

Reliability-Based Design Optimization of Structures using Firefly Algorithm

Ali Khodam ^{1*}, Muhammad Saeid Farajzadeh ², Mohsenali Shayanfar³

1- Assistant Professor, Department of Civil and Geomatics Engineering, Arak University of Technology, Arak, Iran

2 -Graduate Student, School of Civil Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran

3 -Associate Professor, School of Civil Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran

ABSTRACT

In structural engineering, it is vital to design structures by providing pre-defined performance objectives economically. Reliability-based design optimization (RBDO) is looking for the best balance between safety and cost, by considering uncertainties in structural parameters and loading conditions. In recent decades, several methods have been used to solve RBDO problem. However, most of these methods suffer from high computational cost of solving the problem as a big challenge. In this paper, weighted simulation method, one of the newest and most effective methods for simulation-based reliability assessment methods, has been used for reliability analysis and evaluation of probabilistic constraints. The advantages of this method are a significant reduction in the computational cost and the proper accuracy of the final results. For minimizing the objective function, which is the weight of structure in this paper, Firefly algorithm (FA) is utilized. The FA is a stochastic metaheuristic approach based on the idealized behavior of the flashing characteristics of fireflies. In FA, the flashing light can be formulated in way that it is associated with the objective function to be minimized. Results of the numerical examples including a reinforced concrete beam and a cantilever beam indicate that using the proposed method leads to the optimum design solutions slightly better (1%) than other methods in the literature without violating reliability constraints.

ARTICLE INFO

Receive Date: 04 October 2019

Revise Date: 24 March 2020

Accept Date: 02 April 2020

Keywords:

Structural Reliability
Reliability-Based Design
Optimization
Firefly Algorithm
Weighted Average Simulation
Method
Probability of failure of
structures

All rights reserved to Iranian Society of Structural Engineering.

doi: <https://dx.doi.org/10.22065/jsce.2020.203929.1962>

*Corresponding author: Ali Khodam
Email address: khoddam@arakut.ac.ir

طراحی بهینه بر مبنای قابلیت اعتماد سازه ها با استفاده از الگوریتم کرم شب تاب

علی خدام^{۱*}، محمدسعید فرج زاده^۲، محسنعلی شایانفر^۳

۱- استادیار، گروه عمران-نقشه برداری، دانشگاه صنعتی اراک، اراک، ایران

۲- کارشناسی ارشد عمران گرایش زلزله، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، ایران

۳- دانشیار، گروه عمران، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، ایران

چکیده

در مهندسی سازه تامین ایمنی سازه ها با رعایت ملاحظات اقتصادی از اهداف بسیار حیاتی می باشد. طراحی بهینه بر مبنای قابلیت اعتماد سازه در جستجوی یافتن بهترین توازن ما بین ایمنی و هزینه - با در نظر گرفتن عدم قطعیت های سازه و بار- می باشد. در دهه های اخیر روش های متعددی برای حل این نوع مسایل مورد استفاده قرار گرفته، که هزینه محاسباتی بالا و فرآیند دشوار یافتن پاسخ، بزرگترین چالش پیش روی این روش ها می باشد. در این پژوهش روش شبیه سازی وزنی که یکی از روش های نوین و موثر برای محاسبه شاخص قابلیت اطمینان و احتمال خرابی سازه می باشد، برای تحلیل قابلیت اعتماد مورد استفاده قرار گرفته است. از مزایای این روش کاهش قابل توجه هزینه محاسباتی در عین دقت مناسب نتایج نهایی می باشد. برای بهینه سازی نیز با در نظر گرفتن حداقل شاخص قابلیت اعتماد به عنوان یک قید، به منظور کمینه کردن تابع هدف که در این پژوهش میزان مصالح مصرفی (وزن سازه) در نظر گرفته شده، از الگوریتم کرم شب تاب استفاده شده است. الگوریتم کرم شب تاب از جمله الگوریتم های فراابتکاری تصادفی پرکاربرد و الهام گرفته شده از طبیعت می باشد که در آن شدت نور متصاعد شده از حشرات شب تاب با تابع هدف ارتباط داده می شود. نتایج مثال های عددی شامل طراحی بهینه مبتنی بر قابلیت اعتماد یک تیر بتن مسلح و یک تیر طره فولادی و مقایسه آنها با نتایج سایر روش های متناظر گویای این است که با استفاده از این روش ضمن حفظ سطح قابلیت اعتماد مورد نظر، به نسبت سایر روش های مقایسه شده وزن سازه و میزان مصالح مصرفی نیز (حدود ۱٪) کاهش پیدا کرده است.

کلمات کلیدی: قابلیت اعتماد سازه ها، طراحی بهینه بر مبنای قابلیت اعتماد سازه ها، الگوریتم کرم شب تاب، شبیه سازی وزنی، احتمال خرابی سازه ها

شناسه دیجیتال:		سابقه مقاله:				
doi:	https://dx.doi.org/10.22065/jsce.2020.203929.1962	چاپ	انتشار آنلاین	پذیرش	بازنگری	دریافت
	10.22065/jsce.2020.203929.1962	۱۴۰۰/۰۳/۳۰	۱۳۹۹/۰۱/۱۴	۱۳۹۹/۰۱/۱۴	۱۳۹۹/۰۱/۰۵	۱۳۹۸/۰۷/۱۲
				علی خدام	*نویسنده مسئول:	
				khoddam@arakut.ac.ir	پست الکترونیکی:	

۱- مقدمه

در سالهای اخیر، تحلیل قابلیت اعتماد سازه‌ها به علت توانایی در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها در روند تحلیل و طراحی سازه‌ها مورد توجه زیادی قرار گرفته است. آیین نامه‌های طراحی مهندسی با برخی روشهای ساده تحلیل قابلیت اعتماد از مدت‌ها قبل تنظیم و کالیبره شده‌اند. بر همین اساس طراحان به صورت ضمنی عدم قطعیت در پارامترها و متغیرهای طراحی را با استفاده از ضرایب ایمنی کالیبره شده حاصل از تحلیل قابلیت اعتماد در نظر می‌گیرند. در تعدادی از تحقیقات اخیر تلاش شده است بیشتر به سمت یکپارچه سازی قابلیت اعتماد سازه در برابر مکانیزم‌های مختلف خرابی در فرایند طراحی حرکت کنند. برخی از این رویکردها هنوز از محدوده‌ی تحقیقات فراتر نرفته‌اند با این وجود پیشرفت‌هایی در این حوزه صورت گرفته است.

در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها در روند طراحی سازه‌ها نیازمند توسعه‌ی روش‌های موثر محاسباتی است تا مهندسان را برای رسیدن به طراحی‌های بهینه و قابل اعتماد یاری کند [۱].

حل مسایل طراحی بهینه سازه‌ها مبتنی بر قابلیت اعتماد یک روند پیچیده دارد که نیازمند اعمال روش‌های کارآمد محاسباتی موثر قابلیت اعتماد می‌باشد. روش مرتبه اول قابلیت اعتماد یکی از روش‌های بسیار پرکاربرد تحلیل قابلیت اعتماد تا به امروز است که بصورت گسترده استفاده می‌شود [۲]. این روش تابع عملکرد را با یک خط یا صفحه مماس بر سطح گسیختگی در محتمل‌ترین نقطه خرابی (نقطه طراحی) که نقطه‌ای با بیشترین میزان احتمال خرابی است، تخمین می‌زند. دقت روش مرتبه اول قابلیت اعتماد در مواردی که تابع عملکرد در اطراف نقطه طراحی خطی نیست، زیر سوال می‌رود [۳]. برای ارتقا دقت روش مرتبه اول قابلیت اعتماد، فیسلر و همکاران [۴] روش مرتبه دوم قابلیت اعتماد را معرفی کردند که تابع عملکرد را با سطح درجه دوم در همسایگی محتمل‌ترین نقطه تخمین می‌زند. اگرچه روش مرتبه دوم قابلیت اعتماد شناخته شده‌ترین روش ارتقا یافته‌ی مرتبه اول قابلیت اعتماد است، با این حال روش‌های متعدد دیگری نیز در دهه‌های گذشته پیشنهاد شده‌اند. هر کدام از این روش‌ها دارای محدودیت‌هایی هستند. به عنوان مثال دقت روش مرتبه دوم قابلیت اعتماد در مواردی که تابع عملکرد دارای درجه غیرخطی بالا باشد و یا زمانی که در مساله تعداد زیادی متغیرهای تصادفی وجود دارد و نیز در مواردی که احتمال خرابی بسیار کوچک است، قابل قبول نخواهد بود [۵].

روش‌های مبتنی بر نمونه‌گیری مانند شبیه‌سازی مونت کارلو و نمونه‌گیری با اهمیت می‌توانند برای ارزیابی قابلیت اعتماد مورد استفاده قرار گیرد. با این وجود اگر ارزیابی تابع عملکرد زمان‌بر بوده و یا اگر احتمال خرابی خیلی کوچک باشد، نمونه‌گیری نیز غیرعملی یا بسیار زمان‌بر می‌باشد [۶].

بسیاری از کاربردهای مهندسی عملی دارای توابع عملکردی هستند که محاسبات پیچیده و زمان‌بری دارند. از آنجاییکه باید برای تمام نمونه‌های تولید شده تابع عملکرد ارزیابی شود، هزینه محاسباتی روش‌های مبتنی بر نمونه‌گیری باعث عدم استفاده آنها در بسیاری از کاربردهای مهندسی می‌شوند [۷].

راشکی و همکاران [۸] یک روش حل تقریبی بر پایه شبیه‌سازی را برای محاسبه احتمال خرابی و یافتن محتمل‌ترین نقطه خرابی پیشنهاد کرده‌اند. در مقاله حاضر، این روش به عنوان روش شبیه‌سازی وزنی معرفی می‌شود. فرضیه‌ی این روش آن است که نمونه‌های یکنواخت توزیع شده ابتدا در یک فضای طراحی برای تمام متغیرهای تصادفی تولید می‌شوند و احتمال ارزش تراکم به عنوان شاخص وزن در هر نمونه اعمال می‌شود. سپس با تقسیم مجموع شاخص‌های وزنی نمونه‌های واقع شده در ناحیه‌ی خرابی بر مجموع شاخص‌های وزنی تمامی نمونه‌ها، احتمال خرابی بدست می‌آید. این روش در تخمین مقادیرهای کوچک احتمال خرابی بسیار موثر بوده و به نمونه‌های بسیار کمی برای بدست آوردن مقدار شاخص قابلیت اعتماد نیازمند است [۹-۱۱].

هدف یک طراحی مهندسی رسیدن به ایمنی کافی با حداقل هزینه و همچنین بدست آوردن کامل الزامات عملکردی مورد نیاز است [۱۲]. به‌وسیله بهینه‌سازی می‌توان با تامین سطح ایمنی از پیش تعیین شده و ارضای محدودیت‌های عملکردی به اقتصادی‌ترین سیستم دست یافت [۱۳]. استفاده از الگوریتم‌های فراابتکاری یکی از روش‌های پرکاربرد برای حل مسایل مهندسی با هدف کمینه کردن

تابع هدف است. در این پژوهش از الگوریتم کرم شب تاب برای حداقل کردن تابع هدف (وزن سازه) استفاده شده است. الگوریتم کرم شب تاب از جمله الگوریتم‌های فراابتکاری پرکاربرد در مهندسی می باشد که با هدف حل مسائل بهینه‌سازی ریاضی طراحی شده است و نخستین بار این الگوریتم توسط ژین‌شه یانگ معرفی شد [۱۴]. این الگوریتم در ردیف الگوریتم‌های فراابتکاری و مبتنی بر روش‌های هوش جمعی ذرات می‌باشد که با الهام از طبیعت آفرینش این موجود، اقدام به پیاده‌سازی آن در بهینه‌سازی نموده که با توجه به اساس این روش‌ها جواب‌های قابل قبول و بهینه‌ای بدست می‌دهد. کرم‌های شب تاب در طبیعت بصورت دسته‌جمعی زندگی می‌کنند و همواره کرم کم نورتر به سمت کرم پرنورتر حرکت می‌کند.

روش‌های بهینه‌سازی معمولاً با شناسایی یک توازن مناسب بین ایمنی و اقتصاد، برای انجام این کار استفاده می‌شوند [۱۵]. در روش‌های بهینه‌سازی قطعی عدم قطعیت‌ها در روند بهینه‌سازی در نظر گرفته نمی‌شوند. بنابراین ممکن است این روش‌ها به طراحی‌های غیر قابل اعتماد منجر شود [۱۶].

بهینه‌سازی بر مبنای قابلیت اعتماد یک ساختار مناسب برای طراحی بهینه‌ی سازه‌ها با در نظر گرفتن عدم قطعیت‌ها توسط ضوابط قابلیت اعتماد در فرایند بهینه‌سازی است. در بهینه‌سازی مبتنی بر قابلیت اعتماد معمولاً یک تعدادی از قیدهای مساله و یا تابع هدف شامل پارامترهای احتمالاتی می‌باشند [۱۷].

ادغام روش‌های قابلیت اعتماد بر مبنای شبیه‌سازی در روند حل مسایل طراحی بهینه‌ی سازه‌ها مبتنی بر قابلیت اعتماد بطور قابل توجهی هزینه محاسبات برای حل مساله را افزایش می‌دهد. این مسئله زمانی که این روش‌ها برای مسایل مهندسی واقعی با مقیاس بزرگ مورد استفاده قرار می‌گیرند- در جاییکه ارزیابی تابع عملکرد خیلی زمانبر است- معمولاً دارای کارائی مناسبی نمی‌باشند. طبق توضیحات ارائه شده، اصلی‌ترین چالش روش‌های موجود شامل پیچیدگی محاسبات و یا هزینه‌ی محاسباتی بالا می‌باشد. راشکی و همکاران [۸] روش موثر شبیه‌سازی وزنی را برای مواجه با این چالش‌ها معرفی کردند. این روش علاوه بر توانمندی بالا در ارزیابی قیدهای احتمالاتی غیرخطی، قادر به تخمین محتمل‌ترین نقطه خرابی نیز می‌باشد. همچنین به علت استفاده از تعداد کم نمونه‌ها (نقاط) شبیه‌سازی برای محاسبه احتمال خرابی، به نسبت روش‌های دیگر از هزینه‌ی محاسباتی پایینی برخوردار می‌باشد. از این رو در این مقاله، با ترکیب روش شبیه‌سازی وزنی و روش بهینه‌سازی کرم شب تاب، یک روش کارا برای حل مساله طراحی مبتنی بر قابلیت اعتماد ارائه شده است. کارایی و دقت روش پیشنهادی توسط دو مثال عددی مورد بررسی و تحقیق قرار گرفته است.

۲- روش شبیه‌سازی وزنی

روش شبیه‌سازی میانگین وزنی یکی از جدیدترین روش‌های توانمند در حل مسایل قابلیت اعتماد سازه است [۱۸]. راشکی و همکاران [۸] این روش مبتنی بر شبیه‌سازی را برای تخمین احتمال خرابی و محتمل‌ترین نقطه خرابی، با عنوان روش شبیه‌سازی وزنی پیشنهاد کردند. روش شبیه‌سازی وزنی یک روش بر مبنای شبیه‌سازی برای تعیین احتمال خرابی با استفاده از شاخص وزن برای نمونه‌های تولید شده است. در این روش، برای مجزا کردن نمونه‌های موجود در ناحیه‌ی خرابی از نمونه‌های واقع در ناحیه امن، از یک تابع شاخص استفاده می‌کنند. فرضیه‌ی روش این است که نمونه‌های یکنواخت توزیع شده ابتدا در یک فضای طراحی برای تمام متغیرهای تصادفی تولید می‌شوند و مقدار تابع چگالی احتمال به عنوان شاخص وزن در هر نمونه اعمال می‌شود و در نهایت با تقسیم مجموع شاخص‌های وزن برای نمونه‌های واقع شده در ناحیه‌ی خرابی بر مجموع شاخص‌های وزن برای همه‌ی نمونه‌ها، احتمال خرابی بدست می‌آید. این روش در تخمین مقادیر کوچک احتمال شکست، بسیار موثر است و با تولید تعداد کمی از نمونه‌های تصادفی تولید شده قادر به تخمین میزان احتمال خرابی یا شاخص قابلیت اعتماد می‌باشد. گام‌های عملی برای انجام شبیه‌سازی وزنی، به شرح زیر می‌باشد.

اولین گام در روش شبیه‌سازی وزنی تعیین بازه مناسب برای هر متغیر تصادفی در مساله است. یکی از روش‌های پیشنهاد شده تعیین این بازه‌ها در مقاله راشکی و همکاران [۸] استفاده از شبیه‌سازی مونت کارلو برای تولید نمونه‌ها از هر متغیر تصادفی است. حداقل و حداکثر مقادیر نمونه‌های تولید شده از یک متغیر تصادفی به ترتیب به عنوان نقاط پایینی و بالایی برای بازه‌های متغیر تصادفی استفاده می‌شود. تعداد نمونه‌های مورد نیاز تولید شده در روش مونت کارلو می‌تواند با فرض اولیه‌ی یک احتمال خرابی و تعداد نمونه‌های مورد نیاز

برای تعیین این احتمال خرابی فرض شده، تعیین شود. راشکی نشان داد که روش شبیه سازی وزنی می تواند همان نتایج را حتی اگر فاصله نمونه ی تولید شده تغییر کند بدست آورد. توجه به این شرط ضروریست که افزایش طول فاصله نیازمند تولید تعداد بیشتری از نمونه های تصادفی برای پوشش فضای طراحی و رسیدن به نتایج دقیق می باشد.

گام دوم تولید نمونه ها در یک فضای متغیر تصادفی برای همه ی متغیرهای دارای عدم قطعیت است. برای تولید نمونه های تصادفی در فاصله های معین از توزیع یکنواخت استفاده می شود. سپس شاخص وزن برای هر نمونه تولید شده، تعیین می شود. تولید تابع های چگالی احتمال متغیرها برای محاسبه شاخص وزن نمونه ها به صورت زیر اعمال می شود.

$$W(i) = \prod_{j=1}^s f_j(i) \quad (1)$$

در اینجا، $W(i)$ شاخص وزن نمونه i ام، s تعداد متغیرهای تصادفی، و f_j تابع چگالی احتمال برای j امین متغیر تصادفی می باشد. معادله (1) تنها برای متغیرهای تصادفی مستقل قابل کاربرد است. برای مواردی که متغیرهای تصادفی وابسته هستند، می توان از تابع چگالی احتمال توأم برای محاسبه شاخص وزن نمونه i ام استفاده کرد.

سپس یک تابع شاخص $I(i)$ برای نمونه i ، با توجه به مقدار تابع عملکرد g_i (با هدف جداسازی و شمارش نمونه های واقع در ناحیه خرابی و ناحیه سلامت) به صورت زیر بدست می آید:

$$I(i) = \begin{cases} 1 & \text{if } g_i < 0 \\ 0 & \text{if } g_i \geq 0 \end{cases} \quad (2)$$

در نهایت، احتمال شکست P_f بصورت زیر محاسبه می شود:

$$P_f = \frac{\sum_{i=1}^N I(i) \cdot W(i)}{\sum_{i=1}^N W(i)} \quad (3)$$

که در آن N تعداد نمونه ها است.

۳- الگوریتم کرم شب تاب

الگوریتم کرم شب تاب بر مبنای جذب شدن حشرات به حشرات پرنورتر کار می کند. به عبارت دیگر، این الگوریتم با استفاده از هوش جمعی حشرات (با فرض اینکه حشرات مستقر در نقاط بهتر، درخشش و جذابیت بیشتری دارند) در جستجوی یافتن نقطه بهینه می باشد.

سه قانون برای ساده سازی و فرمول بندی این الگوریتم به کار می رود. که به صورت خلاصه در زیر آورده شده است:

قانون اول بیانگر این است که هر کرم شب تاب باید به سمت حشره ی پرنورتر حرکت نماید. قانون دوم تناسب جذابیت با روشنی را بیان می کند. از سوی دیگر شدت نور با مجذور عکس فاصله از منبع متناسب است، این بدان معنی است که حشره ی با نور کمتر به سوی حشره با نور بیشتر حرکت می نماید. اگر یک عنصر مخصوص در میان سایر عناصر پرنورترین عضو باشد، بصورت تصادفی حرکت می کند. سومین قانون بیانگر تناسب شدت نور یک کرم شب تاب با تابع هدف می باشد.

در مورد این الگوریتم باید تابع هدفی برای کد نمودن میزان جذابیت عناصر در نظر گرفته شود که بدین منظور ما از سه تابع ارزیابی معروف برای بررسی کیفیت الگوریتم FA استفاده نموده ایم. این توابع هدف در واقع بیانگر شدت و میزان نور یک عنصر در یک نقطه ی مشخص در فضای جستجو می باشند ($F(x)=I(x)$). در پیاده سازی این الگوریتم در مورد شدت نور یعنی مقدار تابع باید در نظر داشته باشیم که محیط قادر به جذب مقداری از نور می باشد، یعنی اینکه مقدار نور در منبع بیشتر از مقدار نور در نقطه ای با فاصله از منبع به نظر می رسد، در نتیجه میزان جذابیت یک عنصر یک کمیت نسبی است که در فرمول با مقدار β در نظر گرفته شده است. می دانیم که

شدت نور متناسب با معکوس فاصله است که بصورت (۴) آورده شده است.

$$I(r) = \frac{I_0}{1+r^2} \quad (4)$$

که در اینجا I_0 بیانگر میزان نور در منبع می باشد. ثابت ۱ در مخرج به دلیل جلوگیری از بوجود آمدن مقدار بینهایت در مقدار نور صفر در منبع اضافه شده است. حال می توانیم جذابیت را به عنوان تابعی از شدت در نظر بگیریم که معادله آن به صورت معادله (۵) خلاصه می شود.

$$\beta(r) = \frac{\beta_0}{1+r^2} \quad (5)$$

معادله (۵) را می توان به صورت معادله گوسی (۶) نوشت:

$$\beta(r) = \beta_0 e^{-r^2} \quad (6)$$

حرکت عناصر بر اساس جذابیت صورت می پذیرد: هنگامی که عنصر j از عنصر i جذاب تر است حرکت با فرمول (۷) انجام می پذیرد.

$$X_i = X_i + \beta_0 \exp^{-r^2}(X_j - X_i) + \alpha(\text{rand} - \frac{1}{2}) \quad (7)$$

قسمت سوم این فرمول مربوط به حرکت تصادفی می باشد که عددی که در این قسمت قرار می گیرد ما بین صفر و یک خواهد بود. فاصله‌ی میان عناصر برای حرکت به صورت فاصله‌ی اقلیدسی اندازه گیری می شود.

۴- مثال ها و بررسی نتایج

مثال ۱: طرح بهینه یک تیر بتنی مسلح

در این مثال تحلیل قابلیت اعتماد برای یک تیر بتنی مسلح با انجام می شود [۷] تابع حالت حدی تیر به صورت رابطه (۸) ارایه شده است.

$$G(A_s, F_y, F_c, Q) = A_s \cdot F_y \cdot d - 0.59 \frac{(A_s \cdot F_y)}{F_c \cdot b} - Q \quad (8)$$

که A_s ، F_y ، F_c و Q به ترتیب مساحت سطح مقطع تیر بتنی، مقاومت تسلیم فولاد، مقاومت فشاری بتن و لنگر کلی تولید شده بوسیله‌ی بار می باشد. در این مثال مساله طراحی بهینه مبتنی بر قابلیت اعتماد به صورت رابطه (۹) تعریف شده است.

$$\text{Find} \quad W = \{b, d\}$$

$$\text{Minimize:} \quad C = b \cdot d$$

$$\text{Subjected to: } P_f [G_i(w) \geq 0] \leq \Phi(-\beta^T); \quad \beta^T = 2.40 \quad (9)$$

پارامترهای آماری این متغیرها در جدول ۱ آورده شده است.

جدول ۱: پارامترهای متغیرهای تصادفی در مثال ۱

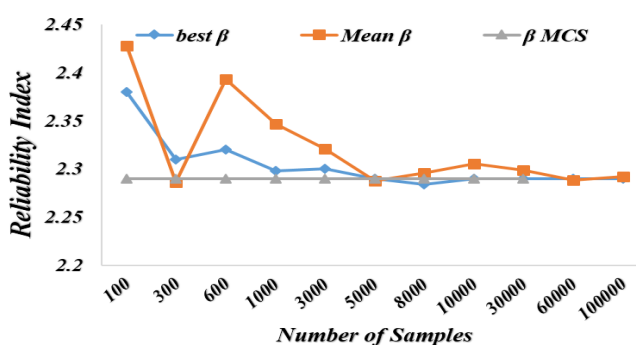
Random Variable	Distribution	Mean	C.O.V
A_s	Normal	4.08	0.02
F_Y	Normal	44	0.105
F_c	Normal	3.12	0.14
Q	Normal	2052	0.12

همچنین نتایج تحلیل قابلیت اعتماد با روشهای FORM، SORM، MCS و روش پیشنهادی WASM در جدول ۲ ارایه شده است.

جدول ۲: نتایج قابلیت اعتماد مثال ۱

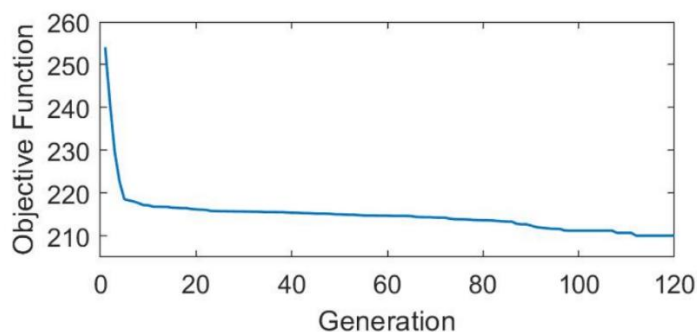
Method	Reliability index	Number of samples
FORM	2.43	-
SORM	2.39	-
MCS	2.40	10^7
WASM	2.41	10^4

در این مثال برای صحت سنجی و بررسی دقت پاسخ به دست آمده توسط روش پیشنهادی، از روش مونت کارلو با 10^7 نمونه استفاده شده و نتایج روش مونت کارلو با روش شبیه سازی وزنی مقایسه شده است. در شکل (۱) جزئیات بهترین پاسخ و میانگین پاسخ برای روش شبیه سازی وزنی در مقایسه با پاسخ نهایی روش مونت کارلو نشان داده شده است. طبق اطلاعات آورده شده در جدول (۲) و همچنین شکل (۱)، در روش مونت کارلو با استفاده از 10^7 نمونه به شاخص قابلیت اعتماد $2/40$ دست پیدا کرده ایم در حالیکه در روش شبیه سازی وزنی در بهترین حالت با 10000 نمونه و در حالت میانگین با استفاده از 60000 نمونه به مقدار $2/41$ برای قابلیت اعتماد هدف دست پیدا کرده ایم.



شکل ۱: نتایج شبیه سازی روش شبیه سازی وزنی با تعداد نمونه‌های متفاوت برای مثال ۱.

شکل ۲ نشان دهنده سرعت همگرایی در فرآیند بهینه سازی می باشد که کمترین مقدار برای تابع هدف پس از بهینه سازی در این مثال مقدار $210/01$ به ازای مقادیر متغیرهای طراحی برابر $(b,d)=(10/77)$ و $19/5$ با شاخص قابلیت اعتماد $2/41$ بدست آمده است.



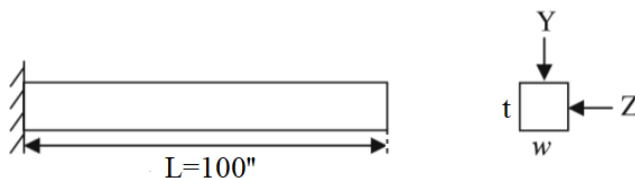
شکل ۲: نمودار همگرایی بهینه‌سازی مبتنی بر قابلیت اعتماد برای مثال ۱.

مثال ۲: طراحی بهینه یک تیر طره

در اینجا برای اثبات دقت روش پیشنهادی یک تیر طره در شکل (۳) به طول $L=100''$ و عرض (w) و ارتفاع (t) مورد بررسی قرار گرفته است. همچنین توابع حالت حدی این مثال به صورت (۱۰) و (۱۱) تعریف می‌شوند:

$$G_1(w,t,X,Y,Z) = \left(\frac{600}{wt^2}Y + \frac{600}{w^2t}Z\right) - X_0 \quad (10)$$

$$G_2(w,t,Y,Z,E) = \frac{2L^3}{Ewt} \sqrt{\left(\frac{Y}{t}\right)^2 + \left(\frac{Z}{w}\right)^2} - D_0 \quad (11)$$



شکل ۳: تیر طره تحت بارگذاری عرضی.

تعریف مساله بهینه‌سازی مبتنی بر قابلیت اعتماد برای تیر طره در شکل (۳) به صورت رابطه زیر می‌باشد:

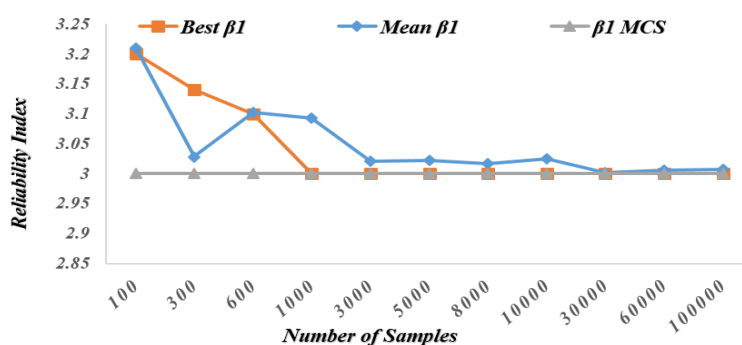
$$\begin{aligned} &\text{Find} && d=\{w, t\} \\ &\text{Minimize:} && C=w.t \\ &\text{Subjected to:} && \text{Pf}[G_i(d) \geq 0] \leq \Phi(-\beta^T); i=1, 2; \beta^T=3 \end{aligned} \quad (12)$$

که در رابطه فوق C تابع هدف مساله بهینه‌سازی است که در واقع برابر با سطح مقطع تیر می‌باشد و عرض (w) و ارتفاع (t) تیر نیز متغیرهای طراحی مساله بهینه‌سازی می‌باشند. مساله دارای چهار متغیر تصادفی شامل مقاومت تسلیم (X) ، بار قائم (Y) ، بار افقی (Z) و مدول الاستیسیته (E) با مشخصات آماری مطابق جدول (۳) می‌باشد.

جدول ۳: پارامترهای آماری متغیرهای تصادفی مثال ۲

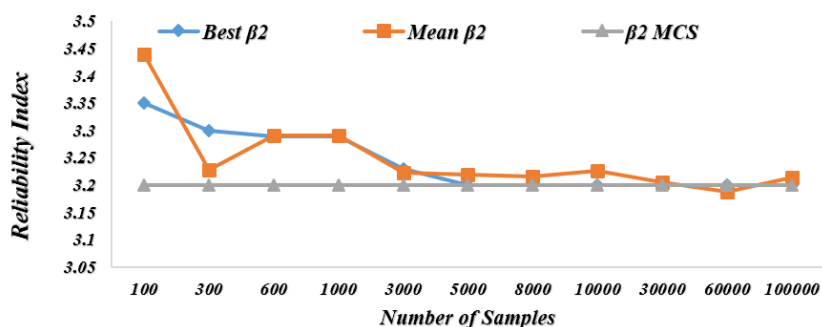
Standard deviation	Mean	Distribution	Random variable
2000	40000	Normal	X(psi)
100	1000	Normal	Y(lb)
100	500	Normal	Y(lb)
1.45×10^6	29×10^6	Normal	E(psi)

پس از حل مساله بهینه‌سازی به روش پیشنهادی، مقادیر شاخص قابلیت اعتماد (β_1 و β_2) برای جواب بهینه طراحی متناظر با توابع حالت حدی G1 و G2 با استفاده از روش شبیه سازی وزنی با تعداد نمونه‌های مختلف در مقایسه با روش شبیه سازی مونت کارلو با 10^7 نمونه، به ترتیب در شکل های ۴ و ۵ نمایش داده شده است.



شکل ۴: نتایج شبیه‌سازی روش شبیه سازی وزنی با تعداد نمونه‌های متفاوت برای تابع G1 مثال ۲.

در این مثال نیز برای صحت سنجی و بررسی دقت پاسخ به دست آمده از روش پیشنهادی، از روش مونت کارلو با 10^7 نمونه استفاده شده و نتایج روش مونت کارلو با روش شبیه سازی وزنی مقایسه شده است. همانطور که در شکل ۴ قابل مشاهده است مقدار β_1 برای تابع حالت حدی G1 با استفاده از روش شبیه سازی مونت کارلو با 10^7 نمونه به مقدار ۳ رسیده است. در شکل ۴ بهترین و میانگین پاسخ ها برای شاخص قابلیت اعتماد با استفاده از روش پیشنهادی رسم شده که مشاهده می‌شود در حالت میانگین پاسخ ها با 3000 نمونه با اختلاف بسیار کمی پاسخ نهایی قابل تخمین است و با 30000 نمونه مقدار شاخص قابلیت اعتماد کاملاً به مقدار پاسخ نهایی مونت کارلو منطبق شده است. همچنین برای حالت بهترین پاسخ با استفاده از روش شبیه سازی وزنی با تعداد 1000 نمونه پاسخ به مقدار دقیق و نهایی روش مونت کارلو منطبق شده است.



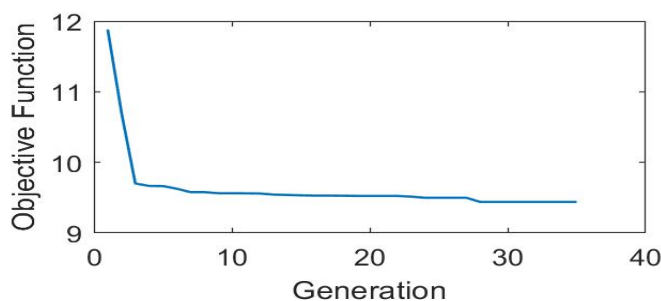
شکل ۵: نتایج شبیه‌سازی روش شبیه‌سازی وزنی با تعداد نمونه‌های متفاوت برای تابع G_2 مثال ۲.

همچنین در شکل ۵ نتایج روش شبیه‌سازی وزنی با نتایج روش مونت کارلو برای تابع حالت حدی G_2 مقایسه شده است. برای تابع G_2 در روش مونت کارلو با استفاده از 10^7 نمونه به مقدار شاخص قابلیت اعتماد $3/2$ دست پیدا کرده ایم که با استفاده از روش شبیه‌سازی وزنی این مقدار برای بهترین و میانگین پاسخ‌ها با استفاده از به ترتیب 5000 و 30000 نمونه بدست آمده است که با توجه به خطای بسیار کم در یافتن پاسخ نهایی و همچنین کاهش قابل توجه در زمان شبیه‌سازی نشان دهنده‌ی مزیت این روش برای تخمین مقدار شاخص قابلیت اعتماد می‌باشد.

در شکل ۶ به منظور بررسی سرعت همگرایی در فرآیند بهینه‌سازی با استفاده از الگوریتم کرم شب تاب تغییر مقادیر تابع هدف با افزایش تعداد نسل‌ها نمایش داده شده است. شکل ۶ نشان دهنده سرعت همگرایی بالا در رسیدن به تابع هدف می‌باشد همچنین مقادیر نهایی متغیرهای طراحی، تابع هدف و شاخص قابلیت اعتماد در جدول ۴ آورده شده و با روش‌های مشابه مقایسه شده است.

جدول ۴: مقایسه تابع هدف و شاخص قابلیت اعتماد برای روش‌های مختلف طراحی بهینه مبتنی بر قابلیت اعتماد

Reliability (β_1, β_2) Index	Objective function	Random variable	Method
(3,3.9)	$C=9.5203$	$d=(2.4573, 3.8743)$	وو و همکاران [۲۰]
(2.31, 2.82)	$C=9.5156$	$d=(2.1812, 4.3625)$	لی و همکاران [۱۳]
(3.52, 2.82)	$C=9.5233$	$d=(2.4575, 3.8752)$	صفائیان و همکاران [۱۹]
(3.10, 3.29)	$C=9.4346$	$d=(3.4485, 2.7373)$	روش پیشنهادی



شکل ۶: نمودار همگرایی بهینه‌سازی بر مبنای قابلیت اعتماد برای مثال ۲.

در جدول ۴ خلاصه نتایج بهینه سازی برای شاخص قابلیت اعتماد هدف $\beta^T=3$ و $D0=2/5$ نمایش داده شده است. برای این مثال در مرجع [۱۳] مقادیر $(w,t)=(2/1812, 4/3625)$ برای نقاط طراحی و مقدار تابع هدف برابر $C=9/5156$ بدست آمده است. در جدول ۴ قابل مشاهده است که اگرچه این روش باعث کاهش تابع هدف به نسبت مرجع [۲۰] شده است ولی سطح ایمنی هدف را ارضا نکرده است. همچنین در مرجع [۱۹] با بهبود سطح ایمنی و ارضای مقدار شاخص قابلیت اعتماد هدف به مقادیر $(3/8752, 3/8752)$ برای نقاط طراحی و مقدار بهینه تابع هدف $C=9/5233$ دست یافته است. اما در پژوهش حاضر با استفاده از روش شبیه سازی وزنی و همچنین استفاده از الگوریتم کرم شب تاب به مقادیر $(w,t)=(3/4485, 2/7373)$ برای نقاط طراحی و مقدار تابع بهینه برابر $C=9/4396$ دست پیدا کرده ایم، درحالیکه مقادیر $\beta=3/0100$ و $2\beta=3/2997$ برای شاخص قابلیت اعتماد این مثال بدست آمده که هر دو مقدار شاخص قابلیت اعتماد هدف را ارضا کرده است.

پس از شرح روش های استفاده شده برای بهینه سازی و همچنین تحلیل قابلیت اعتماد با ارائه مثال های عددی و بررسی و بحث بر روی نتایج آنها، کارایی روش معرفی شده را بررسی کردیم که نتایج مثال های عددی و مقایسه ای آنها با سایر روش ها نشان دهنده کارایی و دقت مناسب و همچنین استفاده از تعداد نمونه های به مراتب کمتر در فرآیند شبیه سازی برای تخمین شاخص قابلیت اعتماد می باشد که تاثیر قابل توجهی در افزایش سرعت در فرآیند محاسبات و در نتیجه کاهش زمان در روند طراحی با روش پیشنهادی می باشد.

۵- نتیجه گیری

در این مقاله برای بهینه سازی سازه از الگوریتم کرم شب تاب، که از الگوریتم های الهام گرفته شده از طبیعت می باشد استفاده شده است. این الگوریتم برای یافتن نقاط بهینه، از هوش جمعی حشرات (با فرض اینکه حشرات مستقر در نقاط بهتر، درخشش و جذابیت بیشتری دارند) استفاده می کند. از مزایای عمده ای این الگوریتم بهینه سازی، سرعت همگرایی بالا بوده که می تواند باعث کاهش زمان فرآیند بهینه سازی شود. همچنین برای تحلیل قابلیت اعتماد روش شبیه سازی وزنی مورد استفاده قرار گرفته است. این روش علی رغم هزینه محاسباتی پایین دقت مناسبی در تخمین شاخص قابلیت اعتماد دارد. به نسبت روش شبیه سازی مونت کارلو، روش شبیه سازی وزنی با وجود استفاده از تعداد نمونه های شبیه سازی کمتر قادر به محاسبه میزان شاخص قابلیت اعتماد مورد نیاز در مساله می باشد.

در مقاله ای حاضر با ترکیب روش شبیه سازی وزنی با الگوریتم کرم شب تاب یک روش جدید به منظور بررسی و حل مسایل بهینه سازی طراحی بر مبنای قابلیت اعتماد ارائه شده است. در این روش ضمن حداقل کردن تابع هدف (در اینجا وزن سازه) حداقل سطح ایمنی قابل قبول (شاخص قابلیت اعتماد هدف) نیز با در نظر گرفتن عدم قطعیت ها تأمین شده است. برای اثبات دقت و کارایی این روش دو مثال عددی در این مقاله مورد بررسی قرار گرفت و نتایج نهایی شاخص قابلیت اعتماد با روش شبیه سازی مونت کارلو مقایسه شد.

پس از مقایسه نتایج دو مثال بررسی شده با روش های مشابه، نشان داده شد که با ترکیب این دو روش با هدف انجام طراحی بهینه مبتنی بر قابلیت اعتماد، با وجود رعایت سطح ایمنی تعیین شده (شاخص قابلیت اعتماد هدف) به مقدار تابع هدف مطلوب تری نسبت به روش های مقایسه شده دست یافته ایم. همچنین به علت استفاده از روش شبیه سازی وزنی با توجه به استفاده از تعداد نمونه های کمتر برای محاسبه شاخص قابلیت اعتماد در این روش به نسبت روش مونت کارلو، حجم محاسبات و در نتیجه زمان نهایی مورد نیاز برای طراحی بهینه مبتنی بر قابلیت اعتماد کاهش قابل توجهی پیدا کرده است.

مراجع

- [1] Li, F., Wu, T., Badiru, A., Hu, M. and Soni, S. (2013). A single-loop deterministic method for reliability-based design optimization. *Engineering Optimization*, 45, 435-58
- [2] Ditlevsen, O. and Madsen, H. (1996). *Structural reliability methods*. New York: Wiley.
- [3] Choi, S.K., Grandhi, R. and Canfield, R.A. (2006). *Reliability-based structural design*. Springer Science & Business Media.

- [4] Fiessler, B., Neumann, HJ. and Rackwitz, R. (1979). Quadratic limit states in structural reliability. *Journal of Engineering Mechanics*, 105, 661–76.
- [5] Zhao, YG. and Lu, ZH. (2007). Fourth-moment standardization for structural reliability assessment. *ASCE Journal of Structural Engineering*, 133, 916–24
- [6] Melchers, RE. (1999). *Structural reliability analysis and prediction*. Chichester. John Wiley and Sons.
- [7] Nowak, AS. and Collins, KR. (2000). *Reliability of structures*. New York: McGraw-Hill.
- [8] Rashki, M., Miri, M. and Moghaddam, MA. (2012). A new efficient simulation method to approximate the probability of failure and most probable point. *Structural Safety*, 39, 22–29.
- [9] Rashki, M., Miri, M. and Moghaddam, MA. (2014). Closure to A new efficient simulation method to approximate the probability of failure and most probable point. *Structural Safety*, 46, 15–6.
- [10] Luo, X., Lu, Z. and Xu, X. (2014). A new efficient simulation method to approximate the probability of failure and most probable point. *Structural Safety*, 46, 13–4.
- [11] Pu, Y., Das, PK. and Faulkner, D. (1997). A strategy for reliability-based optimization. *Engineering Structures*, 19, 276–82.
- [12] Arora, JS. (2004). *Introduction to optimum design*. 2nd ed. New York: Elsevier Academic Press.
- [13] Li, F., Wu, T., Hu, M. and Dong, J. (2010). An Accurate Penalty-Based Approach for Reliability-Based Design Optimization. *Research in Engineering Design*, 21, 87-98.
- [14] Yang, XS. (2008). *Nature-inspired metaheuristic algorithm*. UK. Luniver Press.
- [15] Youn, B. and Choi, K. (2004). An investigation of nonlinearity of reliability-based design optimization approaches. *Journal of Mechanical Design*, 126, 403–411.
- [16] Shayanfar, M., Abbasnia, R. and Khodam, A. (2014). Development of a GA-based method for reliability-based optimization of structures with discrete and continuous design variables using OpenSees and Tcl. *Finite Elements in Analysis and Design*, 90, 61-73.
- [17] Abbasnia, R., Shayanfar, M. and Khodam, A. (2014). Reliability-based design optimization of structural systems using a hybrid genetic algorithm. *Structural Engineering and Mechanics*, 52(6), 1099-1120.
- [18] Okasha, N. (2016). An improved weighted average simulation approach for solving reliability-based analysis and design optimization problems. *Structural Safety*, 47-55
- [19] Safaeian Hamzeh Kolaei, N., Miri, M. and Rashki, M. (2017). Reliability-Based Design Optimization of Structures using Modified Weighted Simulation Method. *Journal of Coastal and Marine Engineering*, 35 (2), 1-22
- [20] Wu, Y. T., Shin, Y., Sues, R. and Cesare, M. (2001). Safety-Factor Based Approach for Probability Based Design Optimization. In: *19th AIAA Applied Aerodynamics Conference, Fluid Dynamics and Collocated Conferences: Anaheim, CA, U.S.A; 1522*.