۴۰۰,۶۱۶	۶۲	v300	۰,۲۵۴۹۷۶	۸۳,۲۰۰,۸۴۰
۲۳	v59	۰,۴۸۰۷۲۲	۶۳	۱۱۷,۷۱۹,۸۱۰	۶۳	v301	۰,۵۹۸۴۷۵	۸۵,۱۴۴,۱۱۰
۲۴	v62	۰,۳۷۵۹۵۶	۶۴	۶۹,۰۰۰,۸۴۰	۶۴	v303	۰,۵۸۰۲۰۲	۲۰۱,۴۵۸,۷۳۴
۲۵	v71	۰,۴۸۹۳۷۹	۶۵	۴۴,۴۰۰,۶۱۶	۶۵	v306	۰,۷۱۳۴۳	۱۰,۰۰۰,۲,۷۴۴
۲۶	v73	۰,۳۱۴۳۶	۶۶	۸۵,۵۰۰,۸۴۰	۶۶	v308	۰,۵۲۲۴۱۹	۲۱۲,۰۰۰,۸۴۰
۲۷	v74	۰,۶۸۶۱۲۹	۶۷	۵۶,۷۰۱,۴۰۴	۶۷	v309	۰,۶۳۱۹۹۴	۶۴,۷۱۵,۵۳۹
۲۸	v75	۰,۳۸۲۵۶۳	۶۸	۱۴,۴۰۰,۶۱۶	۶۸	v311	۰,۶۲۵۴۴۱	۵۷,۰۰۱,۰۱۰
۲۹	v77	۰,۷۸۶۸۱۵	۶۹	۱۸,۶۲۵,۳۳۷	۶۹	v314	۰,۳۳۲۳۳۵	۲۰۸,۰۰۰,۸۴۰
۳۰	v78	۰,۴۵۳۷۶۳	۷۰	۳۰,۴۰۰,۶۱۶	۷۰	v320	۰,۶۰۶۲۶۹	۸۰,۰۰۰,۸۴۰

۱۱۰.۰۰۰.۸۴۰	۰.۴۸۶۳۹۶	v325	۷۱	۱۷۲.۰۰۰.۸۴۰	۰.۴۲۷۱۷۶	v84	۳۱
۱۴۸.۷۱۹.۸۱۰	۰.۴۳۵۱۲۱	v328	۷۲	۴۸.۰۰۰.۶۱۶	۰.۶۷۳۰۵۹	v87	۳۲
۳۰۷.۰۰۱.۰۱۰	۰.۴۴۰۳۹۷	v332	۷۳	۴۹.۴۰۰.۶۱۶	۰.۴۸۱۳۰۶	v90	۳۳
۲۲۵.۲۰۱.۶۲۲	۰.۵۳۲۸۳۸	v338	۷۴	۵۲.۴۰۰.۶۱۶	۰.۳۶۵۵۰۲	v95	۳۴
۸۰.۵۰۲.۶۲۸	۰.۵۹۵۸۵۲	v349	۷۵	-	۰.۴۰۶۷۲۳	v97	۳۵
۱۱۶.۰۰۰.۸۴۰	۰.۳۷۹۴۹۵	v353	۷۶	۱۷.۱۲۶.۷۷۹	۰.۶۸۸۷۴۵	v102	۳۶
۱۷.۲۹۸	۰.۹۹۹۸۶۸	v356	۷۷	۲.۴۰۰.۶۱۶	۰.۴۷۹۴۳	v103	۳۷
۱۵.۲۰۲.۷۴۴	۰.۷۱۷۱۰۳	v359	۷۸	۳۳.۲۰۰.۶۱۶	۰.۵۲۸۹۹۱	v105	۳۸
۱۹۱.۴۳۹.۸۱۰	۰.۵۸۴۳۷۲	v370	۷۹	۴.۸۲۳.۶۷۰	۰.۶۸۴۵۳۳	v107	۳۹
۷۴.۴۰۰.۶۱۶	۰.۵۴۶۱۳۱	v378	۸۰	۳۵.۴۰۰.۳۳۶	۰.۴۹۸۶۸۳	v109	۴۰

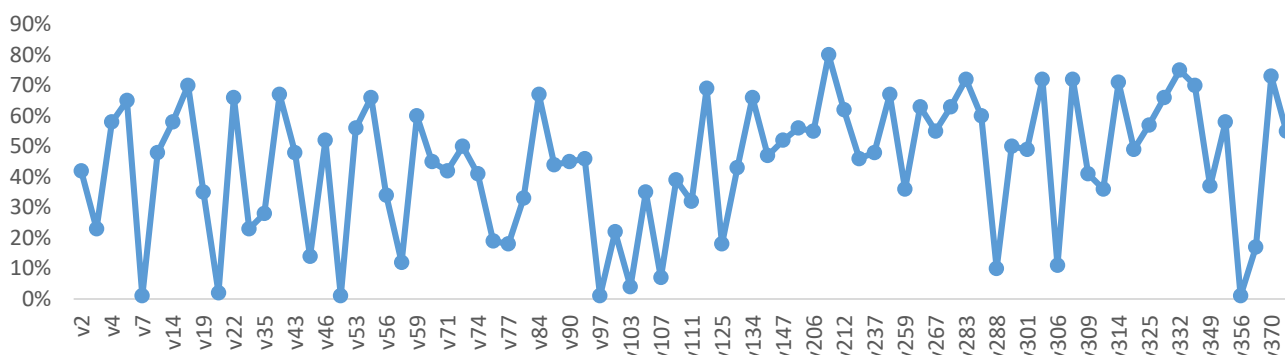
بر اساس جدول ۵، مقدار بهینه خروجی‌های نامطلوب ساختمان‌های ناکارا محاسبه گردید و نتایج حاصل جهت ارائه پیشنهاد بهبود در جدول ۶ آورده شده است.

جدول ۶: مقدار بهینه خروجی‌های نامطلوب برای ساختمان‌های ناکارا

مقدار بهینه	درصد کاهش	کارایی	ساختمان های ناکارا	شماره	هزینه شارژ و تعمیر و نگهداری		کارایی	ساختمان های ناکارا	شماره
					مقدار بهینه	درصد کاهش			
۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۳۲	۰.۶۵۲۵۳۳	v111	۴۱	۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۴۲	۰.۴۶۹۳۸۵	v2	۱
۶۱۶۰۰۱۹۰	٪۶۹	۰.۵۶۱۹۳۴	v116	۴۲	۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۲۳	۰.۴۸۱۲۷۸	v3	۲
۱۰۰۹۹۸۹۹۰	٪۱۸	۰.۶۲۳۰۵۱	v125	۴۳	۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۵۸	۰.۴۰۱۶۸۷	v4	۳
۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۴۳	۰.۳۳۷۵۲۸	v129	۴۴	۶۱۶۰۰۱۹۰	٪۶۵	۰.۷۵۴۷۰۸	v5	۴
۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۶۶	۰.۲۵۶۵۶۶	v134	۴۵	۱۰۶۰۰۰۰۰	٪۱	۰.۹۹۹۸۸۸	v7	۵
۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۴۷	۰.۴۷۵۲۴۹	v139	۴۶	۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۴۸	۰.۳۱۸۴۸۵	v11	۶
۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۵۲	۰.۳۳۶۳۷۲	v147	۴۷	۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۵۸	۰.۴۳۲۴۸۷	v14	۷
۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۵۶	۰.۳۸۹۳۲۶	v163	۴۸	۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۷۰	۰.۳۲۹۳۲۹	v18	۸
۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۵۵	۰.۴۴۷۸۱۳	v206	۴۹	۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۳۵	۰.۳۷۹۳۱۴	v19	۹
۸۸۸۵۵۸۹۰	٪۸۰	۰.۴۶۵۷۷۴	v208	۵۰	۱۸۹۵۸۶۴۸۸	٪۲	۰.۸۳۳۹۳۱	v20	۱۰
۱۰۰۱۹۹۰۶۲	٪۶۲	۰.۵۱۳۸۸۷	v212	۵۱	۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۶۶	۰.۲۹۸۷۹۷	v22	۱۱
۷۵۴۷۸۹۳۱	٪۴۶	۰.۷۴۲۱۰۲	v219	۵۲	۱۷۴۵۶۲۳۶۷	٪۲۳	۰.۷۷۶۱۲۷	v24	۱۲
۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۴۸	۰.۴۹۹۱۳۵	v237	۵۳	۸۸۳۶۲۲۲۵	٪۲۸	۰.۸۰۵۰۳	v35	۱۳
۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۶۷	۰.۲۹۴۲۷۵	v250	۵۴	۷۸۰۰۶۲۷۹	٪۶۷	۰.۷۰۴۳۰۵	v41	۱۴
۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۳۶	۰.۳۴۸۵۱۲	v259	۵۵	۱۴۶۷۱۶۴۹۸	٪۴۸	۰.۷۵۲۹۹۲	v43	۱۵
۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۶۳	۰.۵۵۲۷۷۶	v264	۵۶	۹۷۷۹۸۶۰	٪۱۴	۰.۶۱۹۱۸۹	v44	۱۶
۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۵۵	۰.۴۰۳۷۹۱	v267	۵۷	۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۵۲	۰.۳۴۲۱۹۹	v46	۱۷
۷۰۰۷۰۱۵۵	٪۶۳	۰.۶۴۳۸۵۸	v280	۵۸	۳۱۶۹۲۶۰۸۹	٪۱	۰.۹۹۹۸۰۸	v52	۱۸
۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۷۲	۰.۵۱۲۰۳۸	v283	۵۹	۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۵۶	۰.۳۰۳۴۲۶	v53	۱۹
۹۲۴۹۸۳۷۸	٪۶۰	۰.۵۹۷۰۶۳	v286	۶۰	۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۶۶	۰.۲۹۵۷۱۶	v55	۲۰
۵۷۴۰۸۷۵۷	٪۱۰	۰.۷۸۸۱۸۷	v288	۶۱	۱۰۰۱۹۹۰۶۲	٪۳۴	۰.۵۶۷۴۱۲	v56	۲۱
۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۵۰	۰.۲۵۴۹۷۶	v300	۶۲	۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۱۲	۰.۳۴۲۹۵۸	v58	۲۲
۸۸۸۵۵۸۹۰	٪۴۹	۰.۵۹۸۴۷۵	v301	۶۳	۷۷۲۸۰۱۹۰	٪۶۰	۰.۴۸۰۷۲۲	v59	۲۳
۷۸۵۴۱۲۶۶	٪۷۲	۰.۵۸۰۲۰۲	v303	۶۴	۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۴۵	۰.۳۷۵۹۵۶	v62	۲۴
۸۳۹۹۷۲۵۶	٪۱۱	۰.۷۱۳۴۳	v306	۶۵	۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۴۲	۰.۴۸۹۳۷۹	v71	۲۵
۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۷۲	۰.۵۲۲۴۱۹	v308	۶۶	۸۳۹۹۹۱۶۰	٪۵۰	۰.۳۱۴۳۶	v73	۲۶
۹۱۲۸۴۴۶۱	٪۴۱	۰.۶۳۱۹۹۴	v309	۶۷	۸۱۲۹۸۵۹۶	٪۴۱	۰.۶۸۶۱۲۹	v74	۲۷
۱۰۰۹۹۸۹۹۰	٪۳۶	۰.۶۲۵۴۴۱	v311	۶۸	۶۱۵۹۹۳۸۴	٪۱۹	۰.۳۸۳۵۶۳	v75	۲۸

۸۳۹۹۹۱۶۰	%۷۱	۰,۳۳۲۳۳۵	v314	۶۹	۸۵۳۷۴۶۶۳	%۱۸	۰,۷۸۶۸۱۵	v77	۲۹
۸۳۹۹۹۱۶۰	%۴۹	۰,۶۰۶۲۶۹	v320	۷۰	۶۱۵۹۹۳۸۴	%۳۳	۰,۴۵۳۷۶۳	v78	۳۰
۸۳۹۹۹۱۶۰	%۵۷	۰,۴۸۶۳۹۶	v325	۷۱	۸۳۹۹۹۱۶۰	%۶۷	۰,۴۲۷۱۷۶	v84	۳۱
۷۷۲۸۰۱۹۰	%۶۶	۰,۴۳۵۱۲۱	v328	۷۲	۶۱۵۹۹۳۸۴	%۴۴	۰,۶۷۳۰۵۹	v87	۳۲
۱۰۰۹۹۸۹۹۰	%۷۵	۰,۴۴۰۳۹۷	v332	۷۳	۶۱۵۹۹۳۸۴	%۴۵	۰,۴۸۱۳۰۶	v90	۳۳
۹۷۵۹۸۳۷۸	%۷۰	۰,۵۳۲۸۳۸	v338	۷۴	۶۱۵۹۹۳۸۴	%۴۶	۰,۳۶۵۵۰۲	v95	۳۴
۱۳۹۴۹۷۳۷۲	%۳۷	۰,۵۹۵۸۵۲	v349	۷۵	۵۶۰۰۰۰۰	%۱	۰,۴۰۶۷۲۳	v97	۳۵
۸۳۹۹۹۱۶۰	%۵۸	۰,۳۷۹۴۹۵	v353	۷۶	۶۰۸۷۳۲۲۱	%۲۲	۰,۶۸۸۷۴۵	v102	۳۶
۱۲۵۹۸۲۷۰۲	%۱	۰,۹۹۹۶۸	v356	۷۷	۶۱۵۹۹۳۸۴	%۴	۰,۴۷۹۴۳	v103	۳۷
۷۲۷۹۷۲۵۶	%۱۷	۰,۷۱۷۱۰۳	v359	۷۸	۶۱۵۹۹۳۸۴	%۳۵	۰,۵۲۸۹۹۱	v105	۳۸
۷۰۵۶۰۱۹۰	%۷۳	۰,۵۸۴۳۷۲	v370	۷۹	۶۵۹۷۳۳۰	%۷	۰,۶۸۴۵۳۳	v107	۳۹
۶۱۵۹۹۳۸۴	%۵۵	۰,۵۴۶۱۳۱	v378	۸۰	۵۴۵۹۹۶۶۴	%۳۹	۰,۴۹۸۶۸۳	v109	۴۰

در جدول ۶ برای هر خروجی نامطلوب دو ستون وجود دارد. در ستون اول درصد کاهش خروجی نامطلوب و در ستون دوم مقدار بهینه خروجی نامطلوب بر اساس مقادیر *slack*ها برای ساختمان ناکارا گزارش شده است. برای مثال در ساختمان ۷359 چنانچه مقدار هزینه شارژ و تعمیر و نگهداری را ۱۷٪ کاهش دهیم تبدیل به ساختمان کارا می‌شود. در نمودار ۱، میزان درصد کاهش خروجی نامطلوب ساختمان‌ها جهت بهبود کارایی نشان داده شده است.



نمودار ۱: میزان درصد کاهش خروجی نامطلوب جهت بهبود کارایی ساختمان‌ها

با توجه به بررسی نتایج مشخص شد میزان کاهش هزینه شارژ، نگهداری و تعمیر بین ۱٪ تا ۸۰٪ متغیر می‌باشد. بیشترین فراوانی مربوط به ساختمانهایی بود ۱٪ و ۶۶٪ نیاز به کاهش این هزینه‌ها داشتند همچنین میانگین میزان کاهش هزینه‌ها حدود ۴۴٪ بدست آمد. به همین ترتیب می‌توان برای بهبود کارایی هر کدام از ساختمان‌های ناکارا بر اساس درصد تغییر ذکر شده در خروجی‌ها، پیشنهادهای بهبود کارایی را ارائه داد.

۵- نتیجه‌گیری

در این پژوهش الگوریتمی برای برنامه‌ریزی سیستم نگهداری و تعمیرات ساختمان‌ها با استفاده از شاخص‌های تعیین شده در مبحث ۲۲ مقررات ملی ساختمان ارائه گردید. الگوریتم مذکور برای سیستم نگهداری و تعمیرات ۱۰۰ ساختمان اجرا شد. مسئله تعیین شاخص‌ها و استراتژی‌های مناسب سیستم نت ساختمان‌ها از جنبه‌های گوناگون و با استفاده از روشهای مختلفی مورد بررسی قرار گرفته است. اما در خصوص تعیین کارایی ساختمان‌ها با در نظر داشتن پارامترهای سیستم نت کمتر توجه شده است. این مهم زمانی دارای اهمیت می‌شود که اهداف مهمی را در این خصوص در نظر داشته باشیم و بخواهیم بهترین گزینه را انتخاب نمائیم، در نتیجه استفاده از روش تحلیل پوششی داده‌ها یکی از روش‌های مناسب خواهد بود. شاخص‌های ارزیابی و زیر شاخص‌های نگهداری و تعمیر ساختمان از

مبحث ۲۲ مقررات ملی ساختمان استخراج و در نهایت در ارزیابی ساختمانها استفاده شد. هفت متغیر ورودی و یک متغیر خروجی که شامل هزینه نگهداری و تعمیر و شارژ ساختمان بود، برای هر ساختمان جمع آوری شد. متغیر خروجی چون از جنس هزینه می باشد دارای ماهیت منفی بوده و به همین دلیل از مدل خروجی نامطلوب برای سنجش کارایی ساختمانها استفاده گردید. پس از محاسبه کارایی توسط نرم افزار، یافته‌ها نشان داد که ۲۰ ساختمان کارا (مقدار کارایی برابر یک دارند) و ۸۰ ساختمان ناکارا بوده و نیاز به بهبود دارند. بر اساس مجموعه مرجع، الگوی هر واحد ناکارا مشخص شد و از این طریق مقدار بهینه خروجی‌های واحدهای ناکارا محاسبه گردید. در نهایت نتایج نشان داد میزان کاهش حداقل و حداکثر مقدار هزینه شارژ، نگهداری و تعمیرات ساختمان برای تبدیل آنها به ساختمان کارا بترتیب ۱٪ و ۸۰٪ بدست آمد. این تحقیق دارای معایبی نیز می باشد از آنجا که نتایج حاصل از تحلیل پوششی داده ها به انتخاب خروجی و ورودی‌ها بسیار وابسته است، در نتیجه انتخاب نامناسب هر یک از آنها، می تواند نتایج حاصل از این تحقیق را تحت تاثیر قرار داده و منحرف نماید. همچنین با افزایش تعداد ورودی و خروجی‌ها میزان کارایی ساختمانها براساس تحلیل پوششی داده‌ها افزایش یافته، بدون آنکه برای آن توضیح قابل قبولی وجود داشته باشد. همچنین با افزایش تعداد ساختمانها نتایج غیر قابل قبولی بدست می‌آید. در پایان پیشنهاد می‌شود جهت شناسایی واحدهای ناکارا در ساختمانها، مشابه این تحقیق برای زیر شاخص های ورودی‌های مورد نظر در این تحقیق صورت پذیرد و نسبت به سنجش کارائی بخشهای مختلف اقدام گردد. همچنین می توان تحقیق حاضر را برای ساختمانهایی با کاربری بجز کاربری مسکونی نیز انجام داد، همچنین می توان سایر الگوهای روش تحلیل پوششی داده‌ها را در این زمینه بکار گرفت.

مراجع

- [1] Jafari Ghoochi, Behzad. (2002). Ways to Increase Efficiency. Journal of Tedir, 13(126), 39-4. [in Farsi]
- [2] Farzipour Saen, R. Memariani, A. Hosseinizadeh Lotfati, F. (2002). Determination of relative efficiency of decision making units partially inexplant with DEA, Futures Studies and Management, No. 54and 55, pp. 55-64. [in Farsi]
- [3] Shi, H. and Zeng, J. (2016). Real-time prediction of remaining useful life and preventive opportunistic maintenance strategy for multi-component systems considering stochastic dependence. Computers and Industrial Engineering, 93, pp.192-204. <https://doi.org/10.1016/j.cie.2015.12.016>.
- [4] Hosseini Firouz, M. Ghadimi, N. (2016). Optimal preventive maintenance policy for electric power distribution systems based on the fuzzy AHP methods. Complexity, 21(6), pp. 70-88. <https://doi.org/10.1002/cplx.21668>.
- [5] Das, K. Lashkari, R. S. Sengupta, S. (2007). Machine reliability and preventive maintenance planning for cellular manufacturing systems. European Journal of Operational Research, 183(1), pp. 162-180. <https://doi.org/10.1016/j.ejor.2006.09.079>.
- [6] Sajadifar, S. H. Asali, M. Fathi, B. Mohamadbagheri, A. (2016). Measuring Energy Consumption Efficiency Using Data Envelopment Analysis (DEA) with Undesirable Factors. The Journal of Planning and Budgeting, 20 (4), pp. 55-70. [in Farsi]
- [7] Mehregan, M. R. (2013). Advanced Operational Research. 11th edition, Academic Book Publishing. [in Farsi]
- [8] Fukuyama, H. (2000). Returns to scale and scale elasticity in data envelopment analysis. European Journal of Operational Research, 125(1), pp. 93-112. [https://doi.org/10.1016/S0377-2217\(99\)00200-3](https://doi.org/10.1016/S0377-2217(99)00200-3).
- [9] Qasiry, K. Mehrno, H. Jafarian Moghadam, A. R. (2007). Introduction to Fuzzy Data Enveloping Analysis. Scientific Publication Center of Islamic Azad University of Qazvin. First edition. [in Farsi]
- [10] Chauhan, N. S. Mohapatra, P. K. Pandey, K. P. (2006). Improving energy productivity in paddy production through benchmarking—An application of data envelopment analysis. Energy conversion and Management, 47(9-10), pp. 1063-1085. <https://doi.org/10.1016/j.enconman.2005.07.004>.
- [11] Cooper, W. W. Seiford, L. M. Zhu, J. (2011). Data envelopment analysis: History, models, and interpretations. In Handbook on data envelopment analysis. Springer, Boston, MA.
- [12] Adel, A. Motameni, A. R. (2003). Designing a Dynamic Productivity Model with Data Enveloping Analysis Approach. Instructor of Humanities, 7(3), pp. 15-26. [in Farsi]
- [13] Adel, A. Daneshvar, M.(2007). A Review of Performance Evaluation Methods of Insurance Branches, Insurance Industry, 86 , pp.123-152 [in Farsi].
- [14] Zohrehei, I. Mohtashami, A. (2020). A novel method for selecting optimum maintenance strategy using Fuzzy Analytic Network Process and Fuzzy Multi-Choice Programming approach. Journal of Industrial Management Prespective Faculty of Humanities,, 15(51), pp. 31-50. [in Farsi]

- [15] Rashvand, P. Delnavaz, A. Medghalchi, A. (2020). Improving process of concrete road bridges management by determining their efficiency using data envelopment analysis method (DEA)(Case study of Zanjan province). *Journal of Structural and Construction Engineering*. DOI: 10.22065/JSCE.2020.240169.2195.
- [16] Moghadasi, M. Ahmadi, F. Moghadasi, M. Ghasemi, M.R. (2020). Identification and prioritization of performance evaluation criteria of maintenance management system with physical asset management approach in defense industry. *Journal of Research in Defense Maintenance Engineering* 1(2), pp.26-41. <https://civilica.com/doc/997478> .[in Farsi]
- [17] Mishra, S. Vanli, O. A. Kakareko, G. Jung, S. (2019). Preventive maintenance of wood-framed buildings for hurricane preparedness. *Structural safety*, 76, pp. 28-39. <https://doi.org/10.1016/j.strusafe.2018.07.002>.
- [18] Soltani, M. Hadi-Vencheh, A.(2016). A DEA approach for investigating the effect of computerized maintenance management system on staff productivity: A case Study. . *Journal of New research in mathematics*, 5(2), pp. 25-36. [in Farsi]
- [19] Abdollahzadeh, S. Abdollahzadeh J. S. (2015). Ranking of supply chain performance improvement due to national standardization. *Journal of Operational Research and Its Applications (Applied Mathematics) - Lahijan Azad University Journal of Applied Mathematics - Lahijan Azad University*,12(3), pp. 23-33. [in Farsi]
- [20] Sahraei Loron, A. Sahraei Loron, M. Peyvandi,G. (2015). An Integrated Fuzzy Analytic Hierarchy Process-Fuzzy Data Envelopment Analysis (FAHP-FDEA) Method For Intelligent Building Assessment. *Tehnicki vjesnik/Technical Gazette*, 22(2), pp. 383-389. DOI: 10.17559/TV-20140428223907.
- [21] Sheikh Alishahi, M. Azadeh, A. (2015). Planning maintenance activities using simulation and data enveloping analysis. *Journal of Industrial Engineering (Faculty of Engineering, University of Tehran)*, 49(2), pp. 111-122. [in Farsi]
- [22] Du, K. Lu, H. Yu, K. (2014). Sources of the potential CO2 emission reduction in China: a nonparametric metafrontier approach. *Applied energy*, 115, pp. 491-501. <https://doi.org/10.1016/j.apenergy.2013.10.046>.
- [23] Kahraman, C. Kaya, İ. (2012). A fuzzy multiple attribute utility model for intelligent building assessment. *Journal of civil engineering and management*, 18(6), pp. 811-820. DOI: 10.3846/13923730.2012.720932.
- [24] Karimi, T. Mohaghar, A. (2006). Prioritizing maintenance activities using DEA/AHP. 4th International Conference on Management, Tehran. <https://civilica.com/doc/39957>. [in Farsi]
- [25] Liu, J. Yu, D. J. (2004). Evaluation of plant maintenance based on data envelopment analysis. *Journal of Quality in MaintenanceEngineering*. <https://doi.org/10.1108/13552510410553253>.
- [26] Shang, J. Sueyoshi, T. (1995). A unified framework for the selection of a flexible manufacturing system. *European Journal of Operational Research*, 85(2), pp. 297-315. [https://doi.org/10.1016/0377-2217\(94\)00041-A](https://doi.org/10.1016/0377-2217(94)00041-A).
- [27] Dyson, R. G. Thanassoulis, E. (1988). Reducing weight flexibility in data envelopment analysis. *Journal of the operational research society*, 39(6), pp. 563-576. <https://doi.org/10.1057/jors.1988.96>.
- [28] Andersen, P. Petersen, N. C. (1993). A procedure for ranking efficient units in data envelopment analysis. *Management science*, 39(10), pp. 1261-1264. <https://doi.org/10.1287/mnsc.39.10.1261>.